

التمرين الأول

I - نعتبر f و g و h دوال معرفة على \mathcal{D} :-
 $f(x) = (x + 5)^2$ $\mathcal{D} = [0, +\infty[$ $h(x) = \frac{1}{3x-1}$ $\mathcal{D} = [1, +\infty[$
 $g(x) = \sqrt{2x + 4}$ $\mathcal{D} = [2, +\infty[$

1- أكتب كل من f و g و h على شكل مركب دالتين مرجعيتين .

2- استنتج اتجاه تغير الدوال f و g و h .

II -

1- حل في \mathbb{R} المعادلات التالية: $2x^2 - 8x = 0$ ، $x^2 - 7x + 6 = 0$ ، $-x^2 + 5x - 6 = 0$

2- حل في \mathbb{R} المتراجحات التالية: $x^2 - 5x \leq -x^2 + 3x$ ، $7x - 6 \geq x^2$ ، $-x^2 + 5x - 6 \leq 0$

III - عين مجموعة تعريف كل من الدوال التالية:

$$f(x) = \frac{-2x + 3}{x^2 - x} \quad g(x) = \frac{7}{\sqrt{x^2 - 1}} \quad h(x) = \sqrt{-x^2 - 5x}$$

التمرين الثاني

f دالة معرفة على المجال $\mathbb{R} - \{-1\}$:- $f(x) = -2 + \frac{1}{x+1}$ ، (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس (\vec{i}, \vec{j}) .

1- بين ان الدالة f هي مركب دالتين مرجعيتين u و v يطلب تحديد عبارتيهما .

2- حل المعادلة $f(x) = 0$.

3- اشرح كيف يمكن رسم (C_f) انطلاقا من التمثيل البياني للدالة $\frac{1}{x} \mapsto x$ ثم ارسمه .

4- لتكن الدالة g المعرفة :- $g(x) = |f(x)|$ و (C_g) تمثيلها البياني .

- أنشئ (C_g) انطلاقا من (C_f) مع الشرح .

5- لتكن الدالة h المعرفة على \mathbb{R} :- $h(x) = -2 + \frac{1}{|x|+1}$ و (C_h) تمثيلها البياني .

- اشرح كيف يمكن رسم (C_h) انطلاقا من (C_f) ثم ارسمه .

النجاح ... سلم لا تستطيع تسلقه و يداك في جيبيك .

التمرين الأول : (13ن)

- I

الدالة h	الدالة g	الدالة f	الدالة u
$\frac{1}{x}$	\sqrt{x}	x^2	u
$3x - 1$	$2x + 4$	$x + 5$	v
$u(v(x)) = \frac{1}{(3x-1)}$	$u(v(x)) = \sqrt{(2x+4)}$	$u(v(x)) = (x+5)^2$	الدالة $u \circ v$

-2

- الدالة f متزايدة تماما على \mathcal{D} لان للدالتين u و v نفس اتجاه التغير.- الدالة g متزايدة تماما على \mathcal{D} لان للدالتين u و v نفس اتجاه التغير.- الدالة h متناقصة تماما على \mathcal{D} لان اتجاه تغير الدالة u عكس اتجاه تغير الدالة v .

- II

-1

• $2x^2 - 8x = 0$

• $\Delta = 64$ ومنه لدينا حلين مختلفين هما : $x_1 = 0$ و $x_2 = 4$
اذن : مجموعة الحلول هي : $S = \{0, 4\}$

• $x^2 - 7x + 6 = 0$

• $\Delta = 25$ ومنه لدينا حلين مختلفين هما : $x_1 = 1$ و $x_2 = 6$
اذن : مجموعة الحلول هي : $S = \{1, 6\}$

• $-x^2 + 5x - 6 = 0$

• $\Delta = 1$ ومنه لدينا حلين مختلفين هما : $x_1 = 2$ و $x_2 = 3$
اذن : مجموعة الحلول هي : $S = \{2, 3\}$

-2

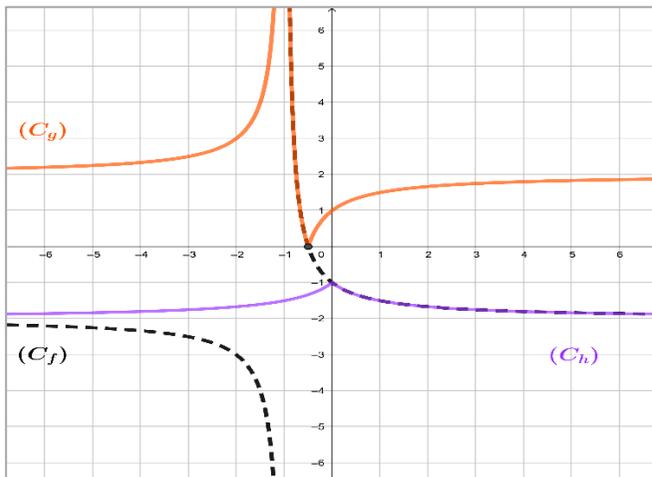
• $x^2 - 5x \leq -x^2 + 3x$

لدينا $(x^2 - 5x \leq -x^2 + 3x)$ تكافئ $(2x^2 - 5x \leq 3x)$
تكافئ $(2x^2 - 8x \leq 0)$

التمرين الثاني : (7ن)

-1 نلاحظ ان : $f(x) = (u \circ v)(x)$ حيث : $u(x) = -2 + \frac{1}{x}$ و $v(x) = x + 1$ -2 لدينا $(f(x) = 0)$ تكافئ $(-2 + \frac{1}{x+1} = 0)$ تكافئ $(\frac{-2x-1}{x+1} = 0)$ أي $(-2x - 1 = 0)$ ومنه $(x = \frac{-1}{2})$ اذن : مجموعة الحلول هي : $S = \{\frac{-1}{2}\}$ -3 (C_f) هو صورة التمثيل البياني للدالة $x \mapsto \frac{1}{x}$ بالانسحاب الذيشعاعه : $\vec{v} = -\vec{i} - 2\vec{j}$ -4 $x \in]-1, \frac{-1}{2}]$ (C_g) منطبق على (C_f) كما $x \in]-\infty, -1[\cup [\frac{-1}{2}, +\infty[$ (C_g) نظير (C_f) بالنسبة

لمحور الفواصل .

-5 لدينا $h(x) = f(|x|)$ ومنه $h(x) = h(-x)$ أي $h(x)$ دالة زوجية و عليه :لما $x \in [0, +\infty[$ فان : (C_h) منطبق على (C_f) لما $x \in]-\infty, 0]$ فان : (C_h) نظير (C_f) بالنسبة لمحور الترتيب.• $\Delta = 64$ ومنه : $x_1 = 0$ و $x_2 = 4$ و عليه :

x	$-\infty$	0	4	$+\infty$
الإشارة		+	-	+

اذن : مجموعة الحلول هي : $S = [0, 4]$

• $x^2 \geq 7x - 6$

لدينا $(x^2 \geq 7x - 6)$ تكافئ $(0 \geq x^2 - 7x + 6)$ • $\Delta = 25$ ومنه : $x_1 = 6$ و $x_2 = 1$ و عليه :

x	$-\infty$	1	6	$+\infty$
الإشارة		+	-	+

اذن مجموعة الحلول هي : $S = [1, 6]$

• $-x^2 + 5x - 6 \leq 0$

لدينا $\Delta = 1$ ومنه : $x_1 = 2$ و $x_2 = 3$ و عليه :

x	$-\infty$	2	3	$+\infty$
الإشارة		-	+	-

اذن مجموعة الحلول هي : $S =]-\infty, 2] \cup [3, +\infty[$

- III

• \mathcal{D}_f : الدالة f معرفة اذا كان : $(x^2 - x \neq 0)$ أي $(x(x-1) \neq 0)$ و عليه $(x \neq 0)$ و $(x \neq 1)$.اذن : $\mathcal{D}_f = \mathbb{R} - \{0, 1\}$ • \mathcal{D}_g : الدالة g معرفة اذا كان : $(x^2 - 1 > 0)$ • $\Delta = 4$ ومنه : $x_1 = 1$ و $x_2 = -1$ و عليه :

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
الإشارة		+	-	+

اذن : $\mathcal{D}_g =]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ • \mathcal{D}_h : الدالة h معرفة اذا كان : $(-x^2 - 5x > 0)$ • $\Delta = 25$ ومنه : $x_1 = 0$ و $x_2 = -5$ و عليه :

x	$-\infty$	-5	0	$+\infty$
الإشارة		-	+	-

اذن : $\mathcal{D}_h = [-5, 0]$