

## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

## وزارة التربة الوطنية

## الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تقني رياضي

دورة: 2024

المدة: 04 سا و 30 د

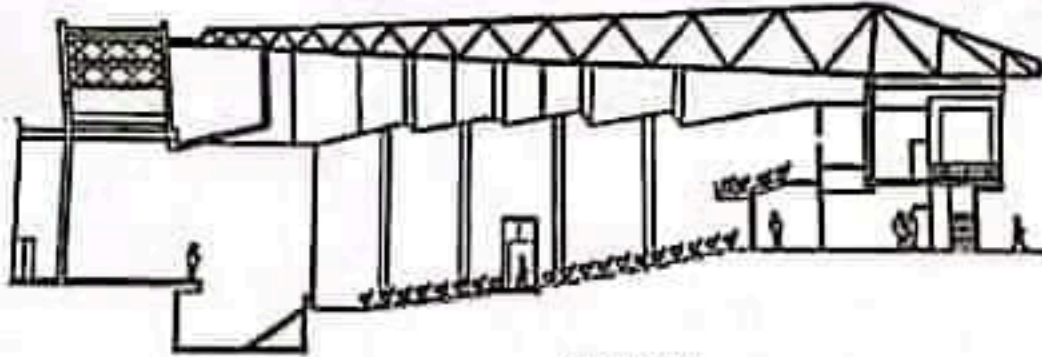
اختبار في مادة: التكنولوجيا (هندسة مدلية)

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

## الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى للصفحة 4 من 8)

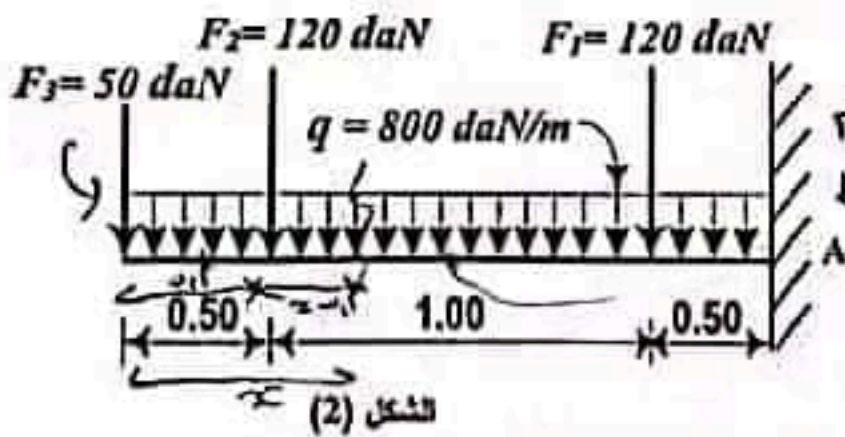
مقنعة: من أجل تعزيز النشاطات الثقافية والنكف بالفتة الشبانية، قررت السلطات المحلية إنجاز مركز ثقافي.  
يمثل الشكل (1) أنداء مقطع عمودي لقاعة مسرح هذا المركز.



الشكل (1)

الميكانيك المطبقة: (12 نقطة)

النشاط الأول: دراسة رافدة (06 نقاط)



الشكل (2)

نقترح دراسة الرافدة من نوع (IPE) لشرفة المسرح  
الموثقة في «A» كما يبينه الشكل (2).

العمل المطلوب:

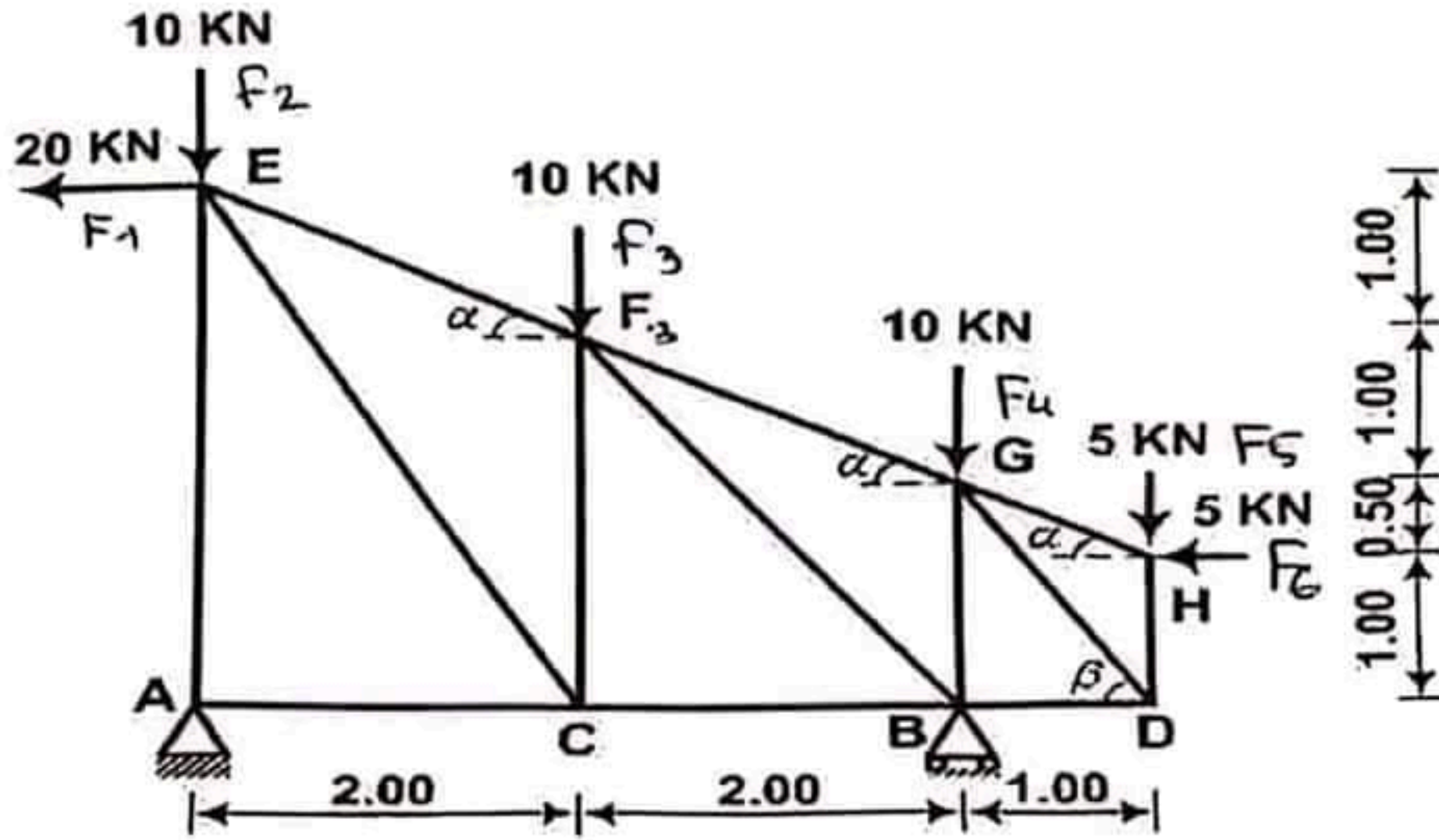
- 1) احسب قيم ردود الأفعال عند الوثاقة A.
- 2) اكتب معادلات الجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة.
- 3) ارسم المنحنيين البيانيين للجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة.
- 4) استنتج قيم كل من الجهد القاطع الأعظمي  $T_{max}$  وعزم الانحناء الأعظمي  $M_{f,max}$ .
- 5) تحقق من مقاومة الرافدة إذا علمت أن:

$$\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2 \text{ و } (W_{xx} = 146 \text{ cm}^3) ; M_{f,max} = 1940 \text{ daN.m}$$

## النشاط الثاني: دراسة نظام مثلثي (06 نقاط)

نقترح دراسة رافدة من بين روافد سقف المسرح المتكوّن من أنظمة مثلثية معدنية.

الرافدة محمّلة حسب الشكل الميكانيكي المبين في الشكل (3).



-المسند A مزدوج.

-المسند B بسيط.

يُعطى:

$$\sin \alpha = 0.447$$

$$\cos \alpha = 0.894$$

$$\sin \beta = 0.832$$

$$\cos \beta = 0.555$$

العمل المطلوب:

الشكل (3)

(1) تأكد من أن النظام محدد سكونيا.

(2) احسب ردود الأفعال عند المسندين A و B.

(3) احسب قيم الجهود الداخلية في قضبان العقد التالية: A, H, D مبيّنا طبيعتها. (تدوّن النتائج في جدول

(4) استخراج من الجدول المرفق المجنب اللازم والكافي للمقاومة إذا علمت أن:

- الجهد الناظمي الأعظمي:  $N_{max} = N_{AE} = 32.5 \text{ KN}$

- الإجهاد المسموح به:  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$

- قضبان الأنظمة المثلثية منجزة بمجنّبات زاوية بسيطة (L).

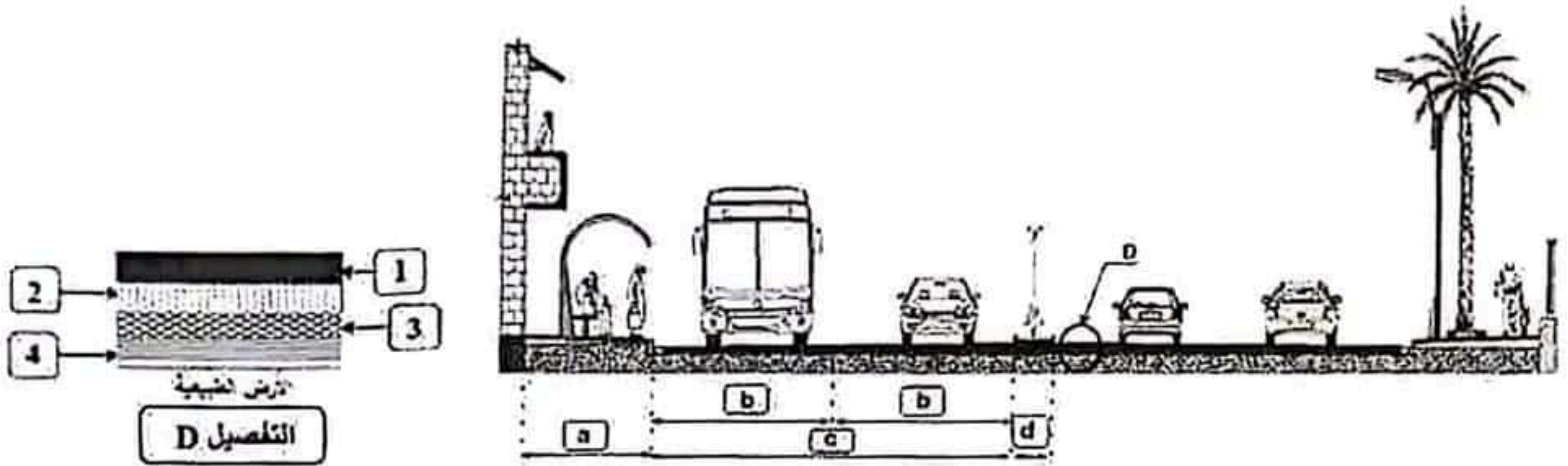
جدول خصائص مجنّبات الزاوية (L)

التعيين	الأبعاد		المقطع	بالنسبة لـ XX'	
	a (mm)	e (mm)		$I_{XX'}$ (cm <sup>4</sup> )	$W_{XX'}$ (cm <sup>3</sup> )
L			s (cm <sup>2</sup> )		
30×30×3	30	3	1,74	1,4	0,65
35×35×3,5	35	3,5	2,39	2,66	1,06
40×40×4	40	4	3,08	4,47	1,55
45×45×4,5	45	4,5	3,9	7,15	2,2
50×50×5	50	5	4,5	10,96	3,05

البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: الطرق (05 نقاط)

يمثل الشكل (4) مقطع عرضي للطريق المؤدي إلى المركز الثقافي.



الشكل (4)

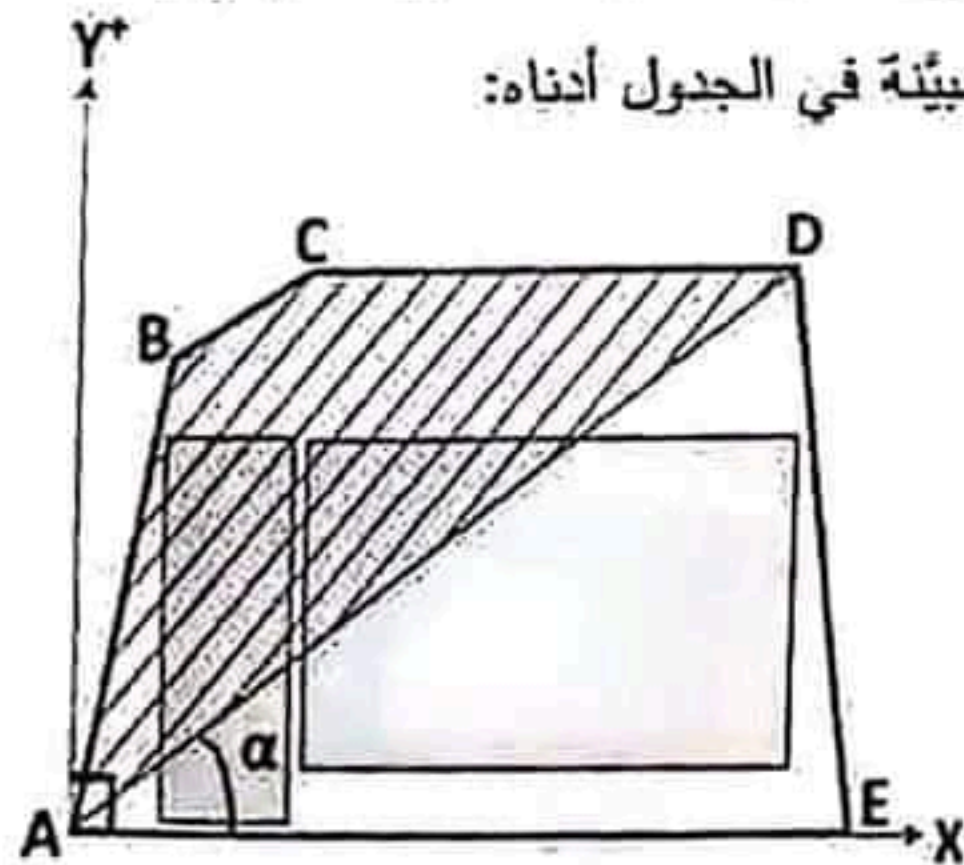
العمل المطلوب:

- 1) سمِّ العناصر a, b, c, d الممثلة في الشكل (4).
- 2) سمِّ الطبقات 1, 2, 3, 4 المبيّنة في التفصيل «D» التي تشكل الطبقات الرئيسية للقارعة اللدنة للطريق السابق.
- 3) أكمل رسم المظير العرضي مع تدوين نتائج الحسابات على الوثيقة المرفقة في الصفحة (04 من 08).

النشاط الثاني: دراسة طبوغرافية (03 نقاط)

قصد حساب مساحة القطعة الأرضية (ABCDE) المخصصة للمشروع السابق والموضحة في الشكل (5).

قامت فرقة طبوغرافية برفع الإحداثيات القائمة للنقاط A, B, C, D, E والمبيّنة في الجدول أدناه:



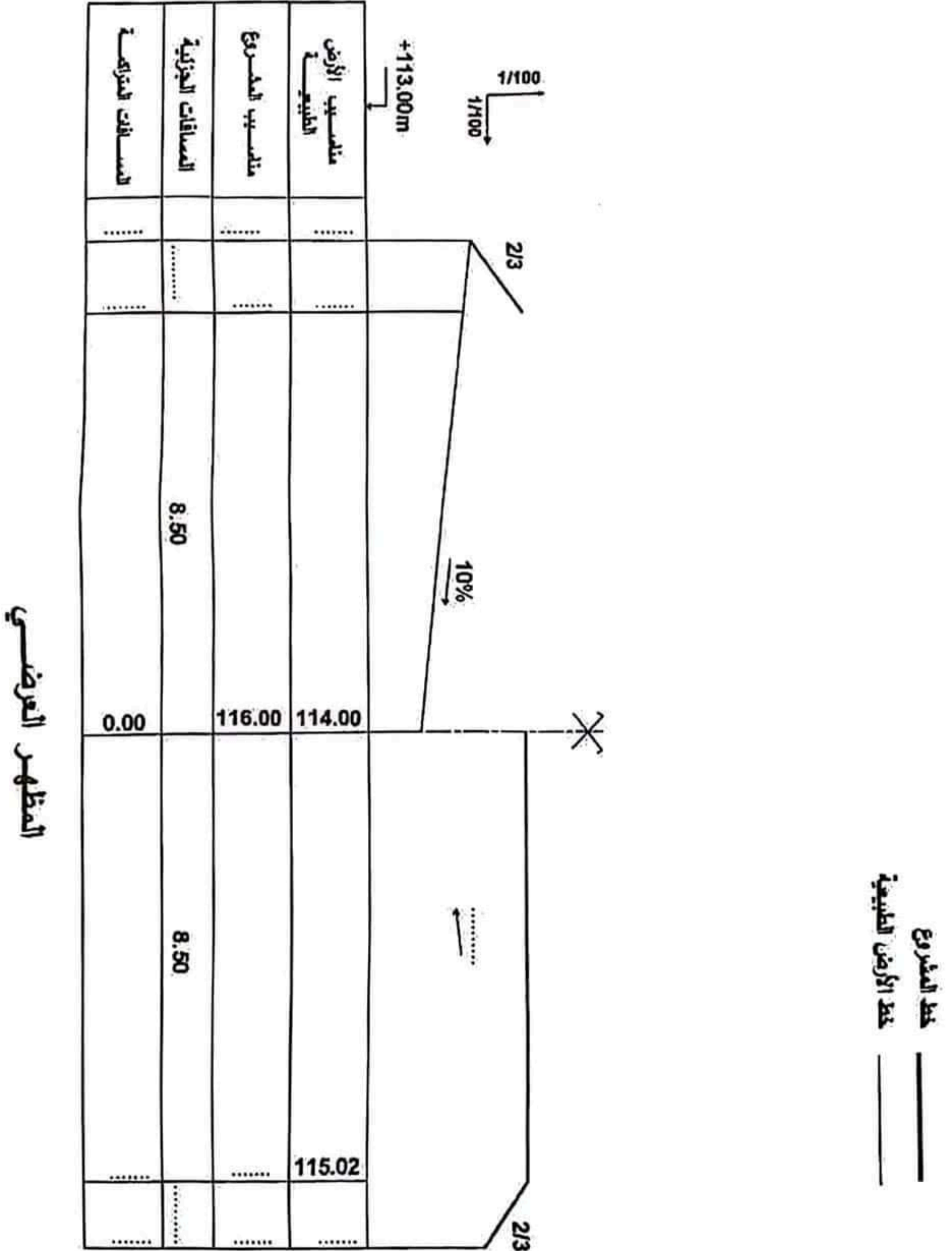
الشكل (5)

النقاط	X(m)	Y(m)
A	0.00	0.00
B	1.00	19.00
C	13.00	25.30
D	41.00	25.30

العمل المطلوب:

- 1) احسب مساحة القطعة (ABCD) بطريقة الإحداثيات القائمة.
- 2) احسب السمّ الإحداثي  $G_{AD}$  والمسافة  $L_{AD}$ .
- 3) استنتج قيمة السمّ الإحداثي  $G_{AE}$  اعتمادا على الشكل (5).
- 4) احسب قيمة الزاوية  $\alpha$ .
- 5) احسب مساحة القطعة (ADE) بطريقة الإحداثيات القطبية علما أن المسافة  $L_{AE} = 45m$ .
- 6) احسب المساحة الكلية للقطعة (ABCDE).

اختبار في مادة: التكنولوجيا (هندسة مدنية) // الشعبة: تقني رياضي // بكالوريا : 2024



ملاحظة: تعاد هذه الوثيقة مع أوراق الإجابة

انتهى الموضوع الأول

## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

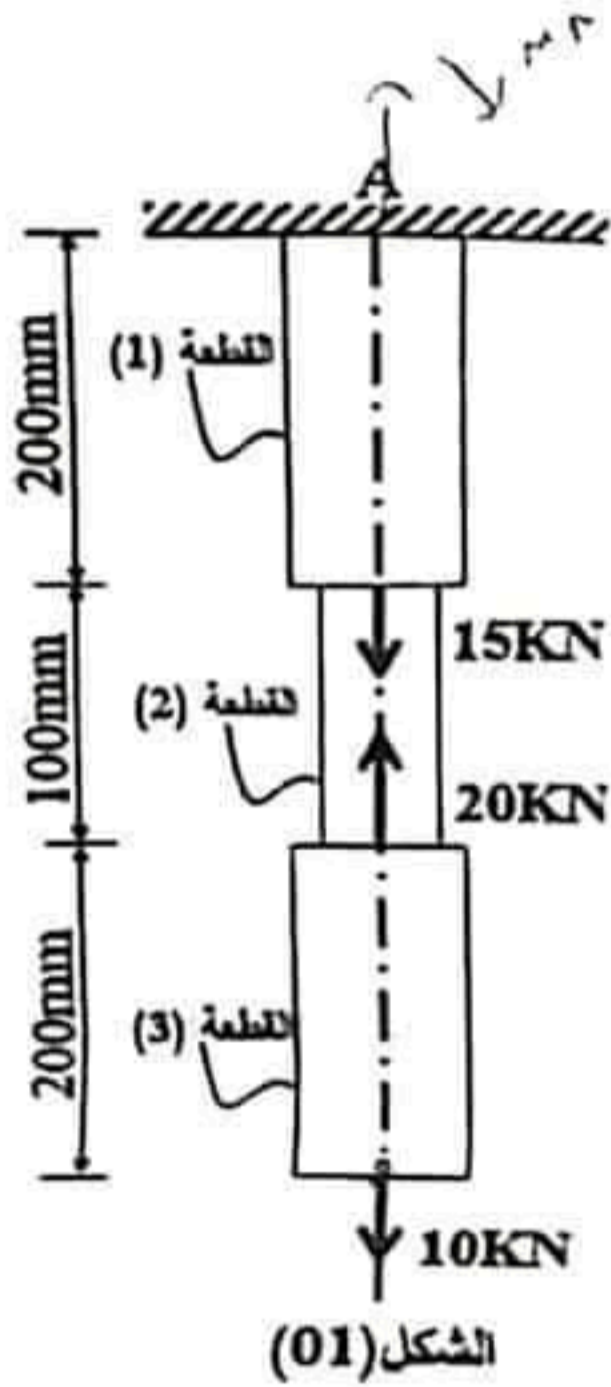
الميكانيك المطبقة: (12 نقطة)

النشاط الأول: التحريضات البسيطة (05 نقاط).

قضيب معدني مكون من ثلاث قطع (03) موثوق في النقطة A.

خاضع لمجموعة من القوى المحورية حسب الشكل (01).

المعطيات:



رقم القطعة	مادة القطعة	شكل المقطع العرضي	معامل المرونة الطولي
(1)	الفولاذ		$E_1 = 2.1 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$
(2)	النحاس		$E_2 = 0.9 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$

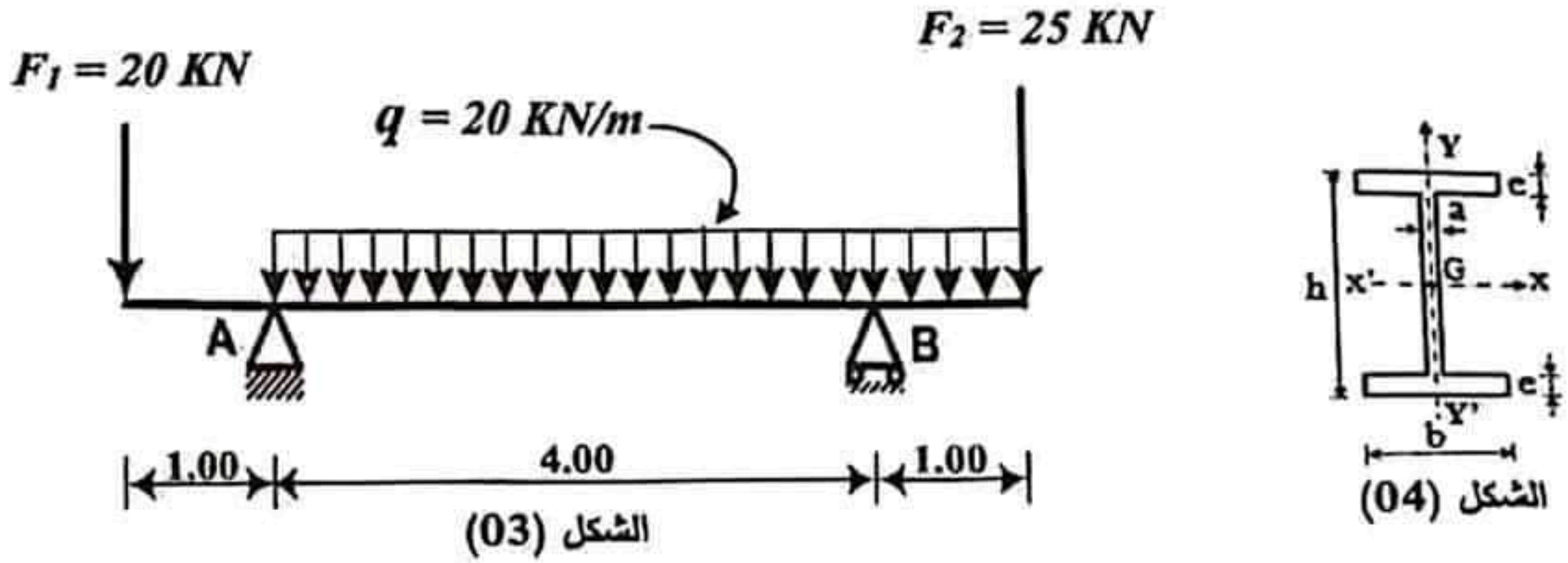
العمل المطلوب:

- احسب رد الفعل عند الوثاقة A. هل تنسب N؟
- احسب الجهود الناعمية N والإجهادات الناعمية ( $\sigma$ ) في مختلف مقاطع القضيب.
- أنشئ مخطط الإجهادات الناعمية ( $\sigma$ ) على طول القضيب.
- احسب التسهو المطلق  $\Delta/1$  و  $\Delta/2$  للقطعتين (1) و (2).
- إذا علمت أن الاستطالة المطلقة للقطعة (3) هي:  $\Delta l_3 = +0.01524 \text{ mm}$ 
  - احسب معامل المرونة الطولي  $E_3$ .
  - استنتج نوع المادة من الجدول المرفق.

نوع المادة	معامل المرونة الطولي
الألمنيوم	$E = 0.69 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$
النحاس	$E = 0.9 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$
الفولاذ	$E = 2.1 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$
الحديد	$E = 1.96 \times 10^6 \text{ daN/cm}^2$

## النشاط الثاني: دراسة رافدة (07 نقاط)

يمثل الشكل (03) رافدة معدنية تستند على مسندين، مقطعا العرضي من نوع (IPE) الشكل (04).  
المسند (A) مضاعف والمسند (B) بسيط.



## العمل المطلوب:

- 1) احسب ردود الأفعال عند المسندين A و B.
- 2) اكتب معادلات الجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة.
- 3) ارسم المنحنيات البيانية للجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة.
- 4) استنتج قيم كل من الجهد القاطع الأعظمي  $T_{max}$  وعزم الانحناء الأعظمي  $M_{fmax}$ .
- 5) اختر من الجدول المرفق أدناه المجنّب اللازم والكافي علما أنّ:

$$\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2 \text{ و } M_{fmax} = 35 \text{ KN.m}$$

## جدول خصائص المجنّب IPE

التعيين	الأبعاد				المقطع	بالنسبة لـ $xx'$	
	$h(\text{mm})$	$b(\text{mm})$	$a(\text{mm})$	$e(\text{mm})$		$I_{xx'}$ ( $\text{cm}^4$ )	$W_{xx'}$ ( $\text{cm}^3$ )
IPE 160	160	82	5	7,4	20,1	859	109
IPE 180	180	91	5,3	8	23,9	1317	146
IPE 200	200	100	5,6	8,5	28,5	1843	184
IPE 220	220	110	5,9	9,2	33,4	2772	252
IPE 240	240	120	6,2	9,8	39,1	3892	324

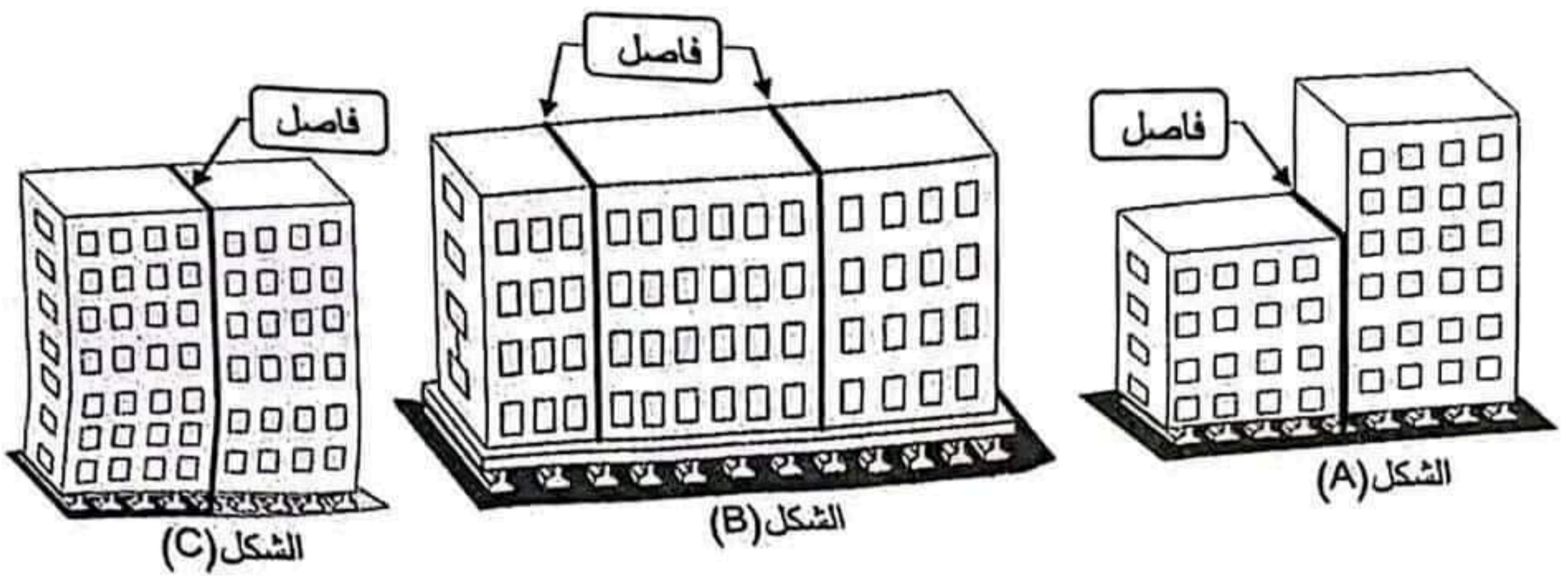
البناء: (08 نقاط)

النشاط الأول: المنشآت العلوية (03 نقاط)

الفواصل في منشآت الهندسة المدنية عبارة عن فراغات صغيرة عمودية تفصل منشآت متتاليين في بعض الحالات الخاصة.

العمل المطلوب:

- 1) صنف نوع الفاصل في كل حالة في الأشكال التخطيطية (A)، (B)، (C) المبينة أدناه.
- 2) علل سبب التصنيف في كل حالة من الحالات السابقة.



النشاط الثاني: الطرق (05 نقاط)

جزء من طريق يمتد من  $P_1$  إلى  $P_6$  معطياته كالتالي:  
ميول خط المشروع:

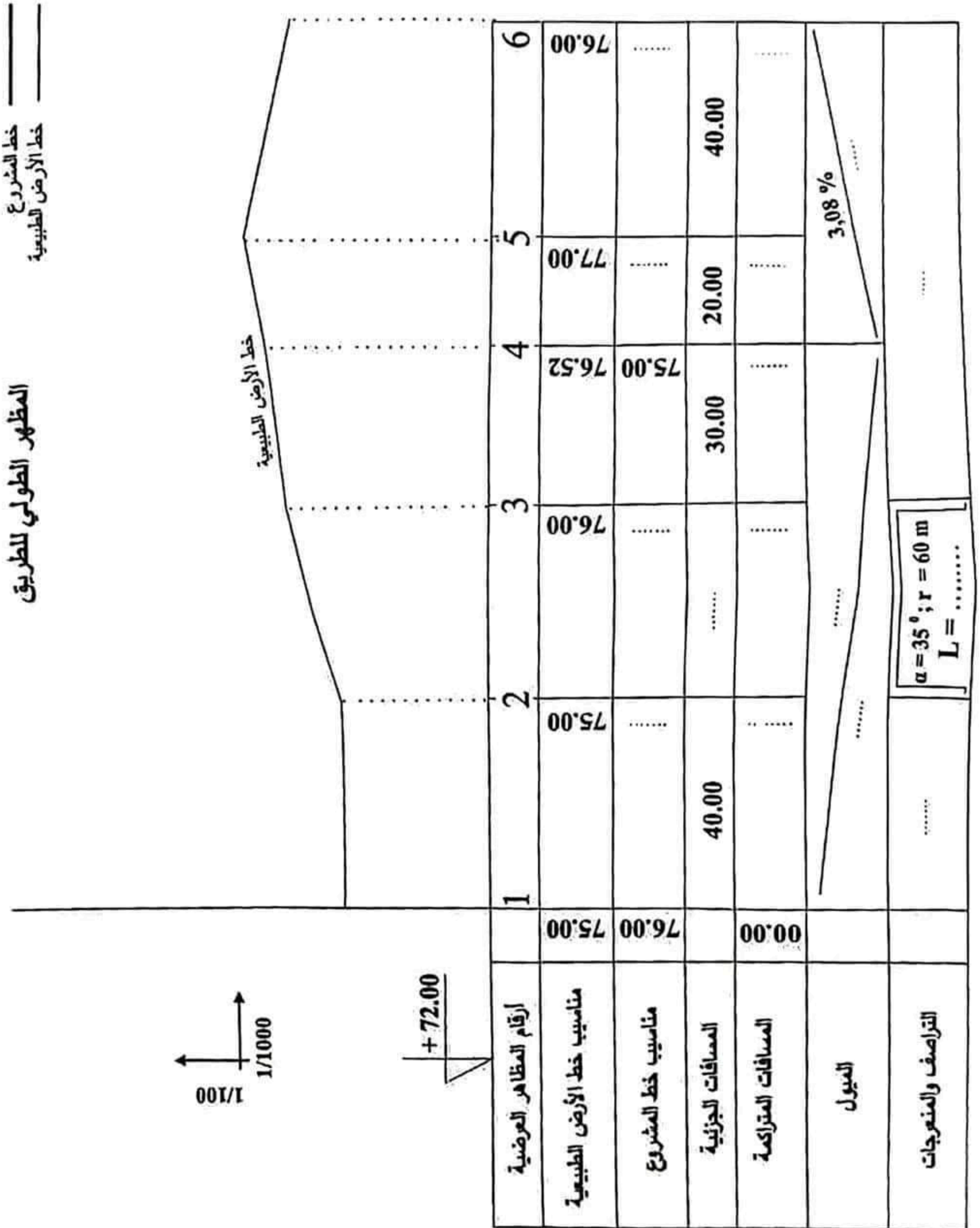
- ميل نازل من  $P_1$  إلى  $P_4$  حيث:  $P_1 = 76.00 \text{ m}$  ،  $P_4 = 75.00 \text{ m}$

- ميل صاعد من  $P_4$  إلى  $P_6$  مقداره:  $3.08\%$  .

ملاحظة: باقي المعطيات واردة في جدول المظهر الطولي في الوثيقة المرفقة (الصفحة 8 من 8).

العمل المطلوب:

- 1) أكمل رسم المظهر الطولي للطريق على الوثيقة المرفقة (الصفحة 8 من 8) مع إتمام جميع البيانات.
- 2) احسب المظاهر الوهمية إن وجدت.
- 3) عيّن مناطق الحفر والرسم (يشار إليها كتابيا دون تلوين).

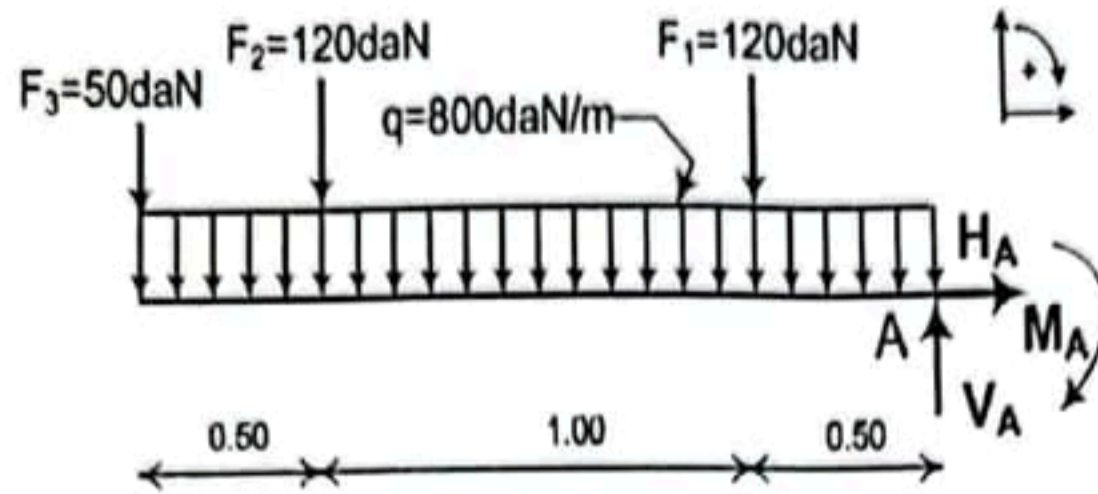




عناصر الإجابة (الموضوع الأول)

ميكانيك مطبقة: (2 نقطة)

النشاط الأول: (06 نقاط)



1- حساب ردود الأفعال :

0.25

$$\sum F / xx' = 0 \Leftrightarrow H_A = 0$$

$$\sum F / yy' = 0 \Rightarrow V_A - 2q - F_1 - F_2 - F_3 = 0$$

$$V_A = (2 \times 800) + 120 + 120 + 50$$

0.25

$$V_A = 1890 \text{ daN}$$

$$\sum M / A = 0 \Leftrightarrow M_A - (2 \times q) \times 1 - F_1 \times 0.5 - F_2 \times 1.5 - F_3 \times 2 = 0$$

$$M_A = 1600 + 60 + 180 + 100 = 1940 \text{ daN.m}$$

0.25

$$M_A = 1940 \text{ daN.m}$$

2- كتابة معادلات الجهد القاطع وعزم الانحناء :

0.75

المقطع الأول:  $0 \leq x \leq 0.5$

0.25

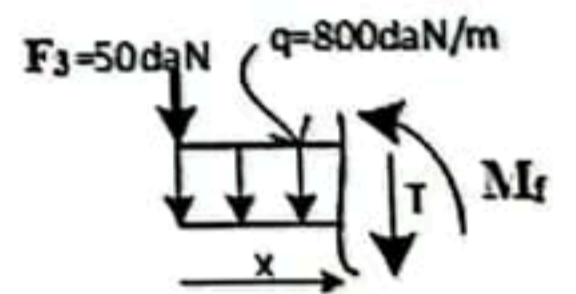
$$\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow -T - qx - F_3 = 0$$

$$\Leftrightarrow T(x) = -qx - F_3 \Leftrightarrow T(x) = -800x - 50$$

$$\sum M / G = 0 \Leftrightarrow -M_f - q \frac{x^2}{2} - F_3 x = 0$$

0.25

$$\Leftrightarrow M_f(x) = -q \frac{x^2}{2} - F_3 x \Leftrightarrow M_f(x) = -400x^2 - 50x$$

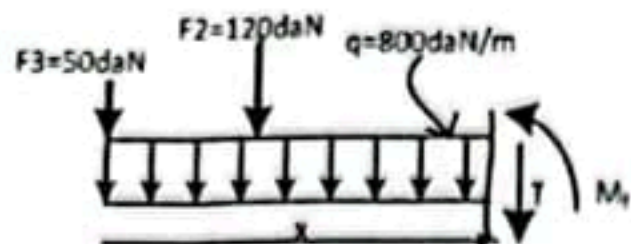


0.25

x(m)	0	0.5
T (daN)	-50	-450

0.25

x(m)	0	0.5
Mf(daN.m)	0	-125



المقطع الثاني:  $0.5 \leq x \leq 1.5$

0.25  $\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow -T - qx - F_3 - F_2 = 0$

0.25  $T(x) = -qx - F_3 - F_2 \Leftrightarrow T(x) = -800x - 170$

0.25  $\sum M / G = 0 \Leftrightarrow -M_f - q \frac{x^2}{2} - F_3 \cdot x - F_2(x - 0.5) = 0$

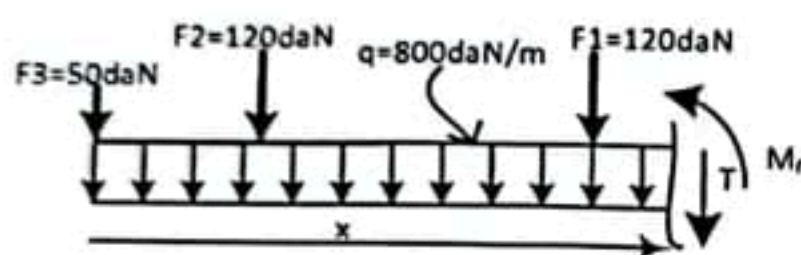
$M_f(x) = -400x^2 - 120x + 60 - 50x$

0.25  $M_f(x) = -400x^2 - 170x + 60$

0.25

x(m)	0.5	1.5
T (daN)	-570	-1370

x(m)	0.5	1.5
Mf(daN.m)	-125	-1095



المقطع الثالث:  $1.5 \leq x \leq 2$

0.25  $\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow -T - qx - F_3 - F_2 - F_1 = 0$

0.25  $T(x) = -qx - F_3 - F_2 - F_1 \Leftrightarrow T(x) = -800x - 290$

0.25  $\sum M / G = 0 \Leftrightarrow -M_f - q \frac{x^2}{2} - F_3 \cdot x - F_2(x - 0.5) - F_1(x - 1.5) = 0$

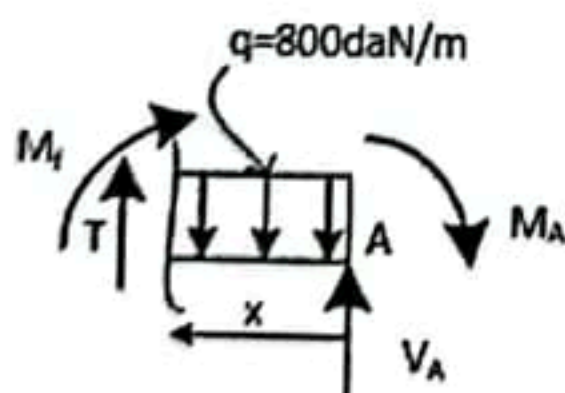
$M_f(x) = -400x^2 - 50x - 120x + 60 - 120x + 180$

0.25  $M_f(x) = -400x^2 - 290x + 240$

0.25

x(m)	1.5	2
T (daN)	-1490	-1890

x(m)	1.5	2
Mf(daN.m)	-1095	-1940



الطريقة الثانية للمقطع الثالث:

من اليمين الى اليسار مع تغيير المعلم:

$0 \leq x \leq 0.5$

$\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow T - qx + V_A = 0$

$T(x) = 800x - 1890$

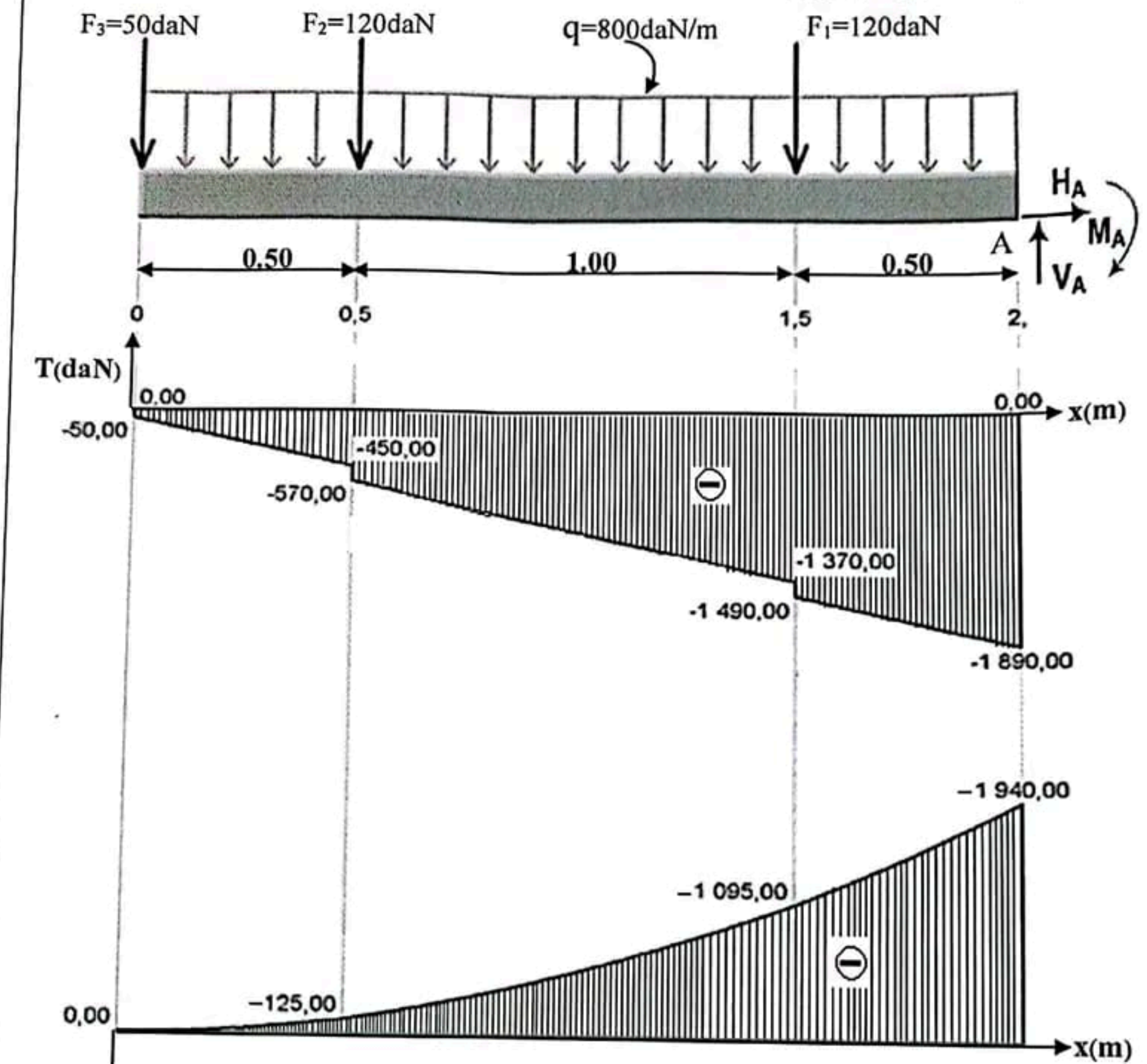
$\sum M / G = 0 \Leftrightarrow M_f + M_A + q \frac{x^2}{2} - V_A \cdot x = 0$

$M_f(x) = -400x^2 + 1890x - 1940$

x(m)	0	0.5
T (daN)	-1890	-1490

x(m)	0	0.5
Mf(daN.m)	-1940	-1095

3- رسم المنحنيين البيانيين:



$$T_{\max} = 1890 \text{ daN}$$

$$M_{f \max} = 1940 \text{ daN.m}$$

4- استنتاج القيم القصوى:

5- التحقق من مقاومة الرافدة:

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{f \max}}{W_{xx'}} \leq \bar{\sigma}$$

$$\Rightarrow \sigma_{\max} = \frac{1940 \times 10^2}{146} = 1328.76 \text{ daN/cm}^2 < 1600 \text{ daN/cm}^2$$

و منه الرافدة تقاوم .

01

0.25  
0.25

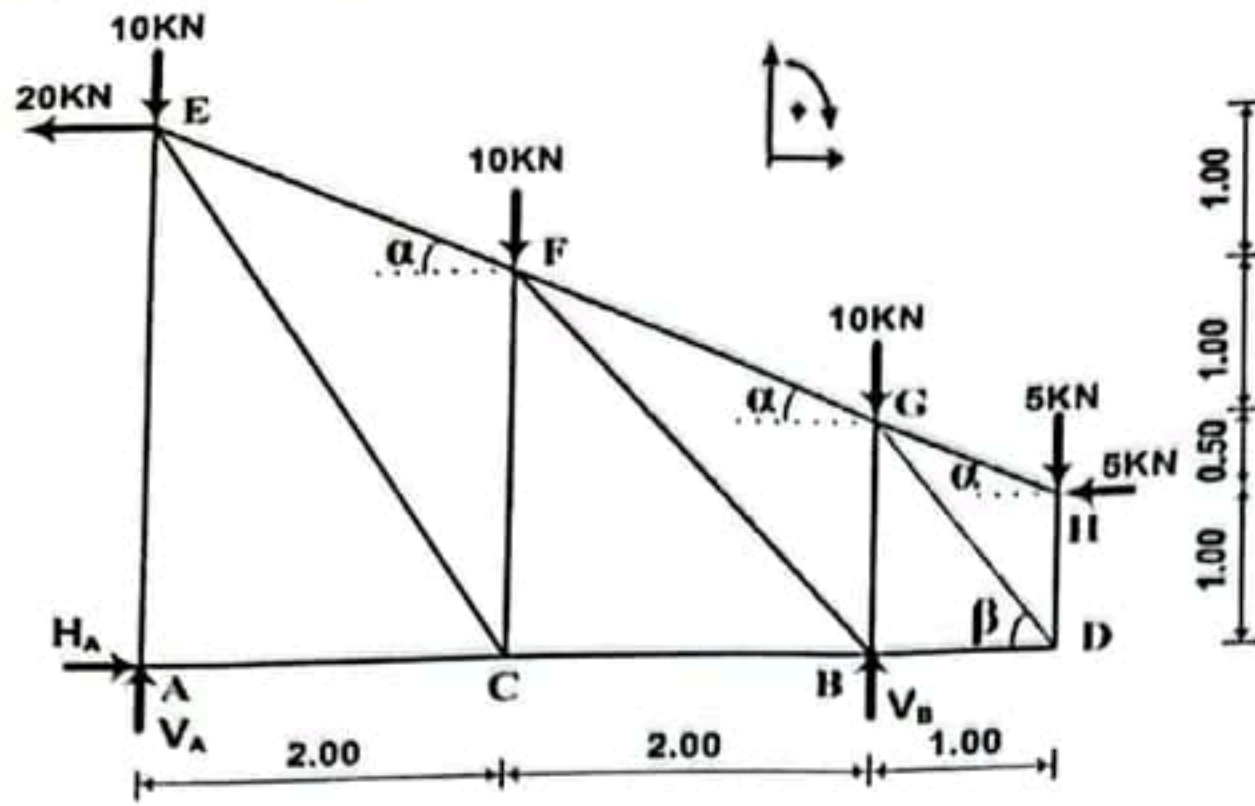
0.50

0.25  
0.25  
0.25

0.75

06

النشاط الثاني: (06 نقاط)



1- التأكد من أحادية السكون:

$$b = 2n - 3? \quad b = 13; n = 8$$

0.25

$$2n - 3 = (2 \times 8) - 3 = 13$$

اذن النظام محدد سكونيا

2- حساب ردود الأفعال عند المسندين:

0.25

$$\sum F / xx' = 0 \Leftrightarrow H_A - 20 - 5 = 0 \Rightarrow H_A = 25 \text{ KN}$$

0.50

$$\sum M / A = 0 \rightarrow -(V_B \times 4) + (5 \times 5) - (5 \times 1) + (10 \times 4) + (10 \times 2) - (20 \times 3.5) = 0$$

$$V_B = \frac{25 - 5 + 40 + 20 - 70}{4} = 2.5 \text{ KN} \Rightarrow V_B = 2.5 \text{ KN}$$

0.50

$$\sum M / B = 0 \rightarrow (V_A \times 4) + (5 \times 1) - (5 \times 1) - (10 \times 4) - (10 \times 2) - (20 \times 3.5) = 0$$

$$V_A = \frac{5 - 5 + 40 + 20 + 70}{4} = 32.5 \text{ KN} \Rightarrow V_A = 32.5 \text{ KN}$$

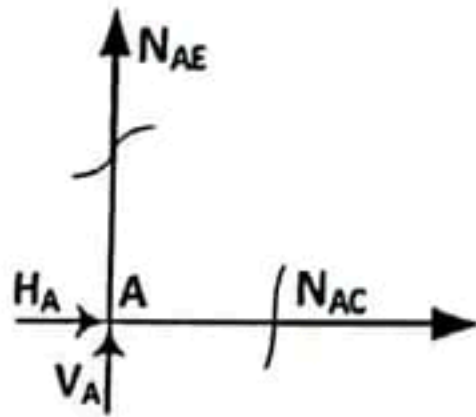
- نتأكد بالعلاقة:

$$V_A + V_B = 35 \text{ KN}$$

3- حساب الجهود الداخلية في القضبان:

دراسة العقدة A:

0.50



$$\sum F / xx' = 0 \Leftrightarrow N_{AC} + H_A = 0$$

$$N_{AC} = -H_A \Rightarrow N_{AC} = -25 \text{ KN}$$

إنضغاط

0.50

$$\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow N_{AE} + V_A = 0$$

$$N_{AE} = -V_A \Rightarrow N_{AE} = -32.5 \text{ KN}$$

إنضغاط

دراسة العقدة H:

0.50

$$\sum F / xx' = 0 \Leftrightarrow -N_{HG} \cdot \cos \alpha - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow N_{HG} = \frac{-5}{\cos \alpha} \Leftrightarrow N_{HG} = \frac{-5}{0.894} \Leftrightarrow N_{HG} = -5.59 \text{ KN}$$

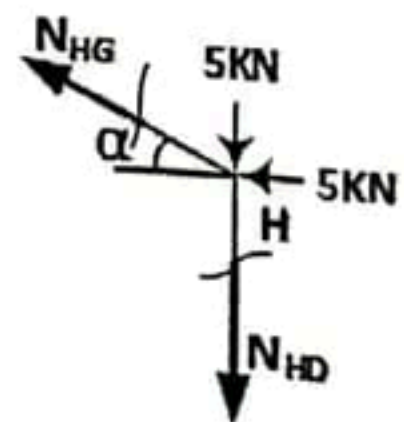
انضغاط

0.50

$$\sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow -N_{HD} + N_{HG} \sin \alpha - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow N_{HD} = N_{HG} \sin \alpha - 5 \Leftrightarrow N_{HD} = -7.5 \text{ KN}$$

إنضغاط



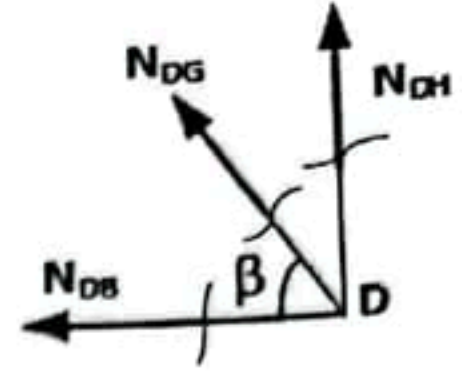
## دراسة العقدة D:

$$0.50 \quad \sum F / yy' = 0 \Leftrightarrow N_{DH} + N_{DG} \sin \beta = 0$$

$$\Leftrightarrow N_{DG} = \frac{-N_{DH}}{\sin \beta} \Leftrightarrow N_{DG} = 9.01 \text{ KN} \quad \text{شد}$$

$$0.50 \quad \sum F / xx' = 0 \Leftrightarrow -N_{DB} - N_{DG} \cos \beta = 0$$

$$\Leftrightarrow N_{DB} = -N_{DG} \cos \beta \Leftrightarrow N_{DB} = -5 \text{ KN} \quad \text{انضغاط}$$



تدوين النتائج :

0.125x6

القضيب	قيمة الجهد (KN)	طبيعة الجهد
AC	25	انضغاط
AE	32.5	انضغاط
HG	5.59	انضغاط
HD	7.5	انضغاط
DB	5	انضغاط
DG	9.01	شد

- ملاحظة : تؤخذ بعين الاعتبار - طبيعة الجهود الداخلية- في الجدول .

4- اختيار المجنب المناسب:

$$0.25 \quad \sigma_{\max} = \frac{N_{\max}}{S} \leq \bar{\sigma} \Leftrightarrow S \geq \frac{N_{\max}}{\bar{\sigma}}$$

0.25

$$\Leftrightarrow S \geq \frac{32.5 \times 10^2}{1600} \Leftrightarrow S \geq 2.03 \text{ cm}^2$$

0.25

$$S = 2.39 \text{ cm}^2$$

من الجدول نستنتج أن المجنب المناسب هو (35×35×3.5) حيث

03.75

0.75

06

البناء:

النشاط الأول :

1. تسمية العناصر:

a: رصيف (حاشية)

b: مسلك

c: قارعة

d: فاصل أو فراغ ترابي.

2. تسمية الطبقات:

1: طبقة السطح (طبقة السير)

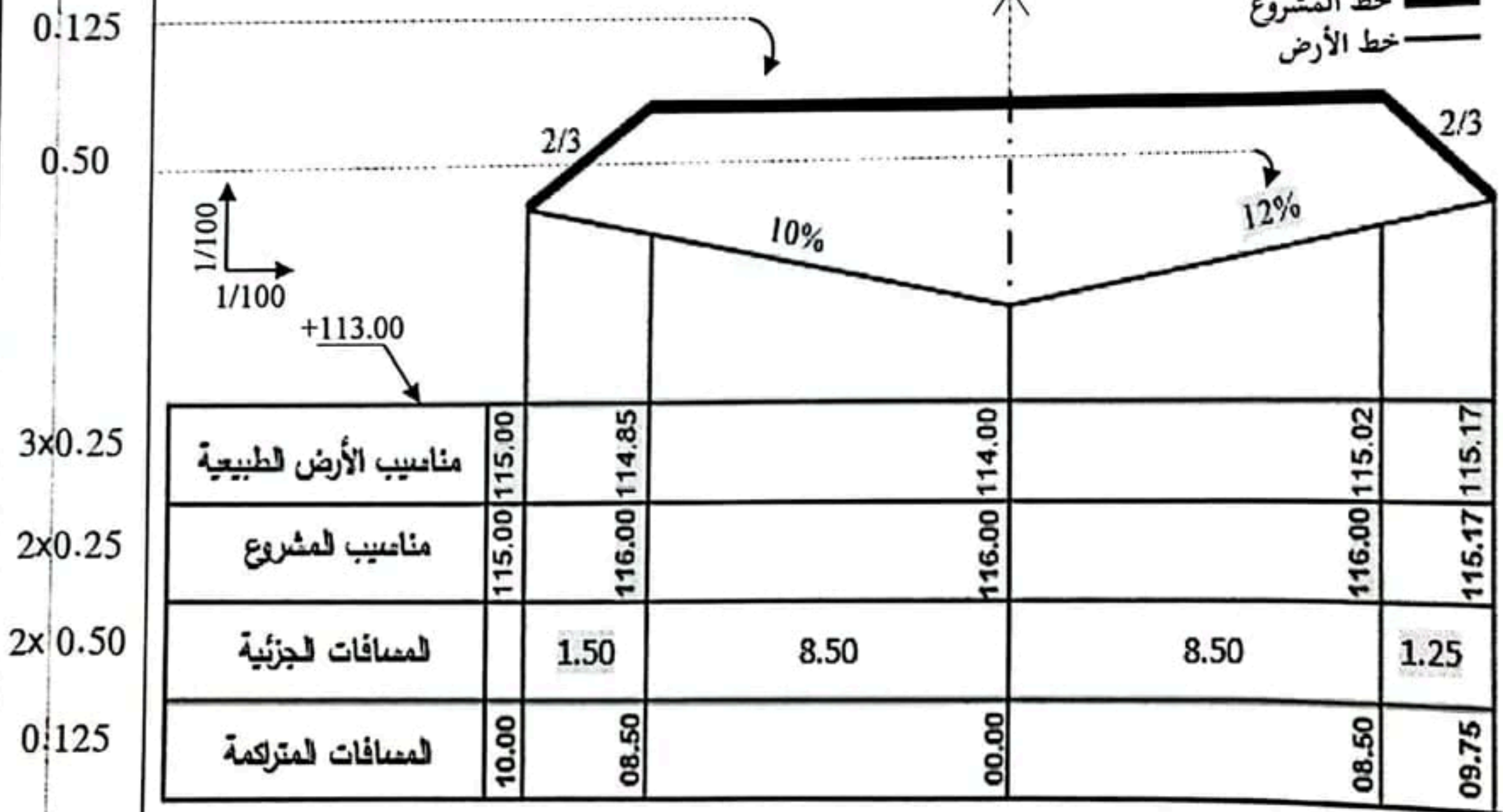
2: طبقة القاعدة

3: طبقة الأساس

4: طبقة الشكل

3. رسم المظهر العرضي

خط المشروع  
خط الأرض



المظهر العرضي

- ملاحظة : تتقَط المنايب عند طرفي المظهر العرضي مرة واحدة فقط.

النشاط الثاني: د

1- حساب المساحة  $S_{(ABCD)}$ :

$$0.50 \quad S_{(ABCD)} = \frac{1}{2} [X_A(Y_D - Y_B) + X_B(Y_A - Y_C) + X_C(Y_B - Y_D) + X_D(Y_C - Y_A)]$$

$$0.25 \quad S_{(ABCD)} = \frac{1}{2} [0(25.30 - 19) + 1(0 - 25.30) + 13(19 - 25.30) + 41(25.30 - 0)]$$

$$0.25 \quad S_{(ABCD)} = \frac{1}{2} [0 - 25.30 - 81.90 + 1037.30] = \boxed{465.05m^2}$$

2- حساب السمت الاحداثي  $G_{AD}$ :

$$0.125 \times 2 \quad \Delta X_{AD} = X_D - X_A = 41 - 0 = 41m > 0$$

$$\Delta Y_{AD} = Y_D - Y_A = 25.30 - 0 = 25.30m > 0$$

$$2 \times 0.25 \quad \text{tg}(g) = \left| \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right| = \left| \frac{41}{25.30} \right| = 1.62 \Rightarrow \boxed{g = 64.80 \text{grd}}$$

$$0.25 \quad \boxed{G_{AD} = g = 64.80 \text{grd}} \text{ نحن في الربع الأول منه}$$

حساب المسافة  $L_{AD}$ :

$$0.25 \quad L_{AD} = \sqrt{(\Delta X)^2 + (\Delta Y)^2} = \sqrt{(41)^2 + (25.30)^2} = \boxed{48.18m}$$

3- استنتاج  $G_{AE}$ :

$$0.25 \quad \boxed{G_{AE} = 100 \text{grd}} \text{ من الشكل (5) نلاحظ ان الزاوية } G_{AE} \text{ قائمة ومنه:}$$

$$0.25 \quad 4 - \text{حساب الزاوية } \alpha : \alpha = G_{AE} - G_{AD} = 100 - 64.80 = \boxed{35.20 \text{grd}}$$

5- حساب المساحة  $S_{(ADE)}$ :

$$0.5 \quad S_{(ADE)} = \frac{1}{2} [L_{AD} \times L_{AE} \times \sin \alpha] = \frac{1}{2} [48.18 \times 45 \times \sin 35.20] = \boxed{569.31m^2}$$

6- حساب المساحة الكلية  $S_{(ABCDE)}$ :

$$0.25 \quad S_{(ABCDE)} = S_{(ABCD)} + S_{(ADE)} = 465.05 + 569.31 = \boxed{1034.36m^2}$$

0.25

04

20

عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)

مكانيك مطبقة (12 نقطة)

النشاط الأول: التحريصات البسيطة (05 نقاط)

1- حساب رد الفعل عند الوثاقة A:

$$\sum F / y = 0 \Rightarrow V_A - 15 + 20 - 10 = 0$$

$$\Rightarrow V_A = 5 \text{ KN}$$

2- حساب الجهود الناعمية (N) والإجهادات الناعمية (σ) في مختلف مقاطع القضيب.

القطع 1-1 :  $0 \leq y \leq 200$

$$\sum F / y = 0 \Rightarrow V_A - N_1 = 0$$

$$\Rightarrow N_1 = V_A \Rightarrow N_1 = +5 \text{ KN}$$

$$\sigma_1 = \frac{N_1}{S_1} = \frac{5 \times 10^2}{2.5 \times 2.5} \Rightarrow \sigma_1 = 80 \text{ daN / cm}^2$$

القطع 2-2 :  $200 \leq y \leq 300$

$$\sum F / y = 0 \Rightarrow V_A - 15 - N_2 = 0$$

$$\Rightarrow N_2 = -10 \text{ KN}$$

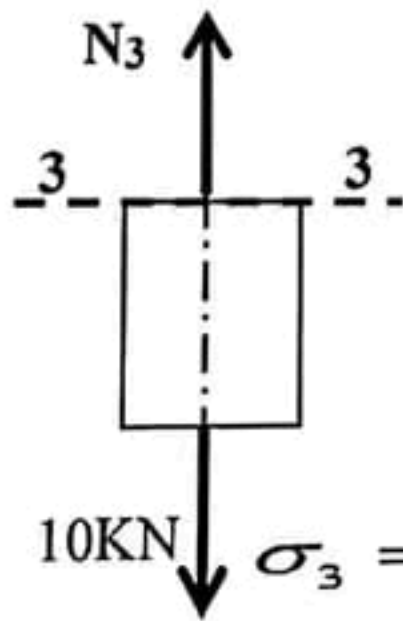
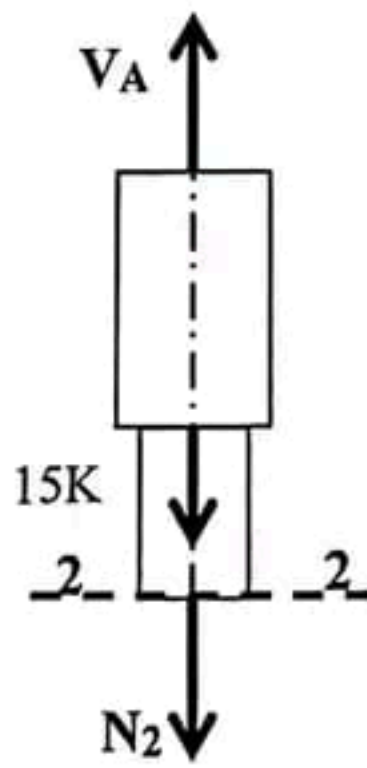
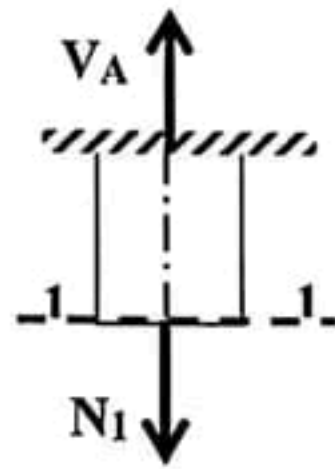
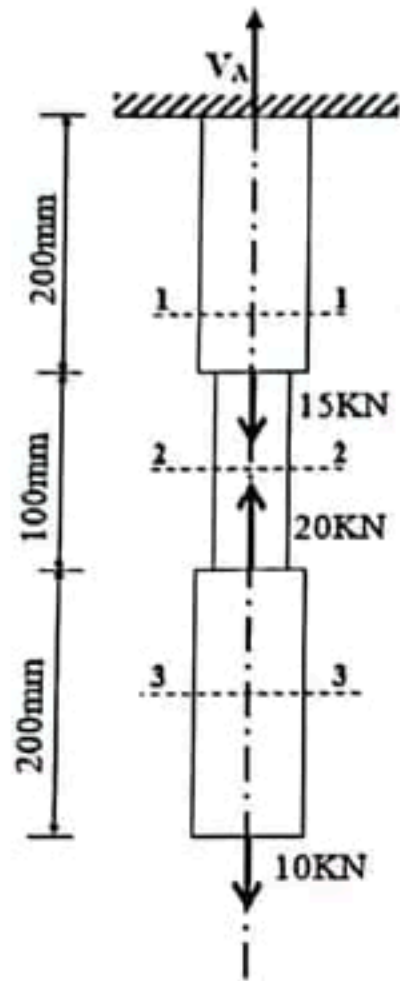
$$\sigma_2 = \frac{N_2}{S_2} = \frac{-10 \times 10^2}{\frac{3.14}{4} \times (2^2 - 1.2^2)}$$

$$\Rightarrow \sigma_2 = -497.61 \text{ daN / cm}^2$$

القطع 3-3 :  $0 \leq y \leq 200$

$$\sum F / y = 0 \Rightarrow N_3 - 10 = 0 \Rightarrow N_3 = +10 \text{ KN}$$

$$\sigma_3 = \frac{N_3}{S_3} = \frac{10 \times 10^2}{2.5 \times 2.5} \Rightarrow \sigma_3 = 160 \text{ daN / cm}^2$$



العلامة

مجموع

مجزأة

0.25

0.25

0.25

0.25x2

0.25

0.25x2

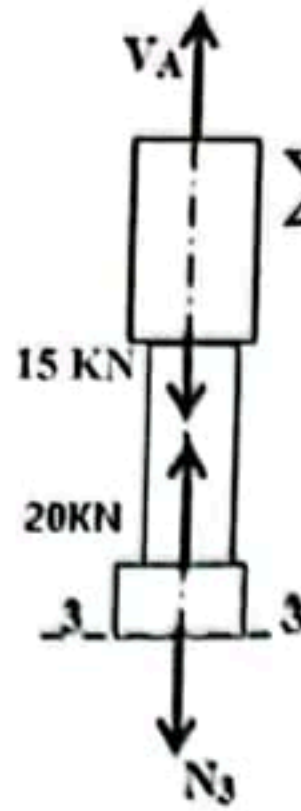
0.25

0.25x2

2.25



الطريقة الثانية للمقطع (3-3):  $300 \leq y \leq 500$



$$\sum F / y = 0 \Rightarrow V_A - 15 + 20 - N_3 = 0 \Rightarrow N_3 = +10 \text{ kN}$$

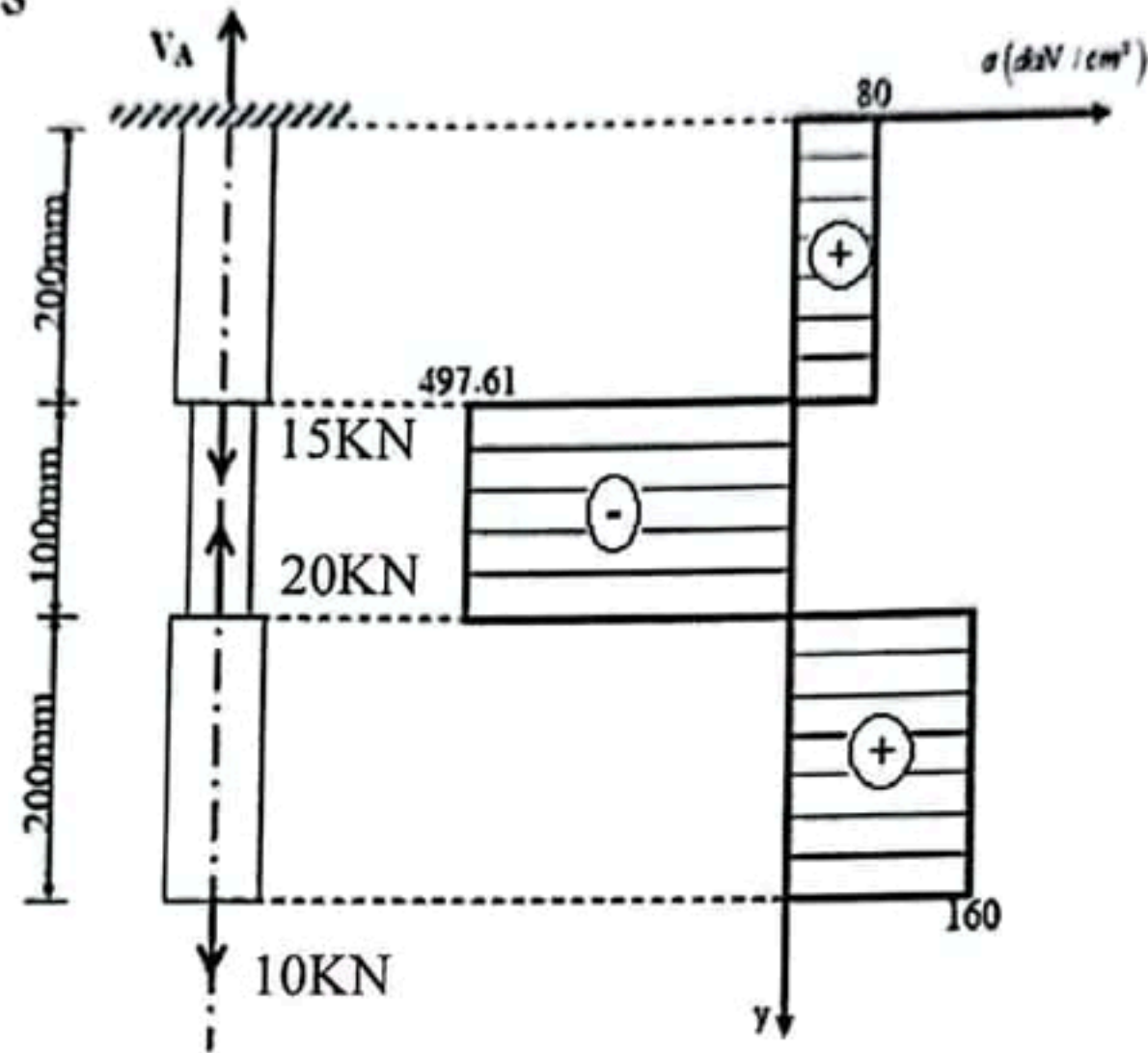
$$\sigma_3 = \frac{N_3}{S_3} = \frac{10 \times 10^2}{2.5 \times 2.5} \Rightarrow \sigma_3 = 160 \text{ daN / cm}^2$$

3- رسم مخطط الإجهادات:

0.25

0.25

0.25



0.75

4- حساب التشوه المطلق  $\Delta l_1$  و  $\Delta l_2$  للقطعتين (1) و (2) :

0.25x2

$$\Delta l_1 = \frac{N_1 \times L_1}{E_1 \times S_1} = \frac{5 \times 10^2 \times 20}{2.1 \times 10^6 \times 2.5^2} \Rightarrow \Delta l_1 = +7.6 \times 10^{-4} \text{ cm}$$

0.25x2

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 \times L_2}{E_2 \times S_2} = \frac{-10 \times 10^2 \times 10}{0.9 \times 10^6 \times 3.14 \left( (1)^2 - (0.6)^2 \right)} \Rightarrow \Delta l_2 = -5.5 \times 10^{-3} \text{ cm}$$

01

5-1- حساب معامل المرونة الطولي  $E_3$  :

0.25

$$\Delta l_3 = \frac{N_3 \times L_3}{E_3 \times S_3} \Rightarrow E_3 = \frac{N_3 \times L_3}{\Delta l_3 \times S_3} = \frac{10 \times 10^2 \times 20}{0.001524 \times (2.5)^2}$$

0.25

$$\Rightarrow E_3 = 2.1 \times 10^6 \text{ daN / cm}^2$$

0.25

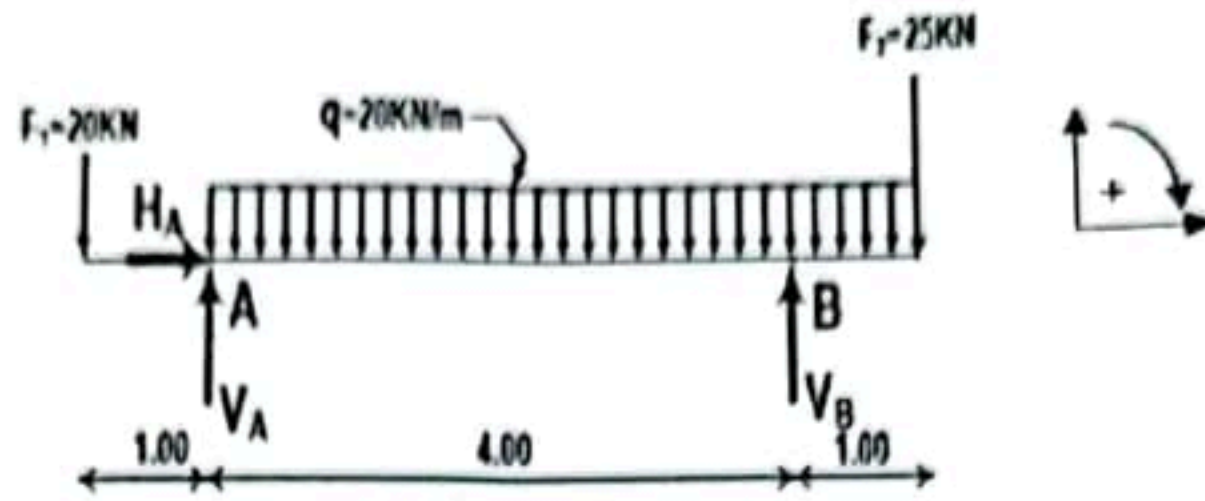
ب- لدينا  $E_3 = 2.1 \times 10^6 \text{ daN / cm}^2$  من الجدول المرفق نوع المادة هو الفولاذ .

0.75

05

النشاط الثاني: دراسة رافدة (07 نقاط)

1- حساب ردود الأفعال عند المسندين A و B :



0.25  $\sum F / x = 0 \Rightarrow H_A = 0$

$\sum M / A = 0 \Rightarrow -V_B \times 4 + F_2 \times 5 + q \times 5 \times \frac{5}{2} - F_1 \times 1 = 0$

0.25  $\Rightarrow V_B = 88.75 \text{ KN}$

$\sum M / B = 0 \Rightarrow V_A \times 4 + F_2 \times 1 - q \times 5 \times 1.5 - F_1 \times 5 = 0$

0.25  $\Rightarrow V_A = 56.25 \text{ KN}$

0.75

2- كتابة معادلات الجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة:

القطع 1-1 :  $0 \leq x \leq 1$

0.25  $T(x) = -F_1 \Rightarrow T(x) = -20 \text{ KN}$

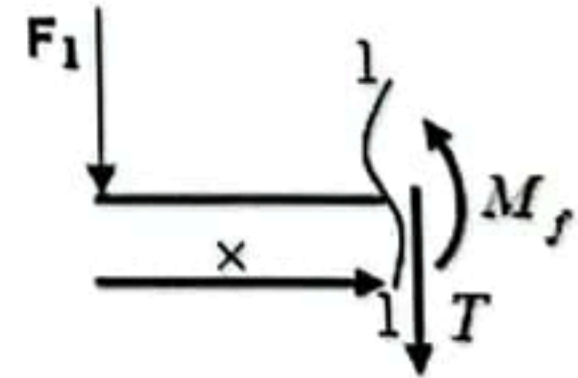
0.125  $T(0) = -20 \text{ KN}$

0.125  $T(1) = -20 \text{ KN}$

0.50  $M_f(x) = -F_1 \times x \Rightarrow M_f(x) = -20x$

0.125  $M_f(0) = 0$

0.125  $M_f(1) = -20 \text{ KN.m}$



القطع 2-2 :  $1 \leq x \leq 5$

$$T(x) = -F_1 - q(x-1) + V_A$$

$$\Rightarrow T(x) = -20 - 20(x-1) + 56.25$$

$$\Rightarrow T(x) = -20x + 56.25$$

$$T(1) = +36.25 \text{ KN}$$

$$T(5) = -43.75 \text{ KN}$$

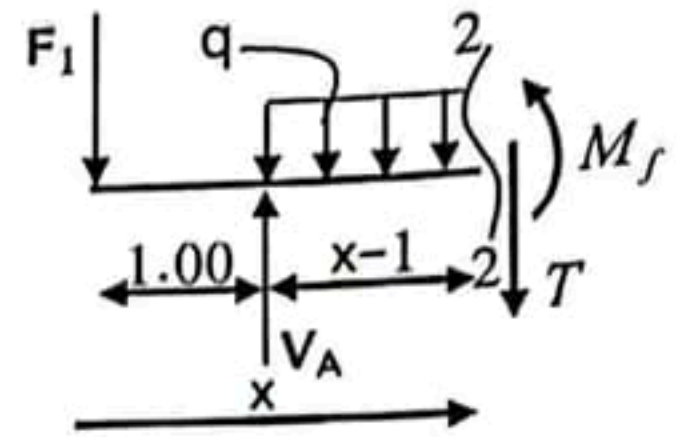
$$M_f(x) = -F_1 x - q \frac{(x-1)^2}{2} + V_A (x-1)$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -20x - 20 \frac{(x-1)^2}{2} + 56.25(x-1)$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -10x^2 + 56.25x - 66.25$$

$$M_f(1) = -20 \text{ KN.m}$$

$$M_f(5) = -35 \text{ KN.m}$$



القطع 3-3 :  $0 \leq x \leq 1$

الطريقة الأولى: القطع من اليمين

$$T(x) = F_2 + qx$$

$$\Rightarrow T(x) = 20x + 25$$

$$T(0) = +25 \text{ KN}$$

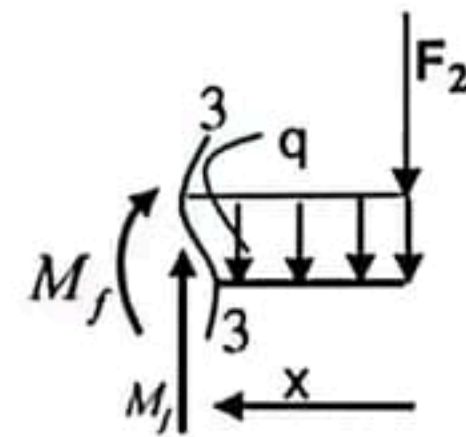
$$T(1) = +45 \text{ KN}$$

$$M_f(x) = -F_2 x - q \times \frac{x^2}{2}$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -10x^2 - 25x$$

$$M_f(0) = 0$$

$$M_f(1) = -35 \text{ KN.m}$$



حساب القيمة الحدية  $M_f(x)$

$$T(x) = 0 \Rightarrow -20x + 56.25 = 0$$

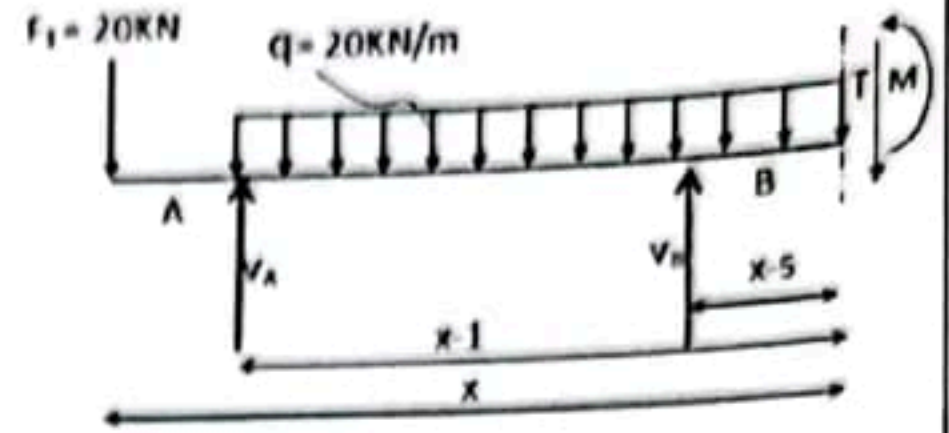
$$\Rightarrow x = \frac{56.25}{20} = 2.81 \text{ m}$$

بالتعويض في معادلة  $M_f(x)$  نجد:

$$M_f(2.81) = 12.85 \text{ KN.m}$$

القطع 3-3 :  $5 \leq x \leq 6$

الطريقة الثانية: القطع من اليسار



$$T(x) = -F_1 - q(x-1) + V_A + V_B$$

$$\Rightarrow T(x) = -20 - 20(x-1) + 56.25 + 88.75$$

$$\Rightarrow T(x) = -20x + 145$$

$$T(5) = 45 \text{ kN}$$

$$T(6) = 25 \text{ kN}$$

$$M_f(x) = -F_1 x - \frac{q}{2}(x-1)^2 + V_A(x-1) + V_B(x-5)$$

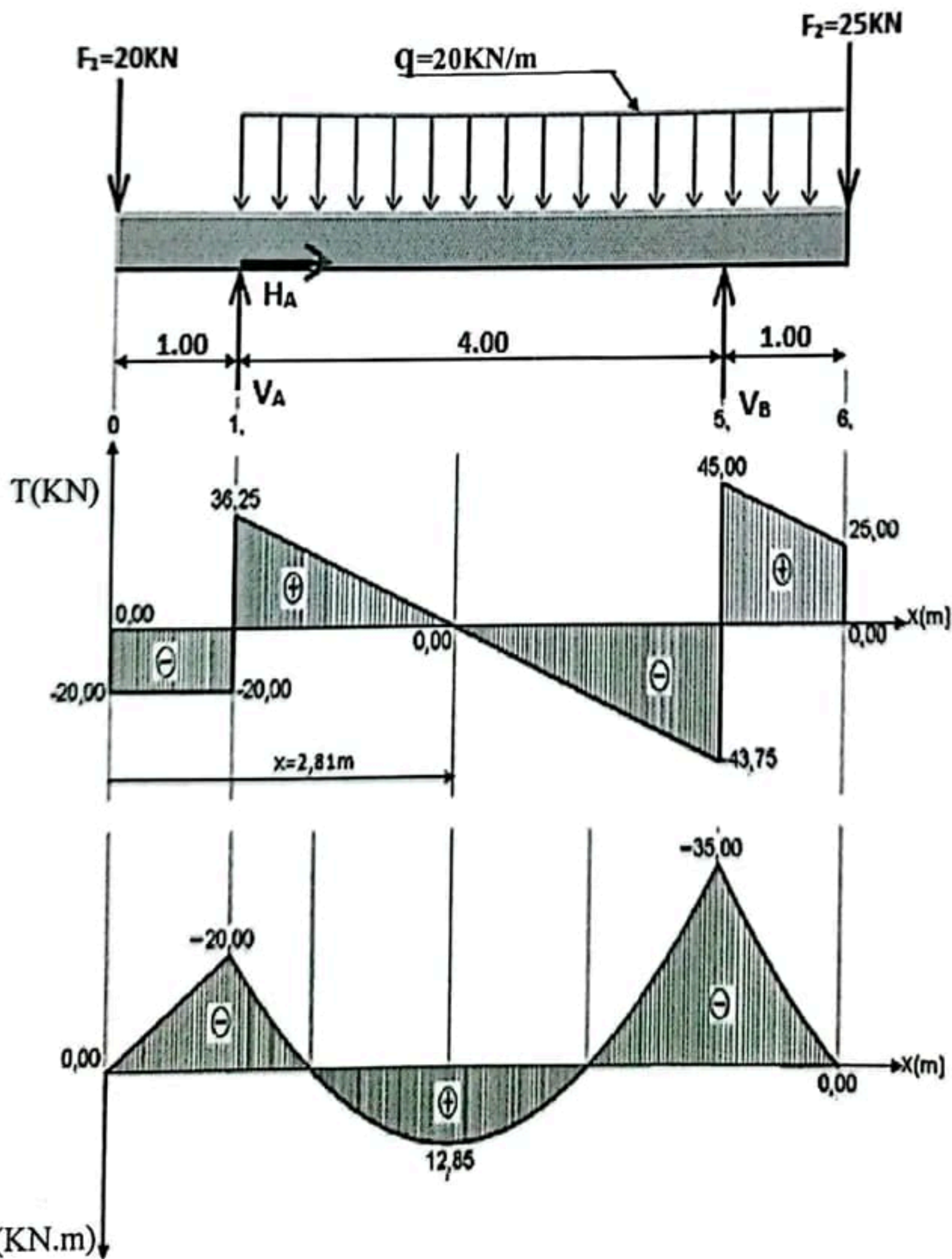
$$\Rightarrow M_f(x) = -20x - 10(x-1)^2 + 56.25(x-1) + 88.75(x-5)$$

$$\Rightarrow M_f(x) = -10x^2 + 145x - 510$$

$$M_f(5) = -35 \text{ kN.m}$$

$$M_f(6) = 0$$

3- رسم المنحنيات البيانية للجهد القاطع  $T(x)$  وعزم الانحناء  $M_f(x)$  على طول الرافدة:



3x0.125

3x0.125

4- القيم العظمى للجهد القاطع  $T$  وعزم الانحناء  $M_f$  :

$$T_{\max} = 45 \text{KN} \text{ و } M_{f\max} = 35 \text{KN.m}$$

5- إيجاد المجنّب اللازم والكافي:  
من شرط المقاومة لدينا:

$$\sigma_{\max} \leq \bar{\sigma}$$

$$\Rightarrow \frac{M_{f\max}}{W_{/XX'}} \leq \bar{\sigma} \Leftrightarrow W_{/XX'} \geq \frac{M_{f\max}}{\bar{\sigma}} \Leftrightarrow W_{/XX'} \geq \frac{35 \times 10^2 \times 10^2}{1600}$$

$$W_{/XX'} \geq 218.75 \text{cm}^3$$

ومنه نختار المجنّب  $IPE 220$  بحيث  $(W_{xx'} = 252 \text{cm}^3)$

البناء: (08 نقاط)

النشاط الاول : المنشآت العلوية (03 ن)

1) تصنيف الفواصل في كل حالة:

الحالة (A) : فاصل الانقطاع أو التصدع .

الحالة (B) : فاصل التمدد .

الحالة (C) : فاصل الانقطاع أو التصدع .

2) تعليل التصنيف في كل حالة:

الحالة (A) : اختلاف الارتفاع في المنشأ .

الحالة (B) : طول المنشأ .

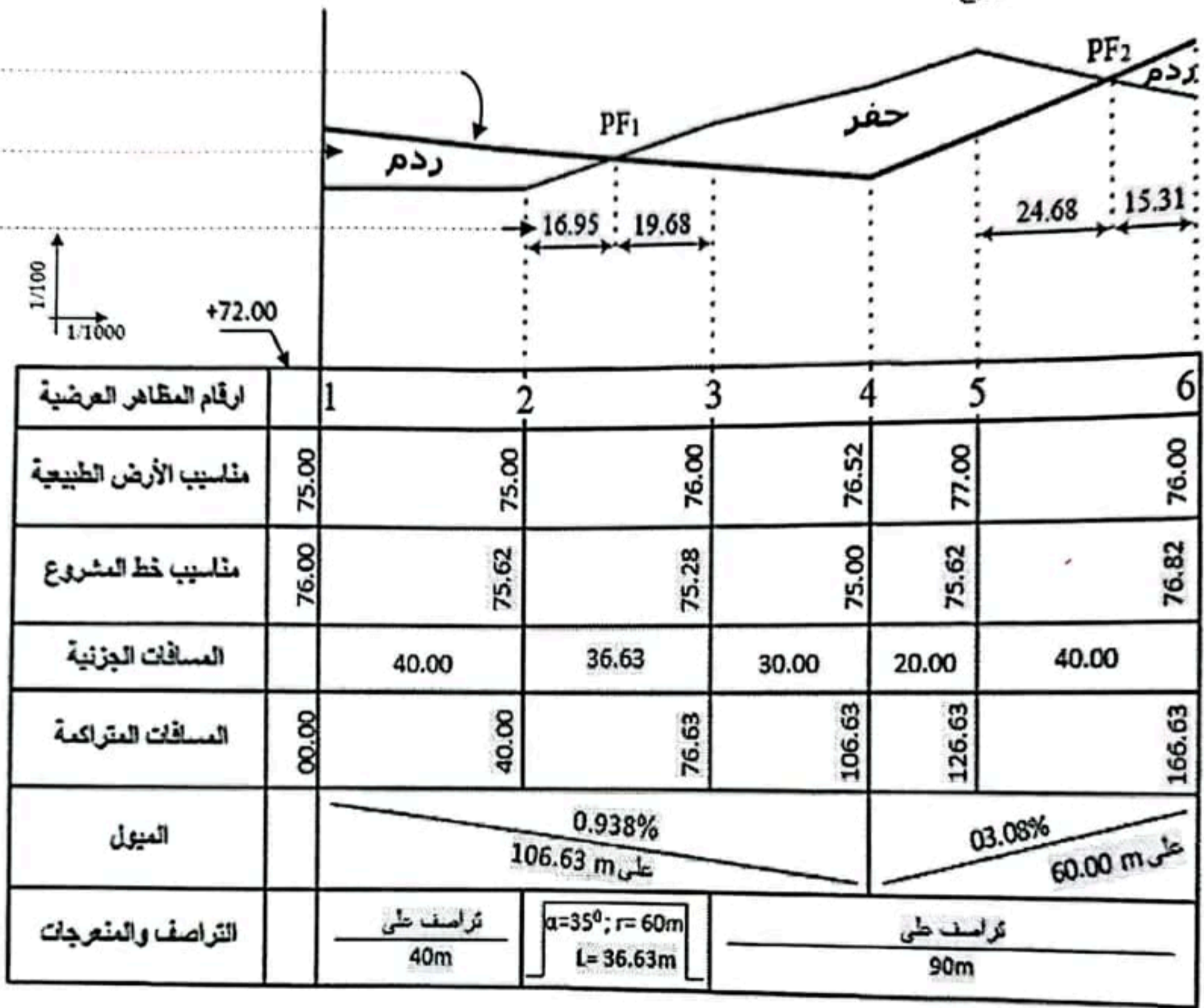
الحالة (C) : المنشأ بني على تربة غير متجانسة (مختلفة الخصائص) .

### النشاط الثاني: الطرق (5 ن)

- تكمل رسم المظهر الطولي وإتمام ملاء جدول البيانات:

خط الأرض الطبيعية  
خط المشروع

2x0.25  
2x0.125  
4x0.25  
4x0.25  
0.50  
0.25  
3x0.25  
3x0.25

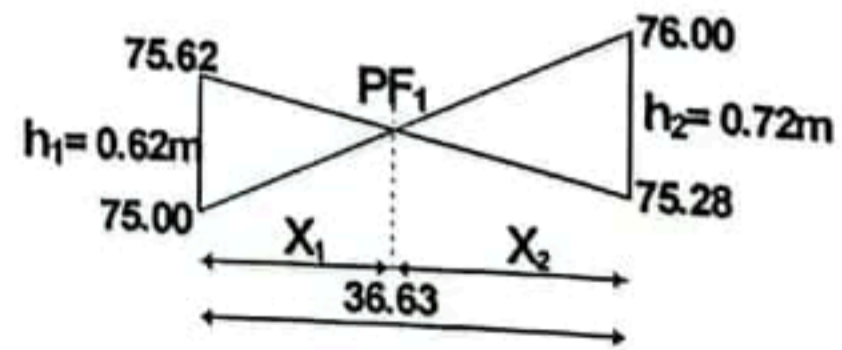


- حساب المظاهر الوهمية:

• المظهر الوهمي PF<sub>1</sub>:

$$x_1 = \frac{h_1 \times L_{(2-3)}}{h_1 + h_2} = \frac{0.62 \times (36.63)}{0.62 + 0.72} \Rightarrow x_1 = 16.95m$$

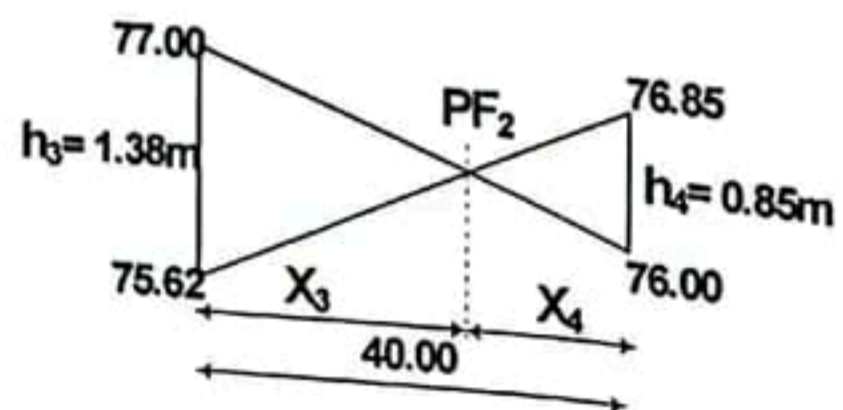
$$x_2 = \frac{h_2 \times L_{(2-3)}}{h_1 + h_2} = \frac{0.72 \times (36.63)}{0.62 + 0.72} \Rightarrow x_2 = 19.68m$$



• المظهر الوهمي PF<sub>2</sub>:

$$x_3 = \frac{h_3 \times L_{(5-6)}}{h_3 + h_4} = \frac{1.38 \times (40.00)}{1.38 + 0.85} \Rightarrow x_3 = 24.68m$$

$$x_4 = \frac{h_4 \times L_{(5-6)}}{h_3 + h_4} = \frac{0.85 \times (40.00)}{1.38 + 0.85} \Rightarrow x_4 = 15.31m$$



ملاحظة: علامات حساب المظاهر الوهمية مدرجة في سلم تنقيط جدول المظهر الطولي.