

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

(I) a و b عددين حقيقيان موجبان تماما. نعتبر في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعارد المتجلانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ النقط A ، B ، C و E التي لاحقاتها: $z_A = b e^{\frac{i\pi}{2}}$ ، $z_B = -a\sqrt{2}$ ، $z_C = \overline{z_A}$ و $z_E = b e^{\frac{i3\pi}{4}}$ على الترتيب.

1. أ - اكتب على الشكل الأسني العدد المركب $\frac{z_A - z_B}{z_A}$ ، ثم استنتج طبيعة المثلث OAB .

ب - حدد طبيعة الرباعي $OABC$ ، ثم استنتاج مساحته.

2. التشابه المباشر S ذو المركز O والزاوية $\frac{3\pi}{4}$ ، يحول كل نقطة (z) من المستوى إلى النقطة (z') .

أ - اكتب العبارة المركبة للتشابه المباشر S ، ثم تحقق أن $S(A) = E$.

ب - بين أن مساحة الرباعي $OEEF$ هي b^2 (قدرة بوحدة المساحة) ، حيث $S(B) = F$ و $S(C) = G$.

3. أ - احسب بدالة a و b العبارة: $|z_C|^2 + |z_E|^2 - 2|z_C \times z_E| \cos \left[\arg \left(\frac{z_E}{z_C} \right) \right]$

ب - استنتاج قيمة CE^2 بدالة a و b .

(II) عدد طبيعي n نقطة من المستوى تختلف عن O ، لاحقاتها z_n .

نضع: $M_0 = A$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ، $M_{n+1} = S(M_n)$.

نعتبر المتاليتين (u_n) و (v_n) المعروفتين ، من أجل كل عدد طبيعي n ، يساوى $|z_n|$ و $v_n = \arg(z_n)$.

1. اكتب العدد المركب $\frac{z_{n+1}}{z_n}$ على الشكل الأسني بدالة a و b .

2. نفرض أن : $a < b$ و $\arg \left(\frac{z_{n+1}}{z_n} \right) \in]-\pi; \pi]$

بين أن المتالية (u_n) هندسية ، والمتالية (v_n) حسابية يطلب تعين أساس وحساب الحد الأول لكل منها.

3. احسب ، بدالة a و b المجموع T_n ، حيث : $T_n = a + b + \frac{b^2}{a} + \frac{b^3}{a^2} + \dots + \frac{b^n}{a^{n-1}}$.

4. عين قيم الأعداد الطبيعية n التي تكون من أجلها النقاط O ، A و M_n في استقامية.

التمرين الثاني: (30 نقاط)

. 1. n عدد طبيعي . نعتبر العددين الصحيحين α و β ، حيث : $\alpha = 2n^3 - 14n + 2$ و $\beta = n + 3$

أ - بين أن: $PGCD(\alpha; \beta) = PGCD(\beta; 10)$. (يرمز $PGCD$ إلى القاسم المشترك الأكبر)

ب - ما هي القيمة الممكنة للعدد $? PGCD(\alpha; \beta)$ ؟

ج - عين مجموعة قيم العدد الطبيعي n ، بحيث يكون: $PGCD(\alpha; \beta) = 5$.

2. أ - ادرس ، حسب قيمة العدد الطبيعي n ، باقي القسمة الإقليدية للعدد 4^n على 11.

ب - عين مجموعة قيم العدد الطبيعي n التي تتحقق الجملة التالية: $\begin{cases} 4^{5n} + 4^n + n \equiv 0 [11] \\ n \equiv 2 [10] \end{cases}$

التمرين الثالث: (50 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

نعتبر النقط $D(-3; 4; 4)$ ، $A(0; 0; 1)$ ، $C(-2; -7; -7)$ ، $B(2; 2; -1)$ و (4)

وال المستوى (\mathcal{P}) المعرف بالتمثيل الوسيطي: $\begin{cases} x = 1 + 3\alpha + \beta \\ y = 1 - 2\alpha \\ z = 4 + \alpha + \beta \end{cases}$; α و β وسيطان حقيقيان.

1. أ - بين أن النقط A ، B و C تعين مستويًا.

ب - تحقق أن الشعاع $\vec{n}(-2; 1; 3)$ ناظمي للمستوى (ABC) ، ثم اكتب معادلة ديكارتية له.

2. أ - اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (\mathcal{P}) ، ثم بين أن المستويين (ABC) و (\mathcal{P}) متعامدان.

ب - بين أن تقاطع (ABC) و (\mathcal{P}) هو المستقيم (Δ) ذو التمثيل الوسيطي: $\begin{cases} x = -2 + t \\ y = -7 + 4t; t \in \mathbb{R} \\ z = -7 + 5t \end{cases}$

ج - احسب المسافة بين النقطة D والمستوى (ABC) ، والمسافة بين النقطة D والمستوى (\mathcal{P}) ، ثم استنتج المسافة بين النقطة D والمستقيم (Δ) .

3. (Q) المستوي الذي يشمل النقطة D والعمودي على كل من المستويين (ABC) و (\mathcal{P}) .

أ - اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (Q) .

ب - بين أن المستويات الثلاثة (ABC) ، (\mathcal{P}) و (Q) تتقاطع في نقطة واحدة H ، ثم عين إحداثيات H .

ج - احسب بطريقة ثانية ، المسافة بين النقطة D والمستقيم (Δ) .

التمرين الرابع: (6 نقاط)

1. الدالة u معرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ .

أ - ادرس اتجاه تغير الدالة u .

ب - بين أنه، من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$ ، .

2. الدالة v معرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ .

أ - بين أن: $v'(1) = 0$. (يرمز v' إلى الدالة المشقة للدالة v)

ب - أثبت أنه، من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$ ، .

ج - استنتج، أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$ ، .

3. أثبت أنه، من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$ ، .

II - الدالة f معرفة على المجال $[0; +\infty]$ بـ .

(\mathcal{C}_f) المنحني الممثل للدالة f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس ($O; \vec{i}, \vec{j}$) .

1. احسب: . $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

2. بين أن الدالة f متزايدة تماما على المجال $[0; +\infty]$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.

3. احسب $f(1)$ ، ثم مثل المنحني (\mathcal{C}_f) على المجال $\left[0; \frac{5}{2}\right]$.

(نأخذ: $f\left(\frac{5}{2}\right) \approx 5,75$ و $f(1,64) \approx 1$ ، $f(2) \approx 2,3$)

4. احسب مساحة الحيز المستوى المحدد بالمنحني (\mathcal{C}_f) وحاملي محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلاتها

$$x = 2 \quad X = \frac{1}{2}$$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (30 نقاط)

1. أ - عين الأعداد الطبيعية n التي تحقق: $2n + 27 \equiv 0 [n+1]$.
- ب - عين الثنائيات $(a; b)$ من الأعداد الطبيعية، حيث: $(b-a)(a+b) = 24$.
- ج - استنتج طريقة لرسم قطعة مستقيمة طولها $\sqrt{24}$.
2. α و β عدوان طبيعيان مكتوبان في النظام ذي الأساس خمسة على الشكل $\alpha = \overline{10141}$ و $\beta = \overline{3403}$.
 - أ - اكتب العددين α و β في النظام العشري.
 - ب - عين الثنائية $(a; b)$ من الأعداد الطبيعية حيث:
$$\begin{cases} b^2 - a^2 = 24 \\ \alpha a - \beta b = 9 \end{cases}$$
3. أ - عين القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 1434، ثم استنتج القاسم المشترك الأكبر للعددين 671 و 478.
 - ب - حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة ذات المجهول (x, y) التالية: $27x - 1434y = 2013$.

التمرين الثاني: (50 نقاط)

1. حل في مجموعة الأعداد المركبة \mathbb{C} ، المعادلة ذات المجهول z ، التالية: $z^2 + z + 1 = 0$.
2. نعتبر في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجلans $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ؛ النقط A ، B و M ذات اللاحقات:
$$(z_A - z_B)^2 = z_A^2 + z_B^2 - 2z_A z_B$$
 و $z_A = \bar{z}_B$ على الترتيب. (يرمز \bar{z}_A إلى مراافق z_A).
 - أ - اكتب z_A على الشكل الأسني.
 - ب - عين مجموعة النقط M من المستوى، حيث: $\arg((z - z_A)^2) = \arg(z_A) - \arg(z_B)$.
3. أ - التحويل النقطي r ، يرافق بكل نقطة (z) النقطة $(M'(z))$ ، حيث:
$$z' = z_A \cdot z + z_B \sqrt{3}$$
 . ما طبيعة التحويل r ؟ عين عناصره المميزة.
 - ب - التحاكي h ، يرافق بكل نقطة (z) النقطة $(M'(z))$ ، حيث:
$$z' = -2z + 3i$$
 . عين نسبة ومركز التحاكي h .
 - ج - نضع: $S = h \circ r$. (يرمز \circ إلى تركيب التحويلين r و h).
4. نعتبر النقطة Ω ذات اللاحقة i والنقط C ، D و E ؛ حيث: $S(D) = E$ و $S(C) = D$ ، $S(O) = C$ و $S(E) = O$.
 - أ - عين طبيعة التحويل S ، مبرزاً عناصره المميزة، ثم تحقق أن عبارته المركبة هي: $z' = 2e^{\frac{i\pi}{3}}(z-i) + i$.
 - ب - بين أن النقط O ، Ω و E في استقامية.
5. أ - عين (Γ) مجموعة النقط $(M(z))$ من المستوى، حيث: $z = 2e^{i\theta} + e^{\frac{i\pi}{2}}$ مع $\theta \in \mathbb{R}$.
 - ب - عين (Γ') صورة (Γ) بالتحويل S .

التمرين الثالث: (04 نقاط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد المتباين $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقطتين $A(-1; 0; 2)$ و $B(1; 1; 1)$.

والمسقى (Δ) المعرف بالتمثيل الوسيطي التالي: حيث $(\alpha \in \mathbb{R})$.

$$\begin{cases} x = 2 + \alpha \\ y = -2 \\ z = -1 - \alpha \end{cases}$$

1. أ - اكتب تمثيلاً وسيطياً للمسقى (AB) .
- ب - بين أن المسقىين (AB) و (Δ) ليسا من نفس المستوى.
2. (\mathcal{P}) المستوى الذي يشمل (AB) و هووازي (Δ) .
- أ - اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستوى (\mathcal{P}) .
- ب - أثبت أن $x - y + z - 1 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (\mathcal{P}) .
3. لتكن N نقطة من المسقى (Δ) و M نقطة من الفضاء إحداثياتها $(1 + 2\beta; 1 + \beta; 1 - \beta)$ مع $(\beta \in \mathbb{R})$.
 - أ - بين أن النقطة M تنتمي إلى المسقى (AB) .
 - ب - جد إحداثيات النقطتين M و N حتى تكون M المسقط العمودي للنقطة N على المستوى (\mathcal{P}) .
 - ج - تحقق أن المسافة بين N و (\mathcal{P}) هي $\frac{2}{\sqrt{3}}$ ، ثم احسب مساحة المثلث ABN .

التمرين الرابع: (08 نقاط)

I - الدالة g معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 + (x^2 - 1)e^{-x}$.

1. أ - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

ب - ادرس اتجاه تغير الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها. (نأخذ: $g(1 + \sqrt{2}) \approx 1,43$ و $g(1 - \sqrt{2}) \approx -0,25$).

2. أ - بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حللين في \mathbb{R} ، ثم تتحقق أن أحدهما معدوم والآخر α ، حيث: $-0,8 < \alpha < -0,7$.
- ب - استنتج إشارة (x) ؛ حسب قيم العدد الحقيقي x .

II - الدالة f معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x - (x+1)^2 e^{-x}$.

(\mathcal{C}_f) منحى الدالة f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتباين $(O; \vec{i}, \vec{j})$. (وحدة الطول 2 cm).

1. أ - احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

ب - بين أن المسقى (Δ) ذو المعادلة $y = x$ ، مقارب مائل للمنحى (\mathcal{C}_f) عند $+\infty$.

ج - ادرس وضعية المنحى (\mathcal{C}_f) بالنسبة إلى المسقى (Δ) .

2. أ - بين أنه، من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x) \cdot f(x)$. (يرمز $'$ إلى الدالة المشتقة للدالة f).

ب - شكل جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R} . (نأخذ: $f(\alpha) \approx -0,9$).

3. أ - بين أن المنحى (\mathcal{C}_f) يقبل مماسين، معامل توجيه كل منها يساوي 1، يطلب تعريف معادلة لكل منها.

ب - مثل (Δ) والمماسين والمنحى (\mathcal{C}_f) .

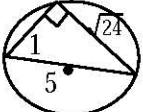
- ج - ناقش بيانياً، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة ذات المجهول x : $(x+1)^2 + me^x = 0$.
4. الدالة H معرفة على \mathbb{R} بـ: $H(x) = (-x^2 - 4x - 5)e^{-x}$
- أ - بين أن H دالة أصلية للدالة: $x \mapsto (x+1)^2 e^{-x}$ على \mathbb{R} .
- ب - احسب بالسنتيمتر المربع ، مساحة الحيز المستوي المحدود بالمنحنى (\mathcal{C}_f) والمستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتها $x=0$ و $x=-1$.
- III - المتالية العددية المعرفة بـ: $u_0 = \alpha$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} = f(u_n)$ (تذكر أن العدد α يحقق $g(\alpha) = 0$)
1. برهن بالترابع أنه، من أجل كل عدد طبيعي n ، $-1 \leq u_n \leq \alpha$.
 2. بين أن المتالية (u_n) متناقصة.
 3. استنتج أن (u_n) متقاربة، ثم احسب نهايتها.

عدد الصفحات: 4

الإجابة النموذجية

العلامة المجموع	عنصر الإجابة	(الموضوع الأول)
		التمرين الأول: (06 نقاط)
0,25 + 0,5	. $A.1 \quad \frac{Z_A - Z_B}{Z_A} = e^{-\frac{\pi}{2}}$ ، المثلث OAB متساوي الساقين وقائم في A .	
0,25 × 2	ب - الرباعي $OABC$ مربع ، مساحته $s(OABC) = a^2 ua$	
0,25 × 2	$A.2 \quad z' = \frac{b}{a} e^{i\frac{3\pi}{4}} \times z$ ، $\frac{z_E}{z_A} = \frac{b}{a} e^{i\frac{3\pi}{4}}$	
0,25	ب - تبيان أن مساحة الرباعي $OEGF$ هي b^2 مقدرة بوحدة المساحات.	
06	$A.3 \quad z_C ^2 + z_E ^2 - 2 z_C \times z_E \cos \left[\arg \left(\frac{z_E}{z_C} \right) \right] = a^2 + b^2 - ab\sqrt{2}$	
0,25 × 2	ب - المثلث OCE حسب الكاشي: $CE^2 = OC^2 + OE^2 - 2OC \times OE \times \cos(\overrightarrow{OC}, \overrightarrow{OE}) =$ $ z_C - z_E ^2 - 2 z_C z_E \cos \left[\arg \left(\frac{z_E}{z_C} \right) \right] = a^2 + b^2 - ab\sqrt{2}$	
0,25	$A.II \quad \frac{Z_{n+1}}{Z_n} = \frac{b}{a} e^{i\frac{3\pi}{4}}$ معناه $M_{n+1} = s(M_n)$	
0,75 × 2	. $u_0 = z_0 = z_A = a$ وحدتها الأول u_0 معرف بـ (u_n) متالية هندسية أساسها $\frac{b}{a}$	- 2
0,75 × 2	. $v_0 = \arg(z_A) = \frac{3\pi}{4}$ وحدتها الأول v_0 معرف بـ (v_n) متالية حسابية أساسها $\frac{3\pi}{4}$	-
0,5	$A.3 \quad \lim_{n \rightarrow +\infty} T_n = +\infty$ و $T_n = u_0 + u_1 + u_2 + u_3 + \dots + u_n = \frac{a^2}{b-a} \left[\left(\frac{b}{a} \right)^{n+1} - 1 \right]$	
0,75	. $\ell \in \mathbb{N}$ مع $n = 4\ell$	- 4
	التمرين الثاني: (03 نقاط)	
03	. $A.1 \quad PGCD(\alpha; \beta) = PGCD(\beta; 10)$: تبيان أن	
0,5 × 2	. $B \quad p \in \mathbb{N}$ مع $n = 10p + 2$ $PGCD(\alpha; \beta) \in \{1; 2; 5; 10\}$	
0,75	. $A.2 \quad$ دراسة حسب قيم العدد الطبيعي n ، باقي القسمة الأقلية للعدد 4^n على 11.	
0,5	. $B \quad p \in \mathbb{N}$ مع $n = 110p + 82$	

العلامة المجموع	عاصر الإجابة	(تابع للموضوع الأول)
التمرين الثالث: (05 نقاط)		
0,75	A. تبيان أن النقط A ، B و C تعين مستويات ABC .	
0,5×2	ب- الشعاع $\vec{h}(3;-2;1)$ ناطمي لـ ABC ؛ معادلة له $3x - 2y + z - 1 = 0$.	
0,5 + 0,25	C. هي معادلة ديكارتية للمستوي (P) : $x + y - z + 2 = 0$. أ. 2 هي معادلة ديكارتية للمستوي (Q) : $x + y - z + 2 = 0$. ب - (ABC) و (P) متقطعان وفق مستقيم Δ معرف بـ $\begin{cases} x = -2 + t \\ y = -7 + 4t \\ z = -7 + 5t \end{cases}$ ($t \in \mathbb{R}$)	
05	. $d(D,(\Delta)) = \sqrt{\frac{43}{3}}$; $d(D,(P)) = \frac{\sqrt{3}}{3}$; $d(D,(ABC)) = \sqrt{14}$	ج -
0,5	A. 3 هي معادلة لـ (Q) : $x + 4y + 5z - 33 = 0$	
0,25 +0,25	B. هندسيا. $H\left(\frac{1}{3}, \frac{7}{3}, \frac{14}{3}\right)$ $\cap (ABC) \cap (Q) = \{H\}$	
0,25	. $d(D,(\Delta)) = DH = \sqrt{\frac{43}{3}}$	ج -
التمرين الرابع: (06 نقاط)		
0,5	I. دراسة تغيرات الدالة u	
0,5	ب - تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$. $e^x - e > 3x - 4$	
0,75 + 0,5	A. 2 $v'(1) = 0$. إثبات أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$. $v(x) \leq 0$	
0,5	ج - استنتاج أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$. $\frac{-1 + \ln x}{x^2} \leq 3x - 4$	
06	3. إثبات أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty]$. $e^x - e + \frac{1 - \ln x}{x^2} > 0$	
0,5	II. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$	
0,5×2	2. الدالة f متزايدة تماما على المجال $[0; +\infty]$. جدول تغيرات الدالة f	
0,5	3. $f(1) = 0$. إنشاء المنحني (C_f) على المجال $\left[0; \frac{5}{2}\right]$	
0,25 + 0,25 + 0,25	4. المساحة : $A = -\int_{\frac{1}{2}}^1 f(x) dx + \int_1^2 f(x) dx$, $ua \approx 1,024$	$ua \approx 1,024$
	$\left(\int f(x) dx = e^x - \frac{e}{2}x^2 + \frac{1}{2}(\ln x)^2 + c \right)$	

العلامة المجموع	عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)
03	التمرين الأول: (03 نقاط)	
	أ.1 - الأعداد الطبيعية n التي تحقق $0;4;24 \equiv 0[n+1]$ هي: $2n + 27 \equiv 0$.	ب - $(a;b) \in \{(1;5);(5;7)\}$.
		
	ج - طريقة لرسم قطعة مستقيمة طولها $\sqrt{24}$ يمكن استعمال $5^2 = \sqrt{24}^2 + 1^2$ (فيثاغورس)	
	$\beta = \overline{3403} = 478$ و $\alpha = \overline{10141} = 671$	أ.2 -
	$(a;b) = (5;7)$ معناه $\begin{cases} b^2 - a^2 = 24 \\ 671a - 478b = 9 \end{cases}$	ب -
05	أ.3 -	
	$PGCD(671;478)=1$: $PGCD(2013;1434)=3$	
	ب - $2013x - 1434y = 27$ معناه $(x, y) \in \mathbb{Z}$ مع $(478k + 5; 671k + 7)$.	
	التمرين الثاني: (05 نقاط)	
	أ.1 - $z = \frac{-1+i\sqrt{3}}{2}$ أو $z = \frac{-1-i\sqrt{3}}{2}$ معناه $z^2 + z + 1 = 0$	
	أ.2 - مجموعة النقط هي المستقيم (OA) باستثناء النقطة A . $z_A = -\frac{1+i\sqrt{3}}{2} = e^{-i\frac{2\pi}{3}}$	
05	أ.3 - r هو دوران زاويته $\frac{2\pi}{3}$ و مركزه $\omega(0;1)$	
	ب - نسبة التحافي h هي 2 - ومركزه هو النقطة $\omega(0;1)$	
	ج - r هو تشابه مباشر مركزه $\omega(0;1)$ ونسبة 1 وزاويته $-\frac{2\pi}{3}$; h هو تشابه مباشر مركزه $\omega(0;1)$ ونسبة 2 وزاويته π . إذن S هو تشابه مباشر مركزه $\omega(0;1)$ ونسبة 2 وزاويته $\frac{2\pi}{3} + \pi = \frac{\pi}{3}$	
	التحقق من الكتابة المركبة	
	4. تبيان أن النقط O ، Ω و E في استقامية.	
	أ.5 - المجموعة (Γ) هي الدائرة ذات المركز Ω ونصف القطر 2.	
04	ب - (Γ) هي الدائرة ذات المركز Ω ونصف القطر 4.	
	التمرين الثالث: (04 نقاط)	
	أ.1 - $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = t \\ z = 2 - t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$ هو تمثيل وسيطي للمستقيم (AB) .	
05	ب - المستقيمان (AB) و (Δ) غير متقاطعين وغير متوازيين إذن هما ليسا من نفس المستوى.	

العلامة المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	(تابع للموضوع الثاني)
03	0,25	. وهو تمثيل وسيطي للمستوي (\mathcal{P}) .	$\begin{cases} x = -1 + 2\lambda + \gamma \\ y = \lambda \\ z = 2 - \lambda - \gamma \end{cases} \quad (\lambda \in \mathbb{R}); (\gamma \in \mathbb{R})$ - 1.2
	0,25	ب - إثبات أن $x - y + z - 1 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي (\mathcal{P}) .	
	0,25	أ - تبيان أن النقطة M تتبع إلى المستقيم (AB) .	
	0,75	ب - $N(-3; -2; 4)$ و $M\left(-\frac{11}{3}; -\frac{4}{3}; \frac{10}{3}\right)$	
	0,5+0,25	$S(ABN) = \sqrt{2} u.a$. ABN حساب مساحة المثلث $d(N, (P)) = \frac{2}{\sqrt{3}}$ ج -	

التمرين الرابع: (08 نقاط)

08	0,25×2	$\cdot \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 1 ; \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = +\infty$	- 1.1 - I
	0,25×3	ب - إشارة $g'(x)$ ؛ $g'(x) = -(x^2 - 2x - 1)e^{-x}$ جدول تغيرات الدالة g .	
	0,5	$[1 - \sqrt{2}; 1 + \sqrt{2}]$ وحلّا في $[-\infty; 1 - \sqrt{2}]$ $g(x) = 0$ - 1.2 إذن تقبل حلين في \mathbb{R}	
	0,25×2	$g(-0,8) \times g(-0,7) < 0 \quad \alpha \in]-0,8 ; -0,7[: g(0) = 0$	
	0,25	ب - $g(\alpha) = g(0) = 0$ و $g(x) < 0 , x \in]\alpha; 0[$ ، $g(x) > 0 , x \in]-\infty; \alpha[\cup]0; +\infty[$	
	0,25×2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty ; \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$	- 1.1 - II
	0,25	ب - $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x] = 0$	
	0,25	ج - من أجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) - x < 0$ ، منه المنحني (\mathcal{C}_f) يقع أسفل المستقيم (Δ) .	
	0,25	أ - تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x)$	
	0,25	ب - جدول تغيرات الدالة f	
	0,25×3	أ - تبيان أن المنحني (\mathcal{C}_f) يقبل مماسين $(f'(x) = 1)$ لهما حلان $x = 1$ أو $x = -1$:	
		$y = x - \frac{4}{e} ; y = x$	
	0,25×3	ب - تمثيل المماسين والمنحني (\mathcal{C}_f)	
	0,5	ج - المناقشة بيانيا ، حسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة $(x+1)^2 + me^x = 0$	
	0,25	$H'(x) = (x+1)^2 e^{-x} . 4$	
	0,25	ب - $S = 4(2e - 5) \text{ cm}^2$	
	0,75	ـ 1. البرهان بالترافق أنه من أجل كل عدد طبيعي n ، $-1 \leq u_n \leq \alpha$	- III
	0,25	ـ 2. المتالية (u_n) متراجعة لأن $u_{n+1} - u_n = -(u_n + 1)^2 e^{-u_n} < 0$	
	0,25×2	ـ 3. استنتاج أن المتالية (u_n) متقاربة ؛ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -1$	