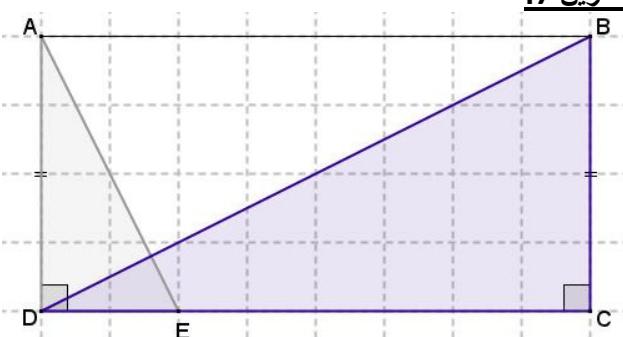
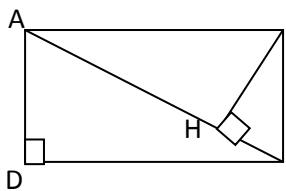


## المثلثات المتشابهة والمتضاد المتقايسة



في الشكل أعلاه،  $ABCD$  مستطيل حيث:  $AD = 4 \text{ cm}$  و  $AB = 8 \text{ cm}$ .  
نقطة من القطعة  $[DC]$  حيث  $DE = 2 \text{ cm}$  حيث  $E$   
بين أن المثلثين  $ADE$  و  $BCD$  متشابهان.

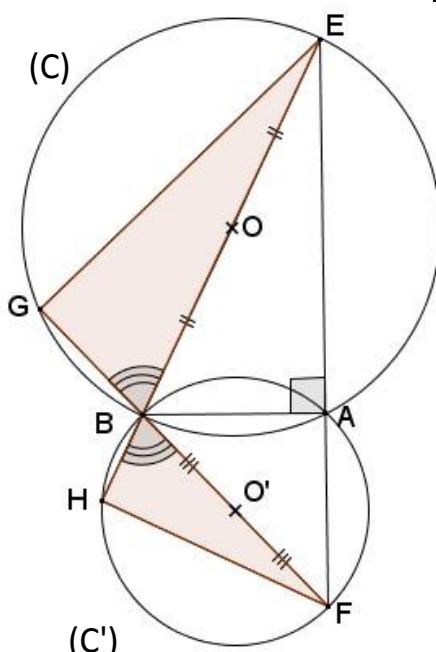
### التمرين 7:



في الشكل جانبا،  $ABCD$  مستطيل، و  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $B$  على المستقيم  $(AC)$ .

1. بين أن:  $ADC$  و  $BCH$  متشابهان.
2. بين أن:  $ADC$  و  $ABH$  متشابهان.
3. استنتج العلاقة بين المثلثين  $BCH$  و  $ABH$ ، علل جوابك.

### التمرين 8:



في الشكل أعلاه،  $(C)$  و  $(C')$  دائرتان متقاطعتان في  $A$  و  $B$  و  
مركزاهما على التوالي  $O$  و  $O'$  ، المستقيم المار من  $A$  و العمودي  
على المستقيم  $(AB)$  يقطع  $(C)$  في  $E$  و الدائرة  $(C')$  في  $F$ .  
المستقيم  $(BE)$  يقطع الدائرة  $(C')$  في  $H$ ، و المستقيم  $(BF)$  يقطع  
الدائرة  $(C)$  في  $G$ .  
1. بين أن المثلثين  $BHF$  و  $BEG$  متشابهان.  
2. نفترض أن للدائرتين  $(C)$  و  $(C')$  نفس الشعاع  
بين أن المثلثين  $ABH$  و  $ABG$  متضاد المقايسان.

### التمرين 9:

ليكن  $ABC$  مثلثاً، ننسى خارجا عنه المربعين  $ABEN$  و  $ACFM$ .  
1. بين أن:  $MB = CN$ .  
2. بين أن المستقيمين  $(MB)$  و  $(NC)$  متعامدان.

### التمرين 10:

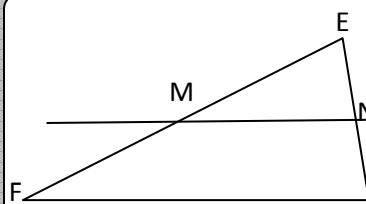
ليكن  $ABC$  مثلثاً بحيث  $AB = 5$  و  $AC = 7$  و  $BC = 8$ .  
إذا علمت أن مثلثاً  $A'B'C'$  يشبه المثلث  $ABC$ ، و أن محیطه هو 30  
، فاحسب أطوال أضلاعه.

### التمرين 1:

في الشكل جانبا،  $ABCD$  مستطيل، و  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $B$  على المستقيم  $(AC)$ .

1. بين أن:  $ADC$  و  $BCH$  متشابهان.
2. بين أن:  $ADC$  و  $ABH$  متشابهان.
3. استنتج العلاقة بين المثلثين  $BCH$  و  $ABH$ ، علل جوابك.

### التمرين 2:



في المثلث  $EGF$  جانبا،  $7 = EG$  و  $EM = 6$  و  $EF = 12$   
و  $EMN$  متسابهان محدداً نسبة  $EMN$  و  $EGF$  تشابهما في هذا الترتيب.

1. إذا علمت أن:  $MN = 4,5$ ، فاحسب المسافة  $FG$ .

### التمرين 3:

ليكن  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ ، النقطة  $H$  هي المسقط العمودي  
النقطة  $A$  على المستقيم  $(BC)$ .  
ال نقطتان  $L$  و  $M$  هما على التوالي المسقطان العموديان للنقطة  $H$  على  
 $(AC)$  و  $(AB)$ .  
بين أن المثلثين  $MAL$  و  $BAC$  متشابهان.

### التمرين 4:

رباعي محاط بدائرة قطرها  $[AC]$  ، و  $H$  المسقط  
العمودي للنقطة  $A$  على المستقيم  $(BD)$ .

1. بين أن المثلثين  $ABH$  و  $ACD$  متشابهان.
2. استنتاج أن:  $\widehat{BAH} = \widehat{CAD}$
3. استنتاج أن:  $AB \times AD = AC \times AH$

### التمرين 5:

في الشكل أعلاه،  $EFG$  و  $ABC$  مثلثان، بحيث:  $AC = 0,8 \text{ dm}$  و  $AB = 6 \text{ cm}$  و  $BC = 1 \text{ dm}$  و  $EF = 15 \text{ cm}$  و  $FG = 12 \text{ cm}$  و  $EG = 9 \text{ cm}$   
بين أن المثلثين  $ABC$  و  $EFG$  متشابهان.

### التمرين 6:

(بتصرف)  
(C) دائرة مركزها  $O$  وشعاعها  $4 \text{ cm}$   
[BC] قطر للدائرة  $(C)$ .

لتكن  $A$  نقطة من الدائرة  $(C)$ ، بحيث:  $\widehat{ACB} = 30^\circ$ .

1. أرسم المماس  $(\Delta)$  للدائرة  $(C)$  في النقطة  $B$ .  
 $\widehat{ABM} = 30^\circ$ .
2. بين أن:  $(AB) \perp (AC)$ .
3. أ- بين أن:  $AB^2 = AC \times AM$ :  
ب- بين أن المثلثين  $AMB$  و  $ABC$  متشابهان ، ثم استنتاج  
أن:  $AB^2 = AC \times AM$ :  
4. بين أن المثلث  $OAB$  متساوي الأضلاع.  
5. المستقيم الموازي للمستقيم  $(AB)$  و المار من  $O$  يقطع المستقيم  
 $(AC)$  في  $N$ ، أحسب  $ON$ .  
6. العمودي على  $(BC)$  و المار من  $A$  يقطع  $(BC)$  في  $H$ .  
بين أن المثلثين  $AHB$  و  $AHO$  متقابسان.

عن موحد الثانوية العسكرية الملكية الأولى القنطرة: 2007/2006