

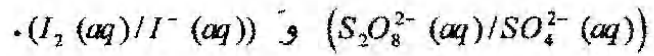
على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

الموضوع الأول

التمرين الأول: (03,5 نقطة)

نمزج في اللحظة $t=0$ حجما $V_1=200\text{mL}$ من محلول مائي لبيروكسودي كبريتات البوتاسيوم $(2K^+(aq)+S_2O_8^{2-}(aq))$ تركيزه المولي $C_1=4,00 \times 10^{-2} \text{mol.L}^{-1}$ مع حجم $V_2=200\text{mL}$ من محلول مائي ليود البوتاسيوم $(K^+(aq)+I^-(aq))$ تركيزه المولي $C_2=4,0 \times 10^{-1} \text{mol.L}^{-1}$.

1- إذا علمت أن الثنائيتين (Ox/Red) الداخلتين في التحول الكيميائي الحاصل هما:

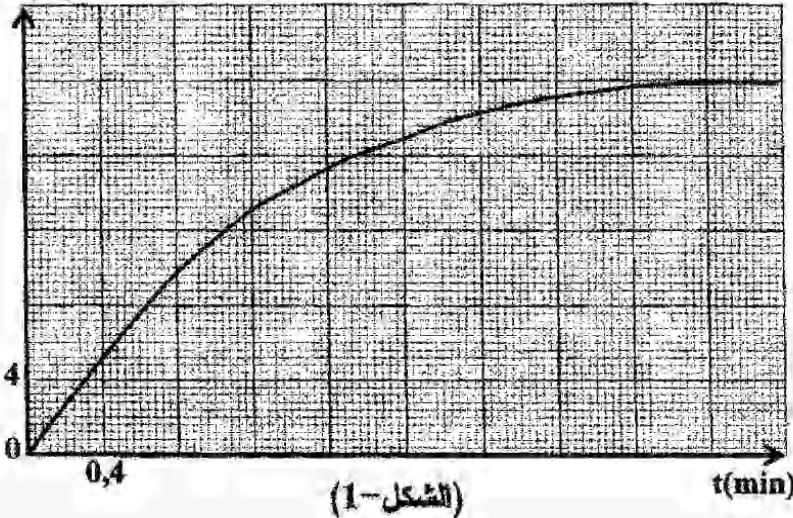


أ/ اكتب المعادلة المعبرة عن التفاعل أكسدة - إرجاع النمذج للتحول الكيميائي الحاصل.

ب/ أنجز جدولاً لتقدم التفاعل الحادث. استنتج المتفاعل المحد.

2- توجد عدة تقنيات لمتابعة تطور تشكل ثنائي اليود I_2 بدلالة الزمن. استخدمت واحدة منها في تقدير كمية

ثنائي اليود ورسم البيان :



$[I_2] = f(t)$ الموضح في (الشكل-1).

أ/ كم يستغرق التفاعل من الوقت

لإنتاج نصف كمية ثنائي اليود النهائية ؟

ب/ احسب قيمة السرعة الحجمية لتشكل

ثنائي اليود في اللحظة $t = t_{1/2}$.

3- إن الطريقة التي أدت نتائجها إلى رسم البيان (الشكل-1)، تعتمد في تحديد تركيز ثنائي اليود

المتشكل عن طريق المعايرة، حيث تؤخذ عينات متساوية، حجم كل منها $V=10\text{mL}$ من الوسط

التفاعلي في أزمنة مختلفة (توضع العينة مباشرة لحظة أخذها في الماء والجليد) ثم تعابر بمحلول

مائي لثيوكبريتات الصوديوم $(2Na^+(aq)+S_2O_3^{2-}(aq))$ تركيزه المولي $C'=1,0 \times 10^{-2} \text{mol.L}^{-1}$.

معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للتحويل الحادث هي: $I_2(aq) + 2S_2O_3^{2-}(aq) = 2I^-(aq) + S_4O_6^{2-}(aq)$ / انكر الخواص الأساسية للتفاعل الكيميائي المنمذج للتحويل الكيميائي الحاصل بين ثيوكبريتات الصوديوم وثنائي اليود.

ب/ اوجد عبارة $[I_2]$ بدلالة كل من: V ; V_E ; C' . حيث: V_E هو حجم محلول ثيوكبريتات الصوديوم اللازم لبلوغ نقطة التكافؤ E .

ج- احسب الحجم المضاف V_E في اللحظة $t = 1,2 \text{ min}$.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

جُهِز مخبر بمنبع إشعاعي يحتوي على السيزيوم 137 المشع الذي يتميز بزمن نصف العمر $t_{1/2} = 30,2 \text{ ans}$

يبلغ النشاط الإشعاعي الابتدائي لهذا المنبع $A_0 = 3,0 \times 10^5 \text{ Bq}$.

1- تتفكك أنوية السيزيوم $^{137}_{55}\text{Cs}$ مُصدرًا جسيمات β^- .

أ/ اكتب معادلة التفاعل النووي المنمذج لتفكك السيزيوم 137.

ب/ احسب قيمة λ ثابت التفكك لنواة السيزيوم.

ج/ احسب m_0 كتلة السيزيوم 137 الموجودة في المنبع لحظة استلامه.

2- أ/ اكتب عبارة قانون النشاط الإشعاعي $A(t)$ للمنبع.

ب/ كم تصبح قيمة نشاط المنبع بعد سنة ؟

ج/ ما قيمة التغير النسبي للنشاط الإشعاعي خلال سنة واحدة ؟

3- يصبح المنبع غير صالح للاستعمال عندما يصبح لنشاطه الإشعاعي قيمة حدية تساوي عشر

قيمته الابتدائية أي $A(t) = \frac{A_0}{10}$ ، كم يدوم استغلال المنبع؟

^{53}I	^{54}Xe	^{55}Cs	^{56}Ba	^{57}La
-----------------	------------------	------------------	------------------	------------------

المعطيات:

$$M_{(^{137}\text{Cs})} = 136,9 \text{ g/mol} , N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

التمرين الثالث: (03,5 نقطة)

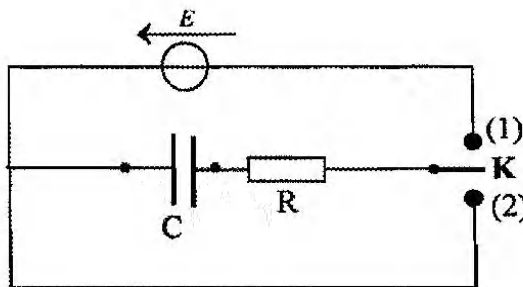
بغرض شحن مكثفة فارغة، سعتها C ، نصلها على

التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية:

- مولد ذو توتر كهربائي ثابت $E = 5V$ ومقاومته الداخلية مهملة.

- ناقل أومي مقاومته $R = 120\Omega$.

- بادلة K (الشكل-2).



(الشكل-2)

- 1- لمتابعة تطور التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن، نوصل مقياس فولطمتر رقمي بين طرفي المكثفة وفي اللحظة $t=0$ ، نضع البادلة في الوضع (1). وبالتصوير المتعاقب تم تصوير شاشة جهاز الفولطمتر الرقمي لمدة معينة وبمشاهدة شريط الفيديو ببطء سجلنا النتائج التالية:

$t(ms)$	0	4	8	16	20	24	32	40	48	60	68	80
$u_c(V)$	0	1,0	2,0	3,3	3,8	4,1	4,5	4,8	4,9	5,0	5,0	5,0

أ/ ارسم البيان $u_c = f(t)$.

ب/ عين بيانيا قيمة ثابت الزمن τ لثنائي القطب RC واستنتج قيمة السعة C للمكثفة.

2- كيف تتغير قيمة ثابت الزمن τ في الحالتين ؟

- الحالة (أ): من أجل مكثفة سعتها C' حيث $C' > C$ و $R = 120\Omega$.

- الحالة (ب): من أجل مكثفة سعتها C'' حيث $C'' = C$ و $R' < 120\Omega$.

ارسم، كيفيا، في نفس المعلم المنحنيين (1) و (2) المعبرين عن $u_c(t)$ في الحالتين (أ) و (ب) السابقتين.

3- أ/ بين أن المعادلة التفاضلية المعبرة عن $q(t)$ تعطى بالعلاقة: $\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{RC}q(t) = \frac{E}{R}$

ب/ يعطى حل المعادلة التفاضلية بالعلاقة $q(t) = Ae^{\alpha t} + \beta$ حيث A و α و β ثوابت يطلب

تعيينها، علما أنه في اللحظة $t=0$ تكون $q(0)=0$.

4 - المكثفة مشحونة نضع البادلة في الوضع (2) في لحظة نعتبرها كمبدأ للأزمنة.

أ/ احسب في اللحظة $t=0$ الطاقة الكهربائية المخزنة E_0 في المكثفة.

ب/ ما هو الزمن الذي من أجله تصبح الطاقة المخزنة في المكثفة $E = \frac{E_0}{2}$ ؟

التمرين الرابع: (03 نقاط)

نحضر محلولاً (S) لحمض الإيثانويك (CH_3COOH) لهذا الغرض نحل كتلة m في حجم قدره $100mL$ من الماء المقطر.

نقيس pH المحلول (S) بواسطة مقياس الـ pH متر عند الدرجة $25^\circ C$ فكانت قيمته 3,4.

1- اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحادث.

2- أ/ أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل الكيميائي.

ب/ اوجد قيمة التقدم النهائي x_r .

ج/ إذا علمت أن نسبة التقدم النهائي $\tau_r = 0,039$ بين أن قيمة التركيز المولي $C = 10^{-2} mol/L$

ثم استنتج m قيمة الكتلة المنحلة في المحلول (S).

3- احسب كسر التفاعل الابتدائي Q_{r_i} وكسر التفاعل عند التوازن Q_{r_f} . ما هي جهة تطور الجملة الكيميائية؟

4- بهدف التأكد من قيمة التركيز المولي C للمحلول (S) ، نعاير حجما $V_a = 10\text{mL}$ منه بواسطة

محلول أساسي لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+(aq) + HO^-(aq))$ تركيزه المولي

$C_b = 4,0 \cdot 10^{-3} \text{mol} \cdot L^{-1}$ فيحدث التكافؤ عند إضافة حجم $V_{BE} = 25\text{mL}$ من المحلول الأساسي.

أ/ اذكر البروتوكول التجريبي لهذه المعايير.

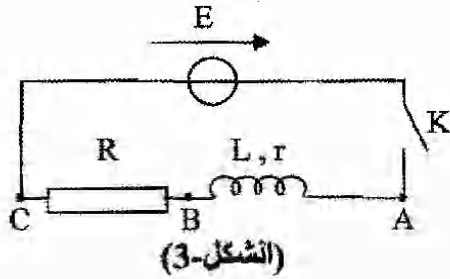
ب/ اكتب معادلة التفاعل المنمذج لهذا التحول.

ج/ احسب قيمة التركيز المولي C للمحلول (S) . قارنها مع القيمة المعطاة سابقا.

د/ ما هي قيمة pH المزيج لحظة إضافة $12,5\text{mL}$ من محلول هيدروكسيد الصوديوم؟

يعطى: $pK_a(CH_3COOH/CH_3COO^-) = 4,8$ ، $M(O) = 16\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ، $M(C) = 12\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ، $M(H) = 1\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$

التمرين الخامس: (03 نقاط)



تتكون دارة كهربائية من العناصر التالية مربوطة على التسلسل:

وشبيعة ذاتيتها L ومقاومتها r ، ناقل أومي مقاومته $R = 17,5\Omega$ ،

مولد ذي توتر كهربائي ثابت $E = 6,00V$ ، قاطعة كهربائية K

(الشكل-3) نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0$.

سمحت برمجية للإعلام الآلي بمتابعة تطور شدة التيار الكهربائي المار في الدارة مع مرور الزمن

ومشاهدة البيان: $i = f(t)$ (الشكل-4).

1. بالاعتماد على البيان:

أ- استنتج قيم كل من شدة التيار الكهربائي في النظام الدائم، قيمة ثابت الزمن τ للدارة.

ب- احسب كل من المقاومة r و الذاتية L للشبيعة.

2. في النظام الانتقالي:

أ/ بتطبيق قانون التوترات أثبت أن:

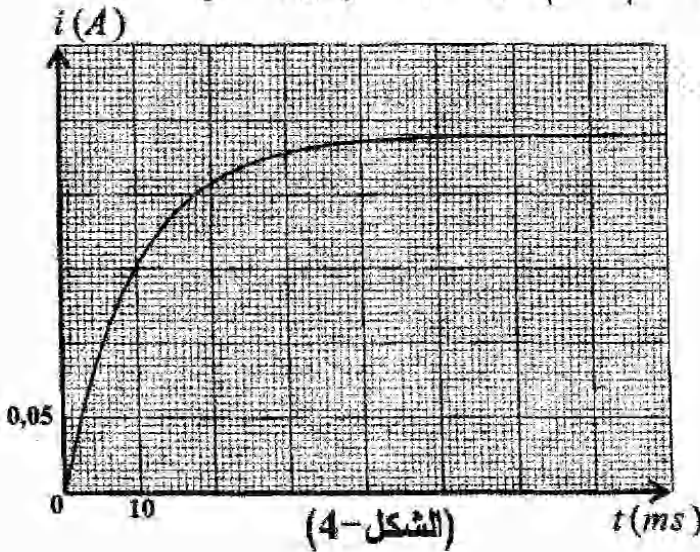
$$\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = \frac{I_0}{\tau}$$

حيث I_0 شدة التيار في

النظام الدائم.

ب/ بين أن حل المعادلة هو من الشكل:

$$i = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$



3. نغير الآن قيمة الذاتية L للوشية وبمعالجة المعطيات ببرمجية إعلام آلي نسجل قيم τ

ثابت الزمن للدائرة لنحصل على جدول القياسات التالي :

$\tau(ms)$	4	8	12	20
$L(H)$	0,1	0,2	0,3	0,5

أ/ ارسم البيان: $L = h(\tau)$.

ب/ اكتب معادلة البيان.

ج/ استنتج قيمة مقاومة الوشية r ، هل تتوافق هذه القيمة مع القيمة المحسوبة في السؤال 1-ب؟

التمرين التجريبي : (04 نقاط)

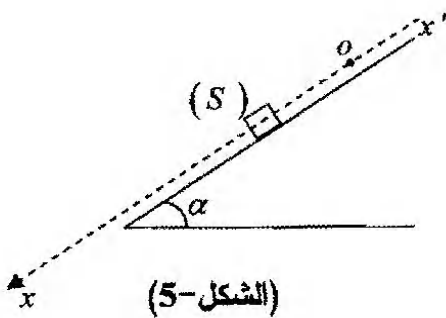
ينزلق جسم صلب (S) كتلته $m=100g$ على طول مستوي مائل

عن الأفق بزاوية $\alpha=20^\circ$ وفق المحور $\overline{xx'}$ (الشكل-5).

قمنا بالتصوير المتعاقب بكاميرا رقمية (Webcam)،

وعولج شريط الفيديو ببرمجية "Aviméca" بجهاز الإعلام

الآلي وتحصلنا على النتائج التالية:



$t(s)$	0,00	0,04	0,06	0,08	0,10	0,12
$v(m.s^{-1})$	v_0	0,16	0,20	0,24	0,28	0,32

1/ ارسم البيان $v = f(t)$.

2/ بالاعتماد على البيان:

أ/ بين طبيعة حركة (S) واستنتج القيمة التجريبية للتسارع a .

ب/ استنتج قيمة السرعة v_0 في اللحظة $t=0$.

ج/ احسب المسافة المقطوعة بين اللحظتين: $t_1=0,04s$ و $t_2=0,08s$.

3/ بفرض أن الاحتكاكات مهملة:

أ/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد العبارة الحرفية للتسارع a_0 ثم احسب قيمته.

ب/ قارن بين a و a_0 . كيف تبرر الاختلاف؟

4/ اوجد شدة القوة \overline{f} المنمذجة للاحتكاكات على طول المستوي المائل.

يعطى: $g=10m.s^{-2}$; $\sin 20^\circ=0,34$.

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (03,5 نقطة)

نحضر محلولاً (S) بمزج حجم $V_1 = 100\text{mL}$ من الماء الأكسجيني H_2O_2 تركيزه المولي $C_1 = 4,5 \cdot 10^{-2} \text{mol.L}^{-1}$ مع حجم $V_2 = 100\text{mL}$ من محلول يود البوتاسيوم $(\text{K}^+(\text{aq}) + \text{I}^-(\text{aq}))$ تركيزه المولي $C_2 = 2,0 \cdot 10^{-1} \text{mol.L}^{-1}$. تعطى الثنائيتان: $(\text{I}_2(\text{aq}) / \text{I}^-(\text{aq}))$ ، $(\text{H}_2\text{O}_2(\text{aq}) / \text{H}_2\text{O}(\text{l}))$.

1 - أ/ اكتب معادلة التفاعل أكسدة - إرجاع معتمدا على المعادلتين النصفيتين.

ب/ أنشئ جدولا لتقدم التفاعل واستنتج المتفاعل المحد.

2 - نقسم المحلول (S) على عدة أنابيب متماثلة كل منها يحتوي على حجم $V = 20\text{mL}$ وفي

اللحظة $t = 3\text{min}$ نضيف إلى الأنبوب الأول ماء وقطع من الجليد ثم نعاير ثنائي اليود $\text{I}_2(\text{aq})$

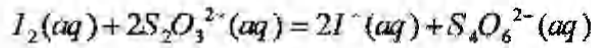
المتشكل بواسطة ثيوكبريتات الصوديوم $(2\text{Na}^+(\text{aq}) + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}(\text{aq}))$ تركيزه المولي $C = 1,0 \text{mol.L}^{-1}$

نكرر التجربة السابقة كل ثلاث دقائق مع بقية الأنابيب، علما أن حجم الثيوكبريتات المضاف عند

التكافؤ هو V_E .

لماذا نضيف الماء وقطع الجليد لكل أنبوب قبل المعايرة؟

3 - نمذج التحول الكيميائي الحادث أثناء المعايرة بالمعادلة:



بين أن التركيز المولي لثنائي اليود المتشكل في أي لحظة t يعطى بالعلاقة: $[I_2] = \frac{CV_E}{2V}$.

4 - إن دراسة تغيرات التركيز المولي لثنائي

اليود المتشكل بدلالة الزمن أعطى

البيان (الشكل-1).

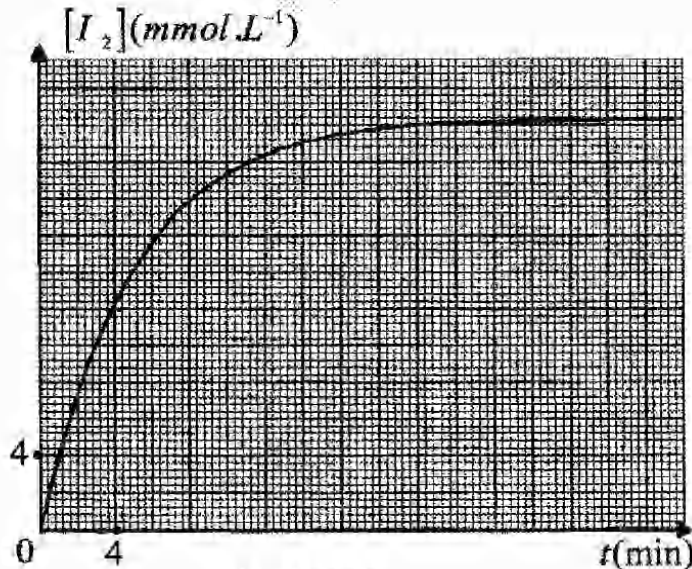
أ- استنتج قيمة $[I_2]_r$ في نهاية التفاعل.

ب- احسب قيمة السرعة الحجمية

لتشكل I_2 في اللحظة $t = 8\text{min}$.

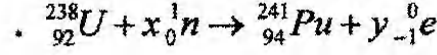
ج- استنتج سرعة اختفاء الماء الأكسجيني

في نفس اللحظة $t = 8\text{min}$.



التمرين الثاني: (03 نقاط)

لا يوجد البلوتونيوم $^{241}_{94}\text{Pu}$ في الطبيعة، وللحصول على عينة من أنويته يتم قذف نواة $^{238}_{92}\text{U}$ في مفاعل نووي بعدد x من النيوترونات. حيث يمكن نمذجة هذا التحول النووي بتفاعل معادلته:



1- أ- بتطبيق قانوني الانحفاظ عين قيمتي x و y .

ب- تصدر نواة البلوتونيوم $^{241}_{94}\text{Pu}$ أثناء تفككها جسيمات β^- ونواة الأمريسيوم $^{241}_{95}\text{Am}$.

اكتب معادلة التفكك النووي للبلوتونيوم وحدد قيمتي العددين Z و A .

ج- احسب قيمة طاقة الربط لكل نيوكليون (نوية) مقدرة بـ MeV لنواتي $^{241}_{94}\text{Pu}$ و $^{241}_{95}\text{Am}$.

ثم استنتج أيهما أكثر استقرارا.

2- تحتوي عينة من البلوتونيوم ^{241}Pu المشع في اللحظة $t=0$ على N_0 نواة.

بدراسة نشاط هذه العينة في أزمنة مختلفة تم الحصول على النسبة $\frac{A(t)}{A_0}$ حيث $A(t)$ نشاط العينة في

اللحظة t و A_0 نشاطها في اللحظة $t=0$ فحصلنا على النتائج التالية:

$t(\text{ans})$	0	3	6	9	12
$\frac{A(t)}{A_0}$	1,00	0,85	0,73	0,62	0,53

أ- ارسم، على ورقة مليمتريّة، البيان: $\ln \frac{A(t)}{A_0} = f(t)$.

ب- اكتب عبارة المقدار $\ln \frac{A(t)}{A_0}$ بدلالة t و λ .

ج- عين بيانيا قيمة ثابت التفكك λ واستنتج قيمة زمن نصف عمر البلوتونيوم ^{241}Pu .

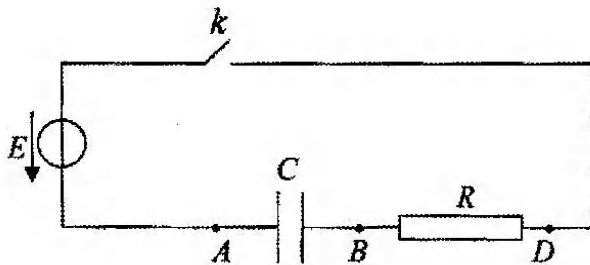
المعطيات: $m(^{241}\text{Pu}) = 241,00514u$ ، $m(p) = 1,00728u$ ، $m(^{241}\text{Am}) = 241,00457u$ ،

$$m(n) = 1,00866u \quad , \quad 1u = \frac{931,5}{c^2} \text{MeV}$$

التمرين الثالث: (03,5 نقطة)

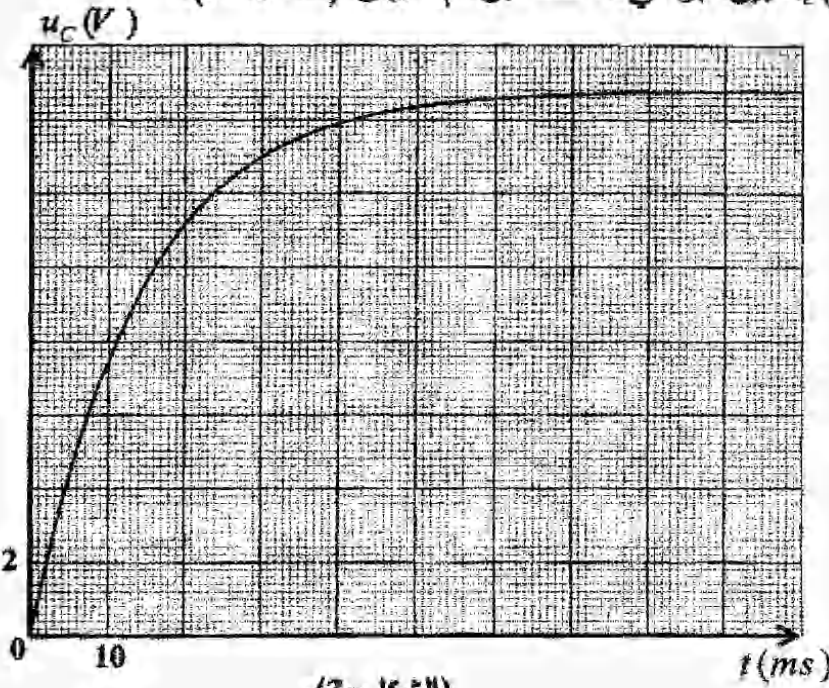
نربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية:

- ناقل أومي مقاومته $R = 500\Omega$.
- مكثفة سعتها C غير مشحونة.
- مولد ذي توتر كهربائي ثابت E .
- قاطعة k (الشكل-2).



(الشكل-2)

مكنك متابعة تطور التوتر الكهربائي $u_c(t)$ بين لبوسي المكثفة برسم البيان (الشكل-3).



(الشكل-3)

1/ عمليا يكتمل شحن المكثفة عندما يبلغ التوتر الكهربائي بين طرفيها 99% من قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد.

اعتمادا على البيان :

أ/ عين قيمة ثابت الزمن τ وقيمة التوتر الكهربائي بين طرفي المولد ثم احسب سعة المكثفة C .

ب/ حدد المدة الزمنية t' لاكتمال عملية شحن المكثفة.

ج/ ما هي العلاقة بين t' و τ ؟

2/ بتطبيق قانون جمع التوترات أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر

الكهربائي بين طرفي المكثفة: $u_{AB} = u_c(t)$ ، ثم بين أنها تقبل حلاً من الشكل: $u_c(t) = E \left(1 - e^{-t/\tau}\right)$.

3/ اوجد قيمة الطاقة الكهربائية المخزنة E_c في المكثفة عند اللحظات: $t_0 = 0$ ، $t_1 = \tau$ ، $t_2 = 5\tau$.

4/ توقع (رسم كفي) شكل المنحني $E_c = f(t)$.

التمرين الرابع: (03 نقاط)

بغرض تحضير محلول (S_1) لغاز النشادر $NH_3(g)$ ، نحل 1,2L منه في 500mL من الماء المقطر.

1- أ- احسب التركيز المولي C_1 للمحلول (S_1) ، علما أن الحجم المولي في شروط التجربة $V_M = 24L.mol^{-1}$.

ب- اكتب المعادلة الكيميائية للتفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي الحاصل.

2- إن قياس pH المحلول (S_1) في $25^\circ C$ أعطى القيمة 11,1.

أ- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل.

ب- احسب نسبة التقدم النهائي τ_1 . ماذا تستنتج ؟

3- كلف الأستاذ في حصة الأعمال المخبرية فوج من التلاميذ لتحضير محلولاً (S_2) حجمه

$V = 50mL$ وتركيزه المولي $C_2 = 2.10^{-2} mol.L^{-1}$ انطلاقاً من المحلول (S_1) .

أ- ما هي الخطوات العملية المتبعة لتحضير المحلول (S_2) ؟

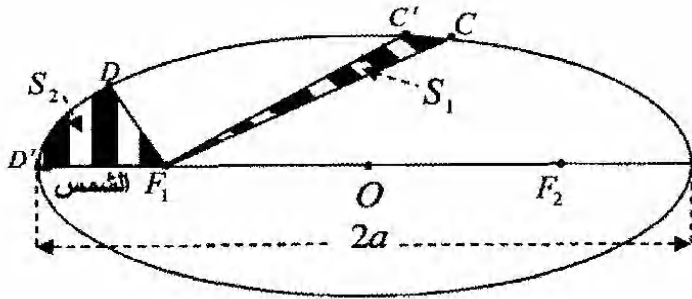
ب- إن قيمة pH المحلول (S_2) المحضر تساوي 10,8. احسب قيمة نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل.

ج- ما تأثير الحالة الابتدائية للجمل على نسبة التقدم النهائي للتفاعل ؟

4- احسب قيمة ثابت الحموضة K_a للثنائية $(NH_4^+(aq)/NH_3(aq))$.

التمرين الخامس: (03 نقاط)

أ/ يكون مسار حركة مركز عطالة كوكب حول الشمس اهليلجياً كما يوضحه (الشكل-4).
ينتقل الكوكب أثناء حركته على مداره من النقطة C إلى النقطة C' ثم من النقطة D إلى النقطة D' خلال نفس المدة الزمنية Δt .



(الشكل-4)

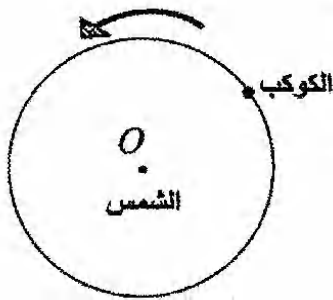
1- اعتماداً على قانون كبلر الأول فسر وجود موقع الشمس في النقطة F_1 ، كيف نسمي عندئذ النقطتين F_1 و F_2 ؟

2- حسب قانون كبلر الثاني ما هي العلاقة

بين المساحتين S_1 و S_2 ؟

3- بين أن متوسط السرعة بين الموضعين C و C' أقل من متوسط السرعة

بين الموضعين D و D' .



(الشكل-5)

ب/ من أجل التبسيط نمذج المسار الحقيقي لكوكب في المرجع الهليومركزي بمدار دائري مركزه O (مركز الشمس) ونصف قطره r (الشكل-5).

يخضع كوكب أثناء حركته حول الشمس إلى تأثيرها والذي يتمذج بقوة \vec{F} ، قيمتها تعطى حسب قانون الجذب العام لنيوتن بالعلاقة:

$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

حيث M كتلة الشمس، m كتلة الكوكب و G ثابت التجاذب الكوني

للوني $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ باستعمال برمجة

"Satellite" في جهاز الإعلام الآلي تم رسم

البيان $T^2 = f(r^3)$ (الشكل-6).

حيث T دور الحركة.

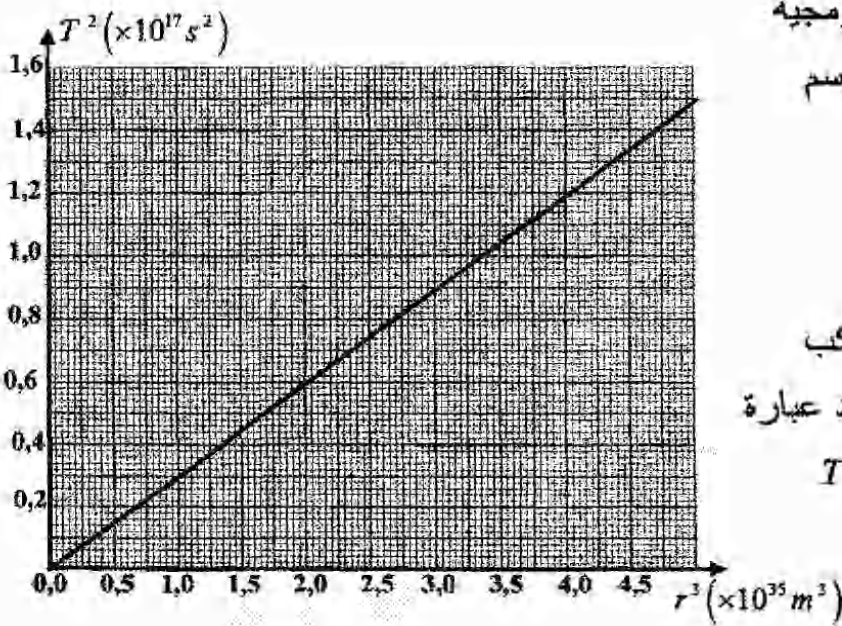
1/ اذكر نص قانون كبلر الثالث.

2/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكوكب

وبإهمال تأثيرات الكواكب الأخرى، أوجد عبارة

كل من v سرعة الكوكب، ودور حركته T

بدلالة r ، G ، M .



(الشكل-6)

3/ أوجد بيانياً العلاقة بين T^2 و r^3 .

4/ أوجد العلاقة النظرية بين T^2 و r^3 .

5/ بتوظيف العلاقتين الأخيرتين استنتج قيمة كتلة الشمس M .

التمرين التجريبي: (04 نقاط)

لدراسة حركة سقوط جسم صلب (S) كتلته m شاقولياً في الهواء، أستعملت كاميرا رقمية (Webcam)، عولج شريط الفيديو ببرمجية "Avistep" في جهاز الإعلام الآلي فتحصلنا على النتائج التالية:

$t (ms)$	0	100	200	300	400	500	600	700	800	900
$v (ms^{-1})$	0	0,60	0,90	1,02	1,08	1,10	1,12	1,13	1,14	1,14

1/ أ/ ارسم المنحنى البياني الممثل لتغيرات السرعة v بدلالة الزمن: $v = f(t)$.

السلم: $1 cm \rightarrow 0,20 ms^{-1}$ ، $1 cm \rightarrow 0,1s$.

ب/ عين قيمة السرعة الحدية v_{lim} .

ج/ كيف يكون الجسم الصلب (S) متميزاً للحصول على حركة مستقيمة شاقولية انسحابية في نظامين انتقالي ودائم؟

د/ احسب تسارع حركة (S) في اللحظة $t = 0$.

2/ تعطى المعادلة التفاضلية لحركة (S) بالعلاقة: $\frac{dv}{dt} + Av = C \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right)$

حيث m الكتلة الحجمية للهواء، V حجم (S).

أ/ مثل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة (S).

ب/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، اوجد المعادلة التفاضلية لحركة مركز عطالة (S) بدلالة السرعة v وذلك في حالة السرعات الصغيرة.

وبيّن أن: $A = \frac{k}{m}$ و $C = g$ حيث: k ثابت يتعلق بقوى الاحتكاك.

ج/ استنتج قيمة دافعة أرخميدس وقيمة الثابت k .

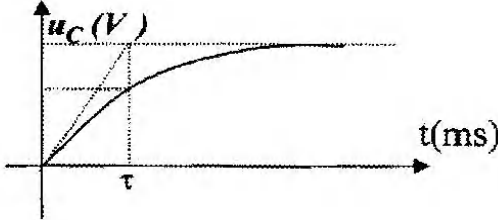
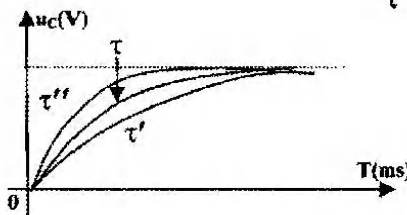
تعطى: $g = 9,8N.Kg^{-1}$ ، $m = 19g$.

الإجابة النموذجية و سلم التنقيط

امتحان شهادة البكالوريا دورة : 2010
اختبار مادة : علوم فيزيائية الشعب (ة): رياضيات + تقني رياضي

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور الموضوع																				
مجموع	مجزأة																						
1.75	0.25	$S_2O_8^{2-}(aq) + 2e^- = 2SO_4^{2-}(aq)$	التمرين الأول : (03,5 نقطة) /1-1																				
	0.25	$2I^-(aq) = 2e^- + I_2(aq)$																					
	0.25	$S_2O_8^{2-}(aq) + 2I^-(aq) = I_2(aq) + 2SO_4^{2-}(aq)$																					
		ب/ جدول التقدم																					
0.75		<table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th>$S_2O_8^{2-}(aq) + 2I^-(aq)$</th> <th>$= I_2(aq) + 2SO_4^{2-}(aq)$</th> <th></th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ح. ابتدائية</td> <td>$8 \times 10^{-3} mol$</td> <td>8×10^{-2}</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>ح. انتقالية</td> <td>$8 \times 10^{-3} - x$</td> <td>$8 \times 10^{-2} - 2x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>ح. نهائية</td> <td>$8 \times 10^{-3} - x_f$</td> <td>$8 \times 10^{-2} - 2x_f$</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </tbody> </table>	المعادلة	$S_2O_8^{2-}(aq) + 2I^-(aq)$	$= I_2(aq) + 2SO_4^{2-}(aq)$			ح. ابتدائية	$8 \times 10^{-3} mol$	8×10^{-2}	0	0	ح. انتقالية	$8 \times 10^{-3} - x$	$8 \times 10^{-2} - 2x$	x	x	ح. نهائية	$8 \times 10^{-3} - x_f$	$8 \times 10^{-2} - 2x_f$	x_f	x_f	
	المعادلة	$S_2O_8^{2-}(aq) + 2I^-(aq)$	$= I_2(aq) + 2SO_4^{2-}(aq)$																				
	ح. ابتدائية	$8 \times 10^{-3} mol$	8×10^{-2}	0	0																		
	ح. انتقالية	$8 \times 10^{-3} - x$	$8 \times 10^{-2} - 2x$	x	x																		
ح. نهائية	$8 \times 10^{-3} - x_f$	$8 \times 10^{-2} - 2x_f$	x_f	x_f																			
0.25		المتفاعل المحد: بيروكسو دي كبريتات $S_2O_8^{2-}(aq)$																					
0.25		1-2 من البيان : $t = t_{1/2} = 0,84 min$																					
0.25		ب- عبارة السرعة الحجمية: $v = \frac{d[I_2]}{dt}$																					
0.75		قيمتها عند $t = t_{1/2}$: نحسب ميل المماس عند هذه اللحظة :																					
	0.25	$v = 8,3 mmol.L^{-1}.min^{-1}$																					
	0.25	3- أ/ الخواص الأساسية للتفاعل: سريع ، تام.																					
	0.25	ب/ $[I_2]V = \frac{1}{2}C'V_E \Leftrightarrow [I_2] = \frac{C'V_E}{2V}$																					
01	0.25	ج/ حساب V_E في اللحظة $t = 1,2 min$: $V_E = \frac{2[I_2]V}{C'} = \frac{2 \times 13.10^{-3} \times 10}{1,0.10^{-2}}$																					
	0.25	$V_E = 26 mL$																					
	0.25																						
1.5	0.75	التمرين الثاني: (03 نقاط) $^{137}_{55}Cs \rightarrow ^{137}_{56}Ba + ^0_{-1}e$ /1-1 ب/ حساب λ :																					
	0.25	$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = 0,023 ans^{-1}$ $\lambda = 7,24 \times 10^{-10} s^{-1}$																					

179

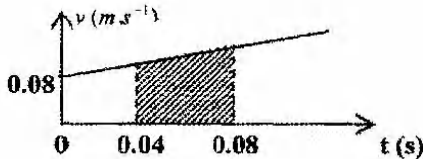
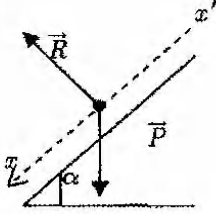
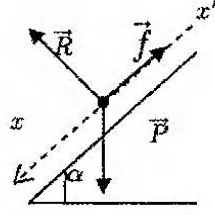
العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
0.75	0.25	ج/ حساب m :	
	0.25	$A_0 = \lambda N_0 = \lambda N_A \cdot \frac{m}{M}$	
	0.25	$m_0 = \frac{A_0 \cdot M}{\lambda N_A}$	
	0.25	$m_0 = 9,4 \times 10^{-8} g$	
	0.25	$A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ /1-2 ب/ $A = 2,93 \times 10^5 Bq \Leftrightarrow t = \ln$	
0.75	0.25	ج/ حساب التغير النسبي: $\frac{\Delta A}{A_0} = \frac{ A - A_0 }{A_0} = 0,023 = 2,3\%$	
	0.25	3- مدة استعمال المنبع:	
	0.25	$A = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$	
	0.25	$\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln \frac{A}{A_0} = -\lambda t$	
	0.25	$t = -\frac{1}{\lambda} \ln \frac{A}{A_0}$ $t = 100 ans$	
01	0.5	التمرين الثالث: (03,5 نقطة) 1- البيان $u_C = f(t)$	
	0.25		
	0.25	ب/ من البيان :	
	0.25	$U(\tau) = 5 \times 0,63 = 3,15V$ أو طريقة المماس $\tau \approx 15,6ms$	
	0.25	$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{15,6 \cdot 10^{-3}}{120} = 13 \cdot 10^{-5} F = 130 \mu F$	
0.75	0.25	2- عندما $C' > C$ عندما $R < 120 \Omega$	
	0.25	$\tau' > \tau$ $\tau'' < \tau$	
	0.25		

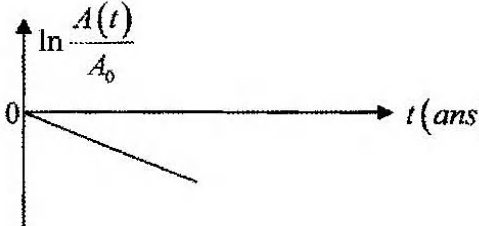
العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع																			
مجموع	مجزأة																					
1.25	0.25	-3 أ/ بتطبيق قانون جمع التوترات : $u_C + u_R = E \Leftrightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC}q(t) = \frac{E}{R}$																				
	0.25	ب/ $q(t) = Ae^{\alpha t} + \beta \Leftrightarrow \frac{dq(t)}{dt} = A\alpha e^{\alpha t}$																				
	2×0.25	بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد : $Ae^{\alpha t} \left(\alpha + \frac{1}{RC} \right) + \left(\frac{\beta}{RC} - \frac{E}{R} \right) = 0$																				
	0.25	ومنه : $\alpha = -\frac{1}{RC}$ أي $\alpha = -\frac{1}{\tau}$ ، $\beta = EC = Q_{max}$																				
	0.25	المقدار A : $t = 0 \Rightarrow A + \beta = 0 \Leftrightarrow A = -\beta$ إذن : $A = -Q_{max}$																				
	0.5	-4 $E_0 = \frac{1}{2}Cu_C^2 = \frac{1}{2}Cu_C^2_{max}$ $u_C_{max} = 5V$ $E = \frac{1}{2} \times 130 \times 10^{-6} \times (5)^2 = 1,62 \times 10^{-3} J$ ب/ $t = \frac{\tau}{2} \ln 2 = 5,4 \cdot 10^{-3} s = 5,4 ms$																				
0.25	0.25	التمرين الرابع: (03 نقاط)																				
0.25	0.25	1- كتابة معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي: $CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$																				
0.25	0.25	2-أ/ جدول التقدم للتفاعل الحادث:																				
		<table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th colspan="3">$CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ح ابتدائية</td> <td>n_0</td> <td>بزيادة</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>ح إنتقالية</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>بزيادة</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>ح نهائية</td> <td>$n_0 - x_f$</td> <td>بزيادة</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </tbody> </table>	المعادلة	$CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$			ح ابتدائية	n_0	بزيادة	0	0	ح إنتقالية	$n_0 - x$	بزيادة	x	x	ح نهائية	$n_0 - x_f$	بزيادة	x_f	x_f	
المعادلة	$CH_3COOH(aq) + H_2O(l) = CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)$																					
ح ابتدائية	n_0	بزيادة	0	0																		
ح إنتقالية	$n_0 - x$	بزيادة	x	x																		
ح نهائية	$n_0 - x_f$	بزيادة	x_f	x_f																		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
01	0.25	<p>ب/ حساب قيمة التقدم النهائي:</p> $x_f = [H_3O^+]_f \cdot V = 10^{-pH} \cdot V = 10^{-3,4} \times 100 \times 10^{-3} = 3,98 \times 10^{-5} \text{ mol}$ $x_f = 4 \times 10^{-5} \text{ mol}$ <p>ج/ التحقق من قيمة التركيز المولي للمحلول (S) :</p> $\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[H_3O^+]_f}{C} \Rightarrow C = \frac{[H_3O^+]_f}{\tau_f}$	
	0.25	$C = \frac{3,98 \cdot 10^{-4}}{0,039} = 0,01 \text{ mol} \cdot L^{-1}$ <p>قيمة الكتلة m المذابة :</p>	
	0.25	$C = \frac{n}{V} = \frac{m}{MV} \Rightarrow m = CMV$ $m = 0,01 \times 60 \times 0,1 = 60 \times 10^{-3} \text{ g} = 60 \text{ mg}$ <p>3- حساب كسر التفاعل الابتدائي :</p>	
	0.25	$Q_{ri} = \frac{[CH_3COO^-]_i [H_3O^+]_i}{[CH_3COOH]_i} = 0$ <p>حساب كسر التفاعل عند التوازن :</p> $Q_{rf} = \frac{[CH_3COO^-]_f [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$ <p>حيث :</p> $[CH_3COOH]_f = \frac{n_0 - x_f}{V} = C - [H_3O^+]_f =$ $= 0,01 - 4 \cdot 10^{-4} = 9,6 \cdot 10^{-3} \text{ mol} / L$ $Q_{rf} = \frac{(4 \cdot 10^{-4})^2}{9,6 \cdot 10^{-3}} = 1,6 \cdot 10^{-5}$	
0.75	0.25	<p>الطريقة الثانية :</p> $Q_{rf} = \frac{\tau_f^2 \cdot C}{1 - \tau_f} = \frac{(0,039)^2 \times 0,1}{1 - 0,039} = 1,6 \cdot 10^{-5}$	
	0.25	<p>جهة تفكك الحمض.</p> <p>4- البروتوكول التجريبي:</p> <p>يذكر التلميذ : - الهدف، الأجهزة المستعملة</p> <p>- خطوات العمل باختصار.</p> <p>- مخطط التجربة.</p>	
01	0.25	<p>ب/ $CH_3COOH(aq) + HO^-(aq) = CH_3COO^-(aq) + H_2O(l)$</p> <p>ج/ حساب التركيز C_a للمحلول (S) :</p>	
	0.25	<p>عند التكافؤ: $C_a V_a = C_b V_E \Rightarrow C_a = \frac{C_b V_E}{V_a}$</p> $C_a = \frac{4 \cdot 10^{-3} \times 25}{10} = 0,01 \text{ mol} \cdot L^{-1}$ <p>وهي القيمة المعطاة سابقا</p> <p>د/ نقطة نصف التكافؤ: $pH = pK_a = 4,8$</p>	

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
1.25	0.25	$I_0 = 0,24A$	-1 -1
	0.25	$\tau \simeq 10ms$	
	0.25	$E = (R + r)I \Rightarrow r = \frac{E}{I} - R$	
	0.25	$r = 7,5\Omega$	
	0.25	$\tau = \frac{L}{R + r} \Rightarrow L = \tau \times (R + r)$	
0.75	0.25	$L \simeq 0,25H$	/2 -1
	0.25	$E = (R + r)i + L \frac{di}{dt}$	
	0.25	$E = (R + r)I$	
01	0.25	$\tau = \frac{L}{R + r} \Rightarrow \frac{1}{\tau} = \frac{R + r}{L}$	
	0.25	$\frac{di}{dt} + \frac{i}{\tau} = \frac{I_0}{\tau} \Leftrightarrow \tau \frac{di}{dt} + i = I_0$ ومنه:	
	0.25	ب- بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد ان المعادلة $i = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ حل للمعادلة التفاضلية.	
	0.25	3 - المنحنى البياني	
	0.25	ب- معادلة البيان $L = a\tau$	
		$L = 25\tau$	
		ج- الاستنتاج:	
	0.25	$L = (R + r)\tau$	
		$\Rightarrow r = 7,5\Omega$ (توافق القيمة المحسوبة في (1-ب))	

183

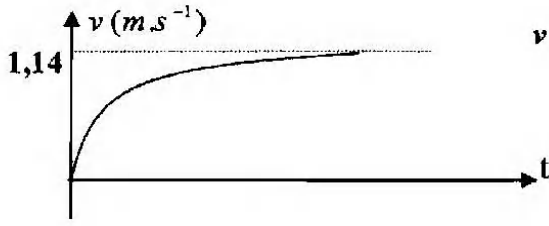
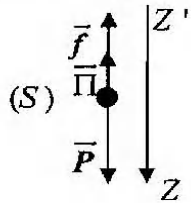
العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
0.5	0.5	<p>التمرين الخامس: (04 نقاط)</p> <p>1- البيان مستقيم لا يمر بالمبدأ .</p> 	
1.25	2×0.25 0.25 0.5	<p>2- الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة</p> <p>ب - $v_0 = 0,08m.s^{-1}$</p> <p>ج- المسافة المقطوعة : مساحة الحيز $d = 0,008m$</p>	
	0.25	<p>3- أ - تطبيق القانون الثاني لنيوتن (مرجع غاليلي):</p> $\sum \vec{F} = m \vec{a}_0$	
	0.25	$\vec{P} + \vec{R} = m \vec{a}_0$	
	0.25	<p>بالإسقاط على $x'x$: $a_0 = g \sin \alpha$</p>	
1.25	0.25	<p>$a_0 = 3,4m.s^{-2}$</p> 	
	0.25	<p>ب - المقارنة: $a_0 > a$ وجود احتكاكات</p>	
	0.25	<p>4 - قيمة \vec{f}</p> $\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \vec{a}$ $mg \sin \alpha - f = ma$	
01	0.25	<p>$f = 0,14N$</p> 	
	0.25		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
		<p>التمرين الثاني: (03 نقاط)</p> <p>1 - 1 $238 + x = 241 \Rightarrow x = 3$</p> <p>2 $92 = 94 - y \Rightarrow y = 2$</p> <p>ب- ${}_{94}^{241}\text{Pu} \rightarrow {}_Z^A\text{Am} + {}_{-1}^0\text{e}$</p> <p>$Z = 95$ و $A = 241$</p> <p>ج- طاقة الربط لنواة ${}_{94}^{241}\text{Pu}$:</p> <p>$E_l = 1818,4743\text{MeV}$ ومنه $E_l = [Z.m_p + (A-Z)m_n - m(\text{Pu})]c^2$</p> <p>طاقة الربط لنواة ${}_{95}^{241}\text{Am}$:</p> <p>$E_l' = 1817,7197\text{MeV}$ ومنه $E_l' = [Z.m_p + (A-Z)m_n - m(\text{Am})]c^2$</p> <p>طاقة الربط لكل نوكلينون : $\frac{E_l}{241} = 7,5455\text{MeV}/\text{nucl}$</p> <p>$\frac{E_l'}{241} = 7,5424\text{MeV}/\text{nucl}$</p> <p>نواة ${}_{95}^{241}\text{Am}$ أكثر استقرارا من ${}_{94}^{241}\text{Pu}$</p> <p>2 - 1 - رسم البيان $\ln \frac{A(t)}{A_0} = f(t)$</p>	
	0.25		
	0.25		
	0.25		
02	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.5		
	0.25		
	0.25		
01	0.25	<p>ب- $A(t) = A_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{A(t)}{A_0} = e^{-\lambda t}$</p> <p>$\ln \frac{A(t)}{A_0} = -\lambda t$</p> <p>ج- معادلة المستقيم $\ln \frac{A(t)}{A_0} = at$ ومنه: $a < 0$ و $-\lambda = a$</p> <p>$\lambda = 0,05\text{ans}^{-1}$</p> <p>ومنه: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = 13,2\text{ans}$</p>	
	0.25		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
		<u>التمرين الثالث: (03,5 نقطة)</u>	
1.25	0.25	$\tau \approx 14ms$	/1-1
	0.25	$E = 14,8V$	
		$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R}$ $C = 28 \times 10^{-6} F = 28\mu F$	
	0.25	$u_C = 14,8 \times \frac{99}{100} = 14,65V$	ب-
	0.25	بيانيا: $t' = 70ms$	ج-
	0.25	$t' = 5\tau$	
		/2	
01	0.25	$E = u_{AB} + u_{BD}$	
	0.25	$E = u_C(t) + Ri$	
		$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt}(t)$ $E = u_C(t) + RC \frac{du_C}{dt}(t)$ $\frac{du_C}{dt}(t) + \frac{1}{RC} u_C(t) - \frac{E}{RC} = 0$ $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$	
		الإثبات: /3	
1.25	0.25	$E_C = \frac{1}{2} C u_C^2$	
	0.25	$t_0 = 0 \Rightarrow E_0 = 0J$	
	0.25	$t_1 = \tau \Rightarrow E_1 = \frac{1}{2} (0,63E)^2 C = 1,21 \times 10^{-3} J$	
	0.25	$t_2 = 5\tau \Rightarrow E_2 = \frac{1}{2} (0,99E)^2 C = 3 \times 10^{-3} J$	
	0.25		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع																								
مجموع	مجزأة																										
0.5	0.25	التمرين الرابع: (03 نقاط) $c_1 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$ ، $c_1 = \frac{n}{V} = \frac{V_g}{V_m V}$ - أ - 1																									
	0.25	$\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) = \text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{HO}^-(\text{aq})$ - ب 2 - أ - جدول التقدم :																									
0.5	0.5	<table border="1"> <thead> <tr> <th>الحالة</th> <th>التقدم</th> <th colspan="4">$\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) = \text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{HO}^-(\text{aq})$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ح. ابتدائية</td> <td>0</td> <td>$0,1V_1$</td> <td>زيادة</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>ح. إنتقالية</td> <td>x</td> <td>$0,1V_1 - x$</td> <td>//</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>ح. نهائية</td> <td>x_f</td> <td>$0,1V_1 - x_f$</td> <td>//</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </tbody> </table>	الحالة	التقدم	$\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) = \text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{HO}^-(\text{aq})$				ح. ابتدائية	0	$0,1V_1$	زيادة	0	0	ح. إنتقالية	x	$0,1V_1 - x$	//	x	x	ح. نهائية	x_f	$0,1V_1 - x_f$	//	x_f	x_f	
		الحالة	التقدم	$\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) = \text{NH}_4^+(\text{aq}) + \text{HO}^-(\text{aq})$																							
		ح. ابتدائية	0	$0,1V_1$	زيادة	0	0																				
ح. إنتقالية	x	$0,1V_1 - x$	//	x	x																						
ح. نهائية	x_f	$0,1V_1 - x_f$	//	x_f	x_f																						
01	<p>ب - $x_{\text{max}} = 0,1V_1$</p> <p>$[\text{H}_3\text{O}^+]_f = 10^{-\text{pH}} = 10^{-11,1} = 7,9 \cdot 10^{-12} \text{ mol.L}^{-1}$</p> <p>$[\text{HO}^-]_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]} = \frac{10^{-14}}{7,9 \cdot 10^{-12}} = 1,26 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$</p> <p>$x_f = [\text{HO}^-]V_1$ ، $x_f = 1,26 \times 10^{-3}V_1$</p>																										
0.25	$\tau_{1f} = \frac{x_f}{x_{\text{max}}} = 1,3\%$																										
0.25	النشادر لا يتفاعل كلياً مع الماء (غير تام).																										
0.25	0.25	3 - أ - نأخذ بواسطة ماصة سعتها 10 mL حجماً $V_1 = \frac{c_2 V_2}{c_1} = 10 \text{ mL}$																									
		يوضع في حوالة سعتها 50 mL ثم نكمل بالماء المقطر لخط العيار .																									
0.75	0.25	ب - $[\text{H}_3\text{O}^+]_f = 10^{-\text{pH}} = 10^{-10,8} = 1,6 \cdot 10^{-11} \text{ mol.L}^{-1}$																									
		$[\text{HO}^-]_f = \frac{K_e}{[\text{H}_3\text{O}^+]} = \frac{10^{-14}}{1,6 \cdot 10^{-11}} = 0,625 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$																									
0.25	0.25	$\tau_{2f} = \frac{x_f}{x_{\text{max}}} = \frac{[\text{HO}^-]V_2}{c_2 V_2} = \frac{[\text{HO}^-]}{c_2}$ ، $\tau_{2f} = 3,1\%$																									
		- عملية التمديد ترفع من قيمة τ_r والجملة تتطور باتجاه تشكل HO^- و NH_4^+																									
0.75	0.25	$\text{pH} = \text{p}K_{a_1} + \log \frac{[\text{NH}_3]}{[\text{NH}_4^+]}$																									
		$\text{p}K_{a_1} = \text{pH} - \log \frac{[\text{NH}_3]}{[\text{NH}_4^+]}$																									
0.25	0.25	$\text{p}K_{a_1} = 11,1 - \log \frac{9,87 \cdot 10^{-2}}{1,26 \cdot 10^{-3}} = 9,2$																									
		$K_{a_1} = 10^{-\text{p}K_{a_1}} = 6,3 \cdot 10^{-10}$																									

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
01		التمرين الخامس: (03 نقاط)	
	0.25	1- مسار الكوكب اهليلجي تمثل الشمس أحد محرقيه .	
	0.25	F_1 , F_2 هما محرقا المدار الاهليلجي.	
	0.25	2- $S_1 = S_2$	
	0.25	3- $\widehat{C'C} < \widehat{D'D} \Rightarrow \frac{C'C}{\Delta t} < \frac{D'D}{\Delta t}$	
02	0.25	ب- 1- مربع دور الكوكب يتناسب مع مكعب البعد المتوسط للكوكب عن الشمس	
	0.25	$\frac{T^2}{a^3} = K = \frac{T^2}{r^3} \Leftrightarrow a = r$	
	0.25	2- بتطبيق قانون نيوتن الثاني:	
	0.25	$\sum \vec{F} = m \vec{a}$ $\vec{F} = m \vec{a}$ $F = m a_n$ $F = G \frac{m M}{r^2} \Rightarrow m a_n = G \frac{m M}{r^2}$ $a_n = G \frac{m M}{r^3}$ $a_n = \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{G M}{r}}$ $T = \frac{2 \pi r}{v} \Rightarrow r = 2 \pi \sqrt{\frac{r^3}{G M}}$	
	0.25	3- بيانيا: $T^2 = K r^3$ $T^2 = 0,3 \times 10^{-18} r^3$	
0.25	4- حسب قانون كبلر الثالث: $T^2 = K r^3$		
0.25	5- استنتج قيمة كتلة الشمس:		
0.25	$T^2 = K r^3 \Rightarrow \frac{4 \pi^2}{G M} = K$		
0.25	$M = \frac{4 \pi^2}{G K}$ $M = 1,97 \times 10^{30} \text{ Kg}$		

العلامة		عناصر الإجابة	محاور الموضوع
مجموع	مجزأة		
1.5	0.5	<p>التمرين التجريبي: (04 نقاط)</p> <p>1- أ/ تمثيل المنحنى البياني $v = f(t)$</p> <p>ب/ $v_{lim} = 1,14 m/s$</p>	
	0.25		
2.5	0.5	ج/ الشكل ، الحجم ، الكتلة ...	
	0.25	د/ $a_0 = \left(\frac{dv}{dt}\right) = 8,76 m.s^{-1}$	
	0.25	2- أ/ القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الكرة هي: \vec{P} ، \vec{f} ، $\vec{\Pi}$	
	0.25		
	0.25	ب/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m\vec{a}$	
	0.25	بالإسقاط على (ZZ') :	
	0.25	$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\Pi} = m\vec{a}$	
	0.25	$P - \Pi - f = ma \dots (1)$	
2×0.25	0.25	$\Rightarrow m \frac{dv}{dt} = mg - \rho Vg - kv$	
	0.25	بالقسمة على m نجد : $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v = g \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right)$	
2×0.25	0.25	بالمطابقة مع المعادلة المعطاة: $\frac{dv}{dt} + Av = C \left(1 - \frac{\rho V}{m}\right)$	
	0.25	نجد : $A = \frac{k}{m}$ ، $C = g$	
2×0.25	0.25	ج/ لما $t = 0$: $a_0 = 8,76 m.s^{-1}$ ، $v = 0$	
	0.25	من المعادلة (1) : $\Pi = 19,76 \times 10^{-3} N$	
2×0.25	0.25	من النظام الدائم : $a = 0$ ، $v = v_{lim} = 1,14 m.s^{-1}$	
	0.25	بالتعويض في (1) : $k = 0,16 N.m.s^{-1}$	