



دورة: 2019

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية

الحتبار في مادة: الرياضيات المدة: 02 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

## التمرين الأول: (06 نقاط)

b = 2969 و a = 2019 و طعددان طبیعیان حیث: a = a = 2019

.7 عيّن باقي القسمة الاقليدية لكل من العددين a و dعلى a

ب) استنتج أن العددين a و a متوافقان بترديد a

 $9a + b \equiv 0[7]$ بيّن أنّ: (2

 $2^{2969} imes a^{2969}$  على 1a=-1 تحقق أنّ: a=-1 ثم استنتج باقي القسمة الاقليدية للعدد a=-1

.  $b^n + an + 2 \equiv 0$  [7] عيّن قيم العدد الطبيعي n حيث (4

#### التمرين الثاني: (06 نقاط)

 $u_n = \frac{2}{5}n - 1$  :ب  $\mathbb{N}^*$  بنالیة عددیة معرفة علی ( $u_n$ )

 $u_1$  بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  حسابية أساسها  $\frac{2}{5}$  يطلب حساب حدها الأول (1

2) عين رتبة الحد الذي قيمته 575.

 $S = u_1 + u_2 + \dots + u_{1440}$ : حيث  $S = u_1 + u_2 + \dots + u_{1440}$  احسب قيمة المجموع

.  $v_n = 4^{5u_n+6}$  : كما يلي  $\mathbb{N}^*$  كما المتتالية المعرفة على ( $v_n$ ) (4

.  $v_1$  هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $(v_n)$ 

 $S_n = v_1 + v_2 + ... + v_n$  : المجموع المجموع (ب

## التمرين الثالث: (08 نقاط)

. عدد حقیقی،  $f(x) = a - \frac{1}{x+2}$  بـ:  $\mathbb{R} - \{-2\}$  عدد حقیقی f (I



## اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية / بكالوريا 2019

- .  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  المتعامد و المتجانس إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $C_f$ )
- .  $\frac{1}{2}$  عيّن قيمة a حتى يقطع المنحنى  $(C_f)$  حامل محور التراتيب في النقطة ذات الترتيبة a
  - II) نضع a=1 نضع
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ثم  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و (1)
    - ب) فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.
  - . ]-2 ;  $+\infty$ [ و ] $-\infty$  ; -2[ و ] $-\infty$  ; -2 و ] $-\infty$  ) أ) بيّن أن الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين f .
- $(C_f)$ عيّن إحداثيي A نقطة تقاطع المستقيمين المقاربين، ثم بيّن أنها مركز تناظر للمنحنى (3
  - . 0 الماصلة ( $C_f$ ) المنحنى ( $\Delta$ ) الماصلة ( $\Delta$ ) اكتب معادلة للمماس
  - .  $(C_f)$  ثمّ المنحنى ( $\Delta$ ) أحسب والمماس ( $\Delta$ ) ثمّ المنحنى المستقيمين المقاربين والمماس ( $\Delta$ ) أحسب
    - $1 \le \frac{1}{x+2}$  التالية: x = 1 التالية: (6

انتهى الموضوع الأول



#### الموضوع الثانى

### التمرين الأول: (06 نقاط)

b = 1441 ، a = 2019 و d العددان الطبيعيان حيث a

- **1**] : تحقق أنّ (1 [17] . 13 ـ **1**
- متوافقان بترديد 17، ثمّ استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد b على 17. a : a أنّ a : a
  - .  $3a^2 \times b^2 + 14 \equiv 0$  [17] تمّ استنتج أنّ  $a \times b \equiv -1$  [17] بيّن أنّ (3
  - 4) أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد  $13^n$  على 17.
    - .  $2019^{1954} + 169^{2n} + 1441^{2969} 13 \equiv 0[17]$ : بيّن أنّ (5
    - $n + 1954^{1962} + 16 \equiv 0[17]$  عيّن قيم العدد الطبيعي n التي تحقق: (6

#### التمرين الثاني: (06 نقاط)

. r المتتالية الحسابية التي حدها الأول  $u_0$  و أساسها

- .  $u_1$  عيّن ،  $u_0 + u_1 + u_2 = 6$  : عيّن (1
- $(u_n)$  عين الحد الأول  $u_0$ ، ثم استنتج قيمة  $u_0 3u_1 = -10$  عين الحد (2 عين الحد الأول علم النتالية  $u_0$ 
  - n اكتب عبارة الحد العام  $u_n$  بدلالة عبارة الحد
  - $u_n = 2018$  عيّن قيمة n حتى يكون (4
  - $(u_n)$  أحسب الحد الخامس عشر للمتتالية
  - $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$ : غيث  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$  أحسب بدلالة n المجموع (5
    - $S_n = 96$ : عيّن العدد الطبيعي n حتى يكون (6

#### التمرين الثالث: (08 نقاط)

 $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$ : ب  $\mathbb{R}$  بالدالة العددية المعرفة على الدالة العددية العددية

- $(O; ec{i} \ , ec{j} \ )$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_f)$
- (f الدالة المشتقة الأولى للدالة f).  $\mathbb{R}$  على على الدالة المشتقة الأولى للدالة f (f) احسب (f) و f0 ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة الدالة ولم تغيرات الدالة الدالة الدالة الدالة الدالة الدا



# اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية / بكالوريا 2019

- - . بين نقط تقاطع المنحنى  $\left(C_{f}
    ight)$  مع حامل محور الفواصل
- بيّن أنّ المنحنى  $\binom{C_f}{2}$  يقبل نقطة انعطاف A فاصلتها  $\binom{1}{2}$  ثم أكتب معادلة لـ  $\binom{1}{2}$  مماس المنحنى  $\binom{C_f}{2}$  عند النقطة  $\binom{C_f}{2}$  عند النقطة  $\binom{C_f}{2}$ 
  - .  $(C_f)$  والمنحنى (T) انشئ المماس ( $\mathbf{5}$
  - .  $f(x) \ge 0$ : حل بيانيا المتراجحة (6

انتهى الموضوع الثاني

العلامة		/ 1 km - 1 \ 7 1 \ \ 1 \ - 1 \ -			
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)			
التمرين الأول: (06 نقاط)					
		أ- تعيين باقي قسمة $a$ و $b$ على $a$ :			
	2×0.75	$b \equiv 1[7] \qquad a \equiv 3[7]$			
02.5	2×0.5	$a-3b\equiv 0$ [7] ومنه: $a=3b$ [7] -ب			
01	+0.5 0.5	$9a + b \equiv 0$ [7] تبیان أن (2			
1.5	0.5	$2a \equiv -1$ [7] التحقق أن $-$ (3			
	1	$.6$ الباقي هو $2^{2969}  imes a^{2969}$ على $7$ . الباقي هو			
	+0.25	$b^n+a.n+2\equiv 0$ تعيين قيم العدد الطبيعي $n$ بحيث: $a$			
	0.5	n = -1[7] ومنه: $3n + 3 = 0[7]$			
01		$n = 7k + 6$ ; $k \in \mathbb{N}$			
		وبالتالي: أ و			
	0.25	$n = 7k - 1$ ; $k \in \mathbb{N}^*$			
التمرين الثاني: ( 06 نقاط)					
	1+1	(تقبل أي طريقة صحيحة $r=rac{2}{5}$ تبيان أن المتتالية $(u_n)$ حسابية أساسها $r=rac{2}{5}$			
03	+0.5 0.5	$u_1 = \frac{-3}{5} : كدها الأول:$			
	2×0.5	2) تعيين رتبة الحد الذي قيمته 575.			
1.25	0.25	ومنه: $n=1440$ وبالتالي الرتبة هي $n=1440$			
	×0.25	S حساب المجموع $S$ :			
0.5	×0.25 2	$S = 413568 \qquad S = \frac{1440}{2} (u_1 + u_{1440})$			
	0.25	اً د $\left(v_{n}\right)$ هندسية $\left(v_{n}\right)$ هندسية			
01.25	2×0.25	الاساس 16 والحد الأول 64			
	×0.25 2	$S_n = v_1 + v_2 + + v_n = \frac{64}{15} (16^n - 1)$ ب- حساب المجموع			

العلامة		(1) \$1 caracalla de VI malic			
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)			
التمرين الثالث: (08 نقاط)					
0.5	2×0.25	$a=1$ ومنه: $f(0)=\frac{1}{2}$ .			
02.5	0.5×4	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = 1 \cdot \lim_{x \to -2} f(x) = +\infty \cdot \lim_{x \to -2} f(x) = -\infty -1$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1$			
	2×0.25	y=1 ب- للمنحنى م.م. مواز لـ $(xx')$ معادلته $x=-2$ و م.م. مواز لـ $(yy')$ معادلته			
1.5	2×0.5	$f'(x) > 0$ $f'(x) = \frac{1}{(x+2)^2} - 1$ (2)			
	0.5	ب- جدول التغيرات.			
	0.25	A(-2;1) إحداثيي نقطة تقاطع المستقيمين المقاربين: (3			
0.5	0.25	$\cdot \left( C_f  ight)$ مرکز تناظر للمنحنی $A$			
0.5	0.5	$(\Delta): y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$ معادلة المماس: (4			
02	0.5	f(-1)=0   (5			
	2×0.5	(T) رسم المقاربين والمماس $(T)$			
	0.5	$\left(C_{f} ight)$ رسم المنحنى $-$			
0.5	0.5	$S = ]-2;-1]$ ، $f(x) \le 0$ معناه $1 \le \frac{1}{x+2}$ (6			

العلامة		
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
		التمرين الأول: (06 نقاط)
01	01	a = 13[17] : التحقق أنّ (1
01.5	01	بیان أنّ $a:b$ و $a$ متوافقان بتردید 17 (2
	0.5	$b \equiv 13[17]$
01.5	0.75	$a \times b \equiv -1[17]$ ومنه $a \times b \equiv 16[17]$ ومنه $a \times b \equiv 169[17]$ (3
U1.3	0.75	$3a^2 \times b^2 + 14 \equiv 0$ [17] ومنه $a^2 \times b^2 \equiv 1$ [17]
01	0.5×2	4) دور بواقي القسمة هو 4 والبواقي هي: 1; 13; 16 و 4
0.5	0.25	ومنه $13^{1954} + (-1)^{2n} + 13^{2969} - 13 = 16 + 1 + 13 - 13[17]$ (5
	0.25	$2019^{1954} + 169^{2n} + 1441^{2969} - 13 = 0[17]$
0.5	0.25	n +1+16 ≡ 0[17] (6 یکافئ n +1954 <sup>1962</sup> +16 ≡ 0[17] ومنه
	0.25	$n = 17k / k \in \mathbb{N}$
Λ1	01	التمرين الثاني: (06 نقاط)
01	01	$u_1 = 2 \qquad \textbf{(1)}$
02	2×1	$r = 4$ • $u_0 = -2$ (2)
01	01	$u_n = 4n - 2 \qquad \textbf{(3)}$
01	2×0.5	$u_{14} = 54$ ( $\rightarrow$ $n = 505$ ( $^{\dagger}$ (4)
0.5	0.5	$S_n = 2n^2 - 2 \qquad (5)$
0.5	0.5	$n=7$ يعني $n^2-49=0$ يعني $2n^2-2=96$ (6
		التمرين الثالث: (08 نقاط)
2	1×2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty  \text{i}  \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty $ (1)
	01.5	$f'(x) = 6x^2 + 6x$ (1) (2)
03.5	0.5	f'(x) اشارة
	3x0.5	ب) حساب القيمتين وتشكيل جدول التغيرات
Λ1	20.7	3) التحقق
01	2×0.5	ب) تعيين نقطة التقاطع مع حامل محور الفواصل
0.5	×0.25	4 – نقطة الإنعطاف
0.5	2	<ul> <li>معادلة المماس</li> </ul>
0.75	×0.25	$\left(C_{f} ight)$ انشاء المماس والمنحنى (5
0.25	0.25	6) حل المتراجحة
		0) كل المراجعة