



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية  
الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2023

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

( $u_n$ ) المتتالية العددية المعرفة بـ:  $u_0 = 2$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_{n+1} = \frac{3}{5}u_n - \frac{6}{5}$

(1) برهن بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n > -3$

(2) بين أن ( $u_n$ ) متناقصة تماما ثم استنتج أنها متقاربة.

(3) ( $v_n$ ) المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = u_n + 3$

(أ) بين أن المتتالية ( $v_n$ ) هندسية أساسها  $\frac{3}{5}$  يُطلب تعيين حدّها الأول  $v_0$

(ب) عيّن عبارة الحدّ العام  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n = 5\left(\frac{3}{5}\right)^n - 3$

(ج) احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

(4) نضع: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $T_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  و  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

احسب  $S_n$  بدلالة  $n$  ثم بين أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $T_n = \frac{19}{2} - 3n - \frac{15}{2}\left(\frac{3}{5}\right)^n$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) (أ) حلّ في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $(1-x)(10x^2 + 9x - 1) = 0$

(ب) تحقّق أنه: من أجل كل عدد حقيقي  $x$ ،  $10x^2 + 9x - 1 = (x+1)(10x-1)$

(2) (أ) استنتج في المجال  $]0; +\infty[$  مجموعة حلول المعادلة  $(1 - \ln x)(10(\ln x)^2 + 9(\ln x) - 1) = 0$

(ب) استنتج في  $\mathbb{R}$  مجموعة حلول المتراجحة  $(1 - e^x)(10e^{2x} + 9e^x - 1) \leq 0$

(3) حلّ في المجال  $]0; +\infty[$  المتراجحة  $\ln(10x^2 + 9x) \geq 0$



التمرين الثالث: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير.

(1)  $(u_n)$  المتتالية الحسابية التي حدّها الأول 3 وأساسها -4 . من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$  :  
أ)  $u_n = 3 \times (-4)^n$  (أ)      ب)  $u_n = 3 - 4n$  (ب)      ج)  $u_n = 3 - 4(n-1)$  (ج)

(2)  $f$  الدالة المعرفة على المجال  $]-1; +\infty[$  بـ:  $f(x) = 1 + \ln(x+1)$   
( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$   
معادلة لمماس ( $C_f$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي:

أ)  $y = x + 1$  (أ)      ب)  $y = x$  (ب)      ج)  $y = x - 1$  (ج)

(3)  $g$  الدالة المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = 2x - \frac{1}{x}$

دالتها الأصلية  $G$  على المجال  $]0; +\infty[$  والتي تتعدم من أجل القيمة 1 معرفة بـ:

أ)  $G(x) = x^2 + 1 - \ln x$  (أ)      ب)  $G(x) = -x^2 + 1 - \ln x$  (ب)      ج)  $G(x) = x^2 - 1 - \ln x$  (ج)

(4) القيمة المتوسطة للدالة  $x \mapsto 3(x+1)^2$  على المجال  $[0; 1]$  تساوي:

أ) 7 (أ)      ب) 14 (ب)      ج) 21 (ج)

التمرين الرابع: (08 نقاط)

$f$  الدالة المعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x + 1 - \frac{3}{e^x + 1}$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الطول 2 cm)

(1) بيّن أنّ:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

(2) أ) بيّن أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) ذا المعادلة  $y = x + 1$  مقارب مائل لـ ( $C_f$ ) عند  $+\infty$

ب) ادرس وضعية ( $C_f$ ) بالنسبة إلى ( $\Delta$ )

(3) أ) بيّن أنّه: من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  من المجال  $[0; +\infty[$  ،  $f'(x) = 1 + \frac{3e^x}{(e^x + 1)^2}$

ب) استنتج أنّ الدالة  $f$  متزايدة تماما على المجال  $[0; +\infty[$  ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.

(4) بيّن أنّ المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0,28 < \alpha < 0,29$

(5) ارسم ( $\Delta$ ) و ( $C_f$ )

(6)  $F$  الدالة المعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  بـ:  $F(x) = 3x - 3\ln(e^x + 1)$

أ) تحقق أنّ  $F$  أصلية للدالة  $x \mapsto \frac{3}{e^x + 1}$  على المجال  $[0; +\infty[$

ب) احسب بالسنتيمتر المربع مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحني ( $C_f$ ) والمستقيم ( $\Delta$ )

والمستقيمين اللذين معادلتهما  $x = 0$  و  $x = \ln 2$



### الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

( $u_n$ ) المتتالية العددية المعرفة بـ:  $u_0 = 2$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 3$

(1) برهن بالتراجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n < 4$

(2) بين أن ( $u_n$ ) متزايدة تماما ثم استنتج أنها متقاربة.

(3) ( $v_n$ ) المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = u_n - 4$

(أ) بين أن المتتالية ( $v_n$ ) هندسية أساسها  $\frac{1}{4}$  يُطلب تعيين حدّها الأول  $v_0$

(ب) عيّن عبارة الحدّ العام  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n = -2\left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$

(ج) احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

(4) نضع: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  و  $T_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

احسب  $S_n$  بدلالة  $n$  ثم بين أنه: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $T_n = 4n + \frac{4}{3} + \frac{2}{3}\left(\frac{1}{4}\right)^n$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

عيّن الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير.

(1) مجموعة الحلول في  $\mathbb{R}$  للمعادلة  $e^{2x} + 4e^x - 5 = 0$  هي:

(أ)  $\{0\}$  (ب)  $\{1; 0\}$  (ج)  $\{-5; 0\}$

(2)  $\alpha$  عدد حقيقي و ( $u_n$ ) المتتالية المعرفة بـ:  $u_0 = \alpha$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_{n+1} = 5u_n - 4$

تكون المتتالية ( $u_n$ ) ثابتة من أجل:

(أ)  $\alpha = 5$  (ب)  $\alpha = -4$  (ج)  $\alpha = 1$

(3)  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{2e^x}{e^x + 1}$

الدالة الأصلية  $F$  على  $\mathbb{R}$  للدالة  $f$  والتي تتعدم من أجل القيمة 0 معرفة بـ:

(أ)  $F(x) = -2\ln(e^x + 1) + \ln 4$  (ب)  $F(x) = 2\ln(e^x + 1) - \ln 4$  (ج)  $F(x) = \ln\left(\frac{e^x + 1}{2}\right)$

(4)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x+1 - e^x)$  تساوي:

(أ)  $-\infty$  (ب)  $+\infty$  (ج) 0



التمرين الثالث: (04 نقاط)

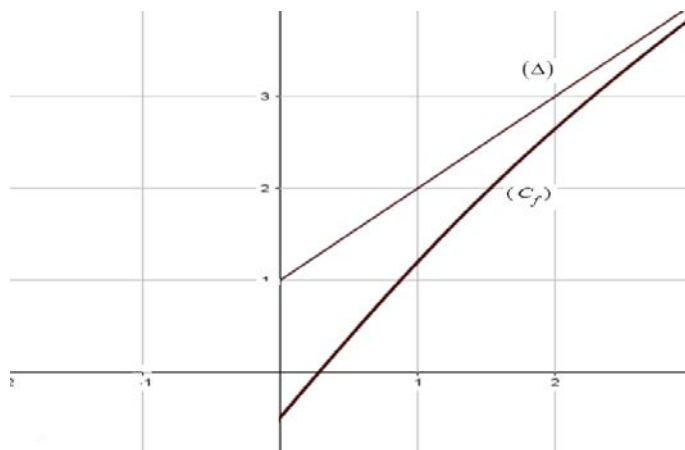
- (1) أ) تحقّق أنّه: من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  ،  $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 = (x-2)(x^2 - 4x + 3)$   
ب) حلّ في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 = 0$
- (2) أ) استنتج في المجال  $]0; +\infty[$  مجموعة حلول المعادلة  $(\ln x)^3 - 6(\ln x)^2 + 11(\ln x) - 6 = 0$   
ب) استنتج في  $\mathbb{R}$  مجموعة حلول المعادلة  $e^{3x} - 6e^{2x} + 11e^x - 6 = 0$
- (3) حلّ في المجال  $]2; +\infty[$  المتراجحة  $\ln(x^3 - 6x^2 + 11x - 5) \geq 0$

التمرين الرابع: (08 نقاط)

- $f$  الدالة المعرّفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x^2 - x - \ln x$   
( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$
- (1) أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثمّ فسّر النتيجة هندسياً.  
ب) بيّن أنّ:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
- (2) أ) بيّن أنّه: من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$  ،  $f'(x) = \frac{(2x+1)(x-1)}{x}$   
ب) استنتج أنّ الدالة  $f$  متناقصة تماماً على  $]0; 1[$  و متزايدة تماماً على  $]1; +\infty[$  ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.
- (3) عيّن معادلة لـ  $(T)$  المماس للمنحني ( $C_f$ ) في النقطة ذات الفاصلة 2
- (4) احسب  $f(3)$  ثمّ ارسم  $(T)$  و ( $C_f$ )
- (5)  $F$  الدالة المعرّفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $F(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + x - x \ln x$   
أ) تحقّق أنّ  $F$  أصلية للدالة  $f$  على المجال  $]0; +\infty[$   
ب) احسب مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحني ( $C_f$ ) وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتهما  $x=1$  و  $x=3$

العلامة		عناصر الإجابة ( الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
<b>التمرين الأول (04 نقاط)</b>		
<b>1</b>	<b>0.25</b> <b>0.75</b>	<b>1</b> البرهان بالتراجع: التحقق من صحة الخاصية الابتدائية إثبات صحة الاستلزام ( إثبات أن الخاصية وراثية )
<b>0.5</b>	<b>0.25</b> <b>0.25</b>	<b>2</b> من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_{n+1} - u_n = -\frac{2}{5}(u_n + 3)$ و $u_n + 3 > 0$ إذن $(u_n)$ متناقصة تماما $(u_n)$ متناقصة تماما ومحدودة من الأسفل فهي متقاربة
<b>1.75</b>	<b>2 × 0.25</b> <b>0.5</b> <b>0.5</b> <b>0.25</b>	<b>3</b> (أ) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $v_{n+1} = \frac{3}{5}v_n$ ، $v_0 = 5$ (ب) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $v_n = 5\left(\frac{3}{5}\right)^n$ من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_n = 5\left(\frac{3}{5}\right)^n - 3$ (ج) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -3$ لأن $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{3}{5}\right)^n = 0$
<b>0.75</b>	<b>2 × 0.25</b> <b>0.25</b>	<b>4</b> من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $S_n = v_0 \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} = \frac{25}{2} \left[ 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^{n+1} \right]$ $T_n = S_n - 3(n+1) = \frac{19}{2} - 3n - \frac{15}{2} \left(\frac{3}{5}\right)^n$
<b>التمرين الثاني (04 نقاط)</b>		
<b>1.75</b>	<b>4x0.25</b> <b>0.75</b>	<b>1</b> (أ) $\Delta = 121$ ، مجموعة حلول المعادلة هي : $\left\{ -1 ; \frac{1}{10} ; 1 \right\}$ (ب) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $10x^2 + 9x - 1 = (x+1)(10x-1)$
<b>1.5</b>	<b>3x0.25</b> <b>0.25</b> <b>0.25</b> <b>0.25</b>	<b>2</b> (أ) مجموعة حلول المعادلة هي : $\left\{ e^{-1} ; e^{\frac{1}{10}} ; e^1 \right\}$ (ب) $(1 - e^x)(10e^{2x} + 9e^x - 1) \leq 0$ تكافئ $(1 - e^x)(e^x + 1)(10e^x - 1) \leq 0$ إشارة $(1 - e^x)(10e^x - 1)$ مجموعة الحلول هي $]-\infty; -\ln 10] \cup [0; +\infty[$

0.75	0.25	$10x^2 + 9x - 1 \geq 0$ تكافئ $\ln(10x^2 + 9x) \geq 0$ إشارة $10x^2 + 9x - 1$ من أجل $x$ حقيقي موجب تماما مجموعة الحلول هي $\left[\frac{1}{10}; +\infty\right[$	3
	0.25		
	0.25		
<b>التمرين الثالث (04 نقاط)</b>			
1	0.5	الاقتراح الصحيح هو : (ب)	1
	0.5	تبرير : من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_n = u_{n-1} + nr$ ، $u_n = 3 - 4n$	
1	0.5	الاقتراح الصحيح هو : (أ)	2
	0.5	تبرير : $y = f'(0)(x-0) + f(0)$ ومنه $y = x + 1$	
1	0.5	الاقتراح الصحيح هو : (ج)	3
	0.5	تبرير : عبارة الدالة الاصلية للدالة $g$ التي تتعدم عند القيمة 1 هي $G(x) = x^2 - \ln x - 1$	
1	0.5	الاقتراح الصحيح هو : (أ)	4
	0.5	تبرير : $\frac{1}{1-0} \int_0^1 3(x+1)^2 dx = \left[ (x+1)^3 \right]_0^1 = 7$	
<b>التمرين الرابع (08 نقاط)</b>			
0.5	0.5	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{-3}{e^x + 1}\right) = 0$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x+1) = +\infty$ لأن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	1
1	0.5	(أ) المستقيم $(\Delta)$ ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب مائل لـ $(C_f)$ عند $+\infty$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x+1)) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{-3}{e^x + 1}\right) = 0$	2
	0.25	(ب) من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $[0; +\infty[$ ، $\frac{-3}{e^x + 1} < 0$ ،	
	0.25	$(C_f)$ يقع أسفل $(\Delta)$	

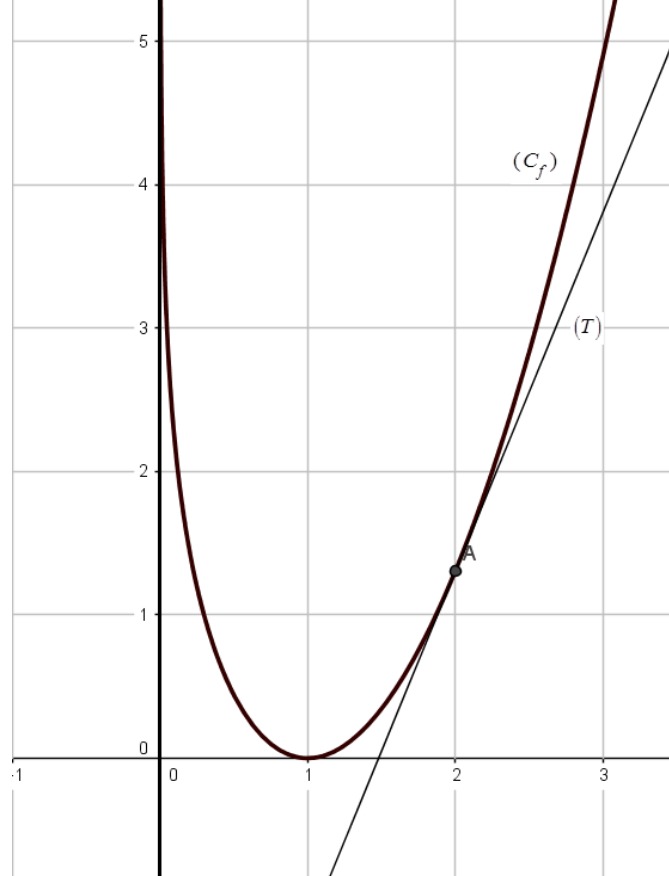
3	1	أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $[0; +\infty[$ ، $f'(x) = 1 + \frac{3e^x}{(e^x + 1)^2}$	3									
	1	ب) من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $[0; +\infty[$ ، $f'(x) > 0$ ، الذالة $f$ متزايدة تماما على المجال $[0; +\infty[$ جدول التغيرات	1									
	1	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td><math>x</math></td> <td>0</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>-\frac{1}{2}</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </tbody> </table>	$x$	0	$+\infty$	$f'(x)$		+	$f(x)$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$	
$x$	0	$+\infty$										
$f'(x)$		+										
$f(x)$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$										
1	1	المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha$ حيث $0,28 < \alpha < 0,29$ لأن : الذالة $f$ مستمرة ومنتزيدة تماما على $[0,28 ; 0,29]$ و $f(0,29) \times f(0,28) < 0$ و $(f(0,29) \approx 0,006$ ، $f(0,28) \approx -0,001$ )	4									
1	0.25		5									
	0.75		رسم $(\Delta)$ رسم $(C_f)$									
1.5	1	أ) $F$ تقبل الاشتقاق على $[0; +\infty[$ ومن أجل كل عدد حقيقي $x$ من $[0; +\infty[$ ، $F'(x) = \frac{3}{e^x + 1}$	6									
	$2 \times 0.25$	ب) حساب المساحة $\int_0^{\ln 2} (x+1 - f(x)) dx = [F(x)]_0^{\ln 2} = 4 \ln\left(\frac{64}{27}\right) cm^2$										

ملاحظة: تُقبل و تُراعى جميع الطرائق الصحيحة الأخرى مع التقيد التام بسلم التنقيط

العلامة		عناصر الإجابة ( الموضوع الثاني )
مجموع	مجزأة	
<b>التمرين الأول (04 نقاط)</b>		
<b>1</b>	<b>0.25</b> <b>0.75</b>	<b>1</b> البرهان بالتراجع: التحقق من صحة الخاصية الابتدائية إثبات صحة الاستلزام ( إثبات أن الخاصية وراثية )
<b>0.5</b>	<b>0.25</b> <b>0.25</b>	<b>2</b> من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{4}(u_n - 4)$ و $u_n - 4 < 0$ إذن ( $u_n$ ) متزايدة تماما ( $u_n$ ) متزايدة تماما ومحدودة من الأعلى وبالتالي فهي متقاربة
<b>1.75</b>	<b>2×0.25</b> <b>0.5</b> <b>0.5</b> <b>0.25</b>	<b>3</b> (أ) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $v_{n+1} = \frac{1}{4}v_n$ و $v_0 = -2$ (ب) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $v_n = -2\left(\frac{1}{4}\right)^n$ من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_n = -2\left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$ (ج) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 4$ لأن : $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{4}\right)^n = 0$
<b>0.75</b>	<b>0.5</b> <b>0.25</b>	<b>4</b> من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $S_n = -\frac{8}{3}\left[1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}\right]$ من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $T_n = S_n + 4(n+1) = 4n + \frac{4}{3} + \frac{2}{3}\left(\frac{1}{4}\right)^n$
<b>التمرين الثاني (04 نقاط)</b>		
<b>1</b>	<b>0.5</b> <b>0.5</b>	<b>1</b> الاقتراح الصحيح هو : (أ) تبرير : $e^{2x} + 4e^x - 5 = 0$ تكافئ $(e^x + 5)(e^x - 1) = 0$ ومنه : $x = 0$
<b>1</b>	<b>0.5</b> <b>0.5</b>	<b>2</b> الاقتراح الصحيح هو : (ج) تبرير : $\alpha = 5\alpha - 4$ تكافئ $\alpha = 1$
<b>1</b>	<b>0.5</b> <b>0.5</b>	<b>3</b> الاقتراح الصحيح هو : (ب) تبرير : من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $F'(x) = f(x)$ و $F(0) = 0$



1	0.5	الإقتراح الصحيح هو : أ)	4
	0.5	تبرير : $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x+1 - e^x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(1 + \frac{1}{x} - \frac{e^x}{x}\right) = -\infty$	
<b>التمرين الثالث (04 نقاط)</b>			
2	1	أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $(x-2)(x^2 - 4x + 3) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$ ،	1
	4x0.25	ب) $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 = 0$ تكافئ $(x-2)(x^2 - 4x + 3) = 0$ ، $\Delta = 4$ ، مجموعة الحلول هي : $\{1; 2; 3\}$	
1.5	3x0.25	أ) مجموعة الحلول هي : $\{e^1; e^2; e^3\}$	2
	3x0.25	ب) $e^{3x} - 6e^{2x} + 11e^x - 6 = 0$ تكافئ $(e^x - 1)(e^x - 2)(e^x - 3) = 0$ ، مجموعة الحلول هي $\{0; \ln 2; \ln 3\}$	
0.5	0.25	3) $\ln(x^3 - 6x^2 + 11x - 5) \geq 0$ تكافئ $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 \geq 0$ ، إشارة $x^3 - 6x^2 + 11x - 6$ من أجل $x$ حقيقي من المجال $]2; +\infty[$ مجموعة الحلول هي $[3; +\infty[$	3
0.25	0.25		
<b>التمرين الرابع (08 نقاط)</b>			
1.75	0.75	أ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$	1
	0.25	المنحني $(C_f)$ يقبل المستقيم ذا المعادلة $x=0$ مقاربا له	
	0.75	ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(x - 1 - \frac{\ln x}{x}\right) = +\infty$	
2	1	أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ من المجال $]0; +\infty[$ ، $f'(x) = \frac{(2x+1)(x-1)}{x}$ ،	2
	0.5	ب) إشارة $f'(x)$	
	0.5	جدول التغيرات	
2.75	0.5	الدالة $f$ متناقصة تماما على $]0; 1]$ ومنتزادة تماما على $[1; +\infty[$	
	0.75	جدول التغيرات	

1	2×0.5	معادلة لـ (T) هي: $y = f'(2)(x-2) + f(2) = \frac{5}{2}x - 3 - \ln 2$	3
1	0.25 0.25 0.5	<p data-bbox="1244 331 1452 380"><math>f(3) = 6 - \ln 3</math></p>  <p data-bbox="1340 448 1468 504">رسم (T)</p> <p data-bbox="1308 560 1468 627">رسم (C<sub>f</sub>)</p>	4
1.5	1 2×0.25	<p data-bbox="462 1321 1468 1377">أ) <math>F</math> تقبل الاشتقاق على <math>]0; +\infty[</math> ومن أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> من <math>]0; +\infty[</math> ،</p> <p data-bbox="1085 1377 1436 1433"><math>F'(x) = x^2 - x - \ln x</math></p> <p data-bbox="798 1444 1468 1545">ب) <math>\int_1^3 f(x) dx = [F(x)]_1^3 = \left(\frac{20}{3} - 3\ln 3\right) u.a</math></p>	5

ملاحظة: تُقبل و تُراعى جميع الطرائق الصحيحة الأخرى مع التقيد التام بسلم التنقيط